Modélisation macroscopique des inondations fluviales et urbaines Prise en compte des écoulements directionnels et des échanges lit mineur - lit majeur

Pascal Finaud-Guyot

Ginger Environnement & Infrastructures, Laboratoire HydroSciences Montpellier

26 Novembre 2009 Financement CIFRE









Institut de recherche pour le développement





| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-----------------------|--------------------|----------------|---------------|--------------|
| • • • • • | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 0 0 00 |
| Problématique | | | | |

La modélisation est utilisée pour des zones d'étude présentant des axes d'écoulements préférentiels :

lit mineur de rivière



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------|--------------------|----------------|---------------|--------------|
| • 00 00 | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 0 0 00 |
| Problématique | | | | |

La modélisation est utilisée pour des zones d'étude présentant des axes d'écoulements préférentiels :

lit mineur de rivière



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-----------------------|--------------------|----------------|---------------|--------------|
| • • • • • | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 0 0 00 |
| Problématique | | | | |

- lit mineur de rivière
- canaux d'irrigation et/ou de drainage



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-----------------------|--------------------|----------------|---------------|------------|
| • • • • • | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 000 |
| Problématique | | | | |

- lit mineur de rivière
- canaux d'irrigation et/ou de drainage



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-----------------------|--------------------|----------------|---------------|------------|
| • • • • • | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 000 |
| Problématique | | | | |

- lit mineur de rivière
- canaux d'irrigation et/ou de drainage
- axes routiers dans une zone bâtie



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-----------------------|--------------------|----------------|---------------|------------|
| • • • • • | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 000 |
| Problématique | | | | |

- lit mineur de rivière
- canaux d'irrigation et/ou de drainage
- axes routiers dans une zone bâtie



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------------------------|--------------------|----------------|---------------|--------------|
| 0 • 0 0 0 | 000 00 00000 | 000 0 00 | o 000 0 | 0 0 00 |
| Utilisation de la modélisation | | | | |

 Changements de direction non pris en compte pour les calculs





Géométrie réelle

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------------------------|--------------------|----------------|---------------|--------------|
| 0 • 0 0 0 | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 0 0 00 |
| Utilisation de la modélisation | | | | |

- Changements de direction non pris en compte pour les calculs
- Deux variables (uniformes sur la section) descriptives de l'écoulement : S et Q



$$\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial t} + \frac{\partial \mathbf{F}}{\partial x} = \mathbf{S}$$
$$\mathbf{U} = \begin{bmatrix} S \\ Q \end{bmatrix} \quad \mathbf{F} = \begin{bmatrix} Q \\ \frac{Q^2}{S} + \frac{P}{\rho} \end{bmatrix}$$
$$\mathbf{S} = \begin{bmatrix} 0 \\ gS(S_0 - S_f) + I_p \end{bmatrix}$$

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|--------------------------------|--------------------|----------------|---------------|--------------|--|
| 0 00 00 | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 0 0 00 | |
| Utilisation de la modélisation | | | | | |
| othered ac ru mouchs | | | | | |

- Changements de direction non pris en compte pour les calculs
- Deux variables (uniformes sur la section) descriptives de l'écoulement : S et Q
- Mauvaise représentation des célérités de propagation d'onde par la majorité des codes commerciaux



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|--------------------------------|--------------------|----------------|---------------|--------------|--|
| | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 0 0 00 | |
| Utilisation de la modélisation | | | | | |

 Trois variables descriptives de l'écoulement : h, q et r

 $\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial t} + \frac{\partial \mathbf{F}}{\partial x} + \frac{\partial \mathbf{G}}{\partial y} = \mathbf{S}$

г

~

$$\mathbf{U} = \begin{bmatrix} h \\ q \\ r \end{bmatrix} \qquad \mathbf{F} = \begin{bmatrix} q^{2} \\ \frac{h}{h} + \frac{1}{2}gh^{2} \\ \frac{qr}{h} \end{bmatrix}$$
$$\mathbf{G} = \begin{bmatrix} r \\ \frac{qr}{h} \\ \frac{r^{2}}{h} + \frac{1}{2}gh^{2} \end{bmatrix} \qquad \mathbf{S} = \begin{bmatrix} 0 \\ gh(S_{0,x} - S_{f,x}) \\ gh(S_{0,y} - S_{f,y}) \end{bmatrix}$$

٦

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|--------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| 00 | | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Utilisation de la modélisation | | | | | |

- Trois variables descriptives de l'écoulement : h, q et r
- Description fine de la topographie



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|--------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| 00 | | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Utilisation de la modélisation | | | | | |

- Trois variables descriptives de l'écoulement : h, q et r
- Description fine de la topographie
 - Besoin important en données topographiques



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|--------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| 00 | | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Utilisation de la modélisation | | | | | |

- Trois variables descriptives de l'écoulement : h, q et r
- Description fine de la topographie
 - Besoin important en données topographiques
 - Besoin important en main d'oeuvre



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|--------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| 00 | | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Utilisation de la modélisation | | | | | |

- Trois variables descriptives de l'écoulement : h, q et r
- Description fine de la topographie
 - Besoin important en données topographiques
 - Besoin important en main d'oeuvre
 - Durée de simulation importante



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|--------------------------------|--------------------|----------------|---------------|--------------|--|
| | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 0 0 00 | |
| Utilisation de la modélisation | | | | | |

- Trois variables descriptives de l'écoulement : h, q et r
- Description fine de la topographie
- Variables uniformes sur la verticale



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|--------------------------------|--------------------|----------------|---------------|--------------|--|
| | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 0 0 00 | |
| Utilisation de la modélisation | | | | | |

- Trois variables descriptives de l'écoulement : h, q et r
- Description fine de la topographie
- Variables uniformes sur la verticale
 - Impossibilité de représenter correctement les courts-circuits de méandres



| Introduction ○ ○○ ●○ | Modèle 000 00 00000 | Res. Num. 000 0 00 | Résultats 0 000 0 | Conclusion 0 0 00 |
|-------------------------------|------------------------------|-----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| Objectifs & plan | | | | |
| Objectifs | | | | |

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| 0 | 000 | | 0000 | |
| ŏŏ | 00000 | | | |
| Objectifs & plan | | | | |
| Objectifs | | | | |

- > Développer un modèle de représentation des inondations :
 - ne nécessitant pas un maillage fin du lit mineur

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|------------------|--------------|-----------|-----------|------------|
| 0 | 000 | | 0 | |
| õõ | <u>ŏŏooo</u> | | | |
| Objectifs & plan | | | | |
| | | | | |
| Objectifs | | | | |

- ne nécessitant pas un maillage fin du lit mineur
- permettant la représentation correcte des phénomènes tels que les courts-circuits de méandres

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|------------------|--------------------|----------------|---------------|--------------|
| 0 00 ●0 | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 0 0 00 |
| Objectifs & plan | | | | |
| | | | | |

- ne nécessitant pas un maillage fin du lit mineur
- permettant la représentation correcte des phénomènes tels que les courts-circuits de méandres
- Concevoir les méthodes numériques permettant la résolution des équations proposées

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|------------------|--------------------|----------------|---------------|--------------|
| 0 00 ●0 | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 0 0 00 |
| Objectifs & plan | | | | |
| | | | | |

- ne nécessitant pas un maillage fin du lit mineur
- permettant la représentation correcte des phénomènes tels que les courts-circuits de méandres
- Concevoir les méthodes numériques permettant la résolution des équations proposées
- ► Valider le modèle et le comparer à un modèle bidimensionnel classique

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|------------------|--------------------|----------------|---------------|--------------|
| 0 00 ●0 | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 0 0 00 |
| Objectifs & plan | | | | |
| | | | | |

- ne nécessitant pas un maillage fin du lit mineur
- permettant la représentation correcte des phénomènes tels que les courts-circuits de méandres
- Concevoir les méthodes numériques permettant la résolution des équations proposées
- ► Valider le modèle et le comparer à un modèle bidimensionnel classique
- Développer un code de calcul opérationnel sur la base de ce modèle

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|------------------|--------------------|----------------|---------------|--------------|
| 0 00 ●0 | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 0 0 00 |
| Objectifs & plan | | | | |
| | | | | |

- ne nécessitant pas un maillage fin du lit mineur
- permettant la représentation correcte des phénomènes tels que les courts-circuits de méandres
- Concevoir les méthodes numériques permettant la résolution des équations proposées
- ► Valider le modèle et le comparer à un modèle bidimensionnel classique
- Développer un code de calcul opérationnel sur la base de ce modèle
 - Permettre une réduction de la durée de simulation

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|------------------|--------------------|----------------|---------------|--------------|
| 0 00 ●0 | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 0 0 00 |
| Objectifs & plan | | | | |
| | | | | |

- ne nécessitant pas un maillage fin du lit mineur
- permettant la représentation correcte des phénomènes tels que les courts-circuits de méandres
- Concevoir les méthodes numériques permettant la résolution des équations proposées
- ► Valider le modèle et le comparer à un modèle bidimensionnel classique
- Développer un code de calcul opérationnel sur la base de ce modèle
 - Permettre une réduction de la durée de simulation
 - Obtenir une précision au moins égale à celle du modèle SW2D

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|------------------|--------------------|----------------|---------------|--------------|
| 0 00 0● | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 0 0 00 |
| Objectifs & plan | | | | |
| | | | | |

Plan

Modèle

Méthodologies de couplage employées par les codes de calcul Contraintes

Description du modèle proposé

Résolution numérique

Méthodes numériques Implantation dans le code de calcul Vérification du solveur PorAS

Présentation des résultats

Configuration rectiligne Configuration sinueuse Configuration réelle

Conclusion et perspectives

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| | | | | |

Couplage par les extrémités du modèle 1D (Wolf Package, Mike Flood)

 Échange explicite de conditions aux limites



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| | | | | |



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| | | | | |

Couplage latéral (CCHE-Flood, Mike Flood)

 Calcul du débit par une équation de déversoir : Q = f (Δz)



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| | | | | |

Couplage latéral (CCHE-Flood, Mike Flood)

- Calcul du débit par une équation de déversoir : Q = f (Δz)
- Transfert de masse uniquement entre les modèles



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| | | | | |

Couplage latéral (CCHE-Flood, Mike Flood)

- Calcul du débit par une équation de déversoir : Q = f (Δz)
- Transfert de masse uniquement entre les modèles
 - Ralentissement de l'écoulement dans le modèle aval
 - Accélération de l'écoulement dans le modèle amont



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| | | | | |

- Calcul du débit par une équation de déversoir : Q = f (Δz)
- Transfert de masse uniquement entre les modèles
- Prise en compte impossible des cours-circuits de méandres

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| | | | | |

- Calcul du débit par une équation de déversoir : Q = f (Δz)
- Transfert de masse uniquement entre les modèles
- Prise en compte impossible des cours-circuits de méandres
 - Annulation du débit de transfert en situation de court-circuit



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| | | | | |

- ► Calcul du débit par une équation de déversoir : Q = f (∆z)
- Transfert de masse uniquement entre les modèles
- Prise en compte impossible des cours-circuits de méandres
 - Composante transversale de la vitesse nulle dans les équations 1D



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| | | | | |

Couplage 1D-2D complet (Sobek 1D-2D)

 1 équation de conservation de la masse



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |

Couplage 1D-2D complet (Sobek 1D-2D)

- 1 équation de conservation de la masse
- cotes de la surface libre identiques : z_{1D} = z_{2D}


| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |

Méthodologies de couplage employées par les codes de calcul

Couplage 1D-2D complet (Sobek 1D-2D)

- 1 équation de conservation de la masse
- cotes de la surface libre identiques : z_{1D} = z_{2D}
- 1 équation de conservation de la quantité de mouvement (QdM) pour chaque modèle



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| | | | | |

Méthodologies de couplage employées par les codes de calcul

Couplage 1D-2D complet (Sobek 1D-2D)

- 1 équation de conservation de la masse
- cotes de la surface libre identiques : z_{1D} = z_{2D}
- 1 équation de conservation de la quantité de mouvement (QdM) pour chaque modèle
- Pas de référence bibliographique disponible sur les interactions 1D-2D



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | 00 | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Contraintes | | | | |

Réduction de la durée de simulation

 \blacktriangleright Contrainte de stabilité et/ou de précision : $\mathrm{Cr}pprox 1$

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 0 | | 000 | |
| | | | | |
| Contraintes | | | | |

Réduction de la durée de simulation

- \blacktriangleright Contrainte de stabilité et/ou de précision : $\mathrm{Cr} pprox 1$
- Détermination du pas de temps de calcul maximal admissible à partir de cette contrainte :

$$\Delta t \leq rac{A_i}{|\lambda|\sum_j L_{i,j}}$$

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | 0 | | | |
| | | | | |
| Contraintes | | | | |

Réduction de la durée de simulation

- \blacktriangleright Contrainte de stabilité et/ou de précision : $\mathrm{Cr}pprox 1$
- Détermination du pas de temps de calcul maximal admissible à partir de cette contrainte :

$$\Delta t \leq rac{A_i}{|\lambda|\sum_j L_{i,j}}$$

Limiter la présence de mailles de dimensions réduites qui impliquent un pas de temps faible

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | | | | |
| Contraintes | | | | |

Prise en compte des axes d'écoulements

Modélisation 2D classique :



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| | 00 | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Contraintes | | | | |

Prise en compte des axes d'écoulements

Modélisation 2D classique :

 Maillage fin imposé par la prise en compte de l'axe d'écoulement



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | 00 | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Contraintes | | | | |

Prise en compte des axes d'écoulements

Modélisation 2D classique :

- Maillage fin imposé par la prise en compte de l'axe d'écoulement
 Objectif :
- Prise en compte de l'axe d'écoulement sans influencer le maillage du champ majeur



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------------|------------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | 00000 | | | |
| Description du modè | le proposé | | | |

Hypothèses sur la géométrie

 Chaque maille 1D est incluse dans une maille 2D



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------------|-----------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | 00000 | | | |
| Description du modè | e proposé | | | |

Hypothèses sur la géométrie

- Chaque maille 1D est incluse dans une maille 2D
- La cote du fond de la maille 2D est constante



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------------|------------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | 00000 | | | |
| Description du modè | le proposé | | | |

Hypothèses sur la géométrie

- Chaque maille 1D est incluse dans une maille 2D
- La cote du fond de la maille 2D est constante



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------------|-----------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 0000 | 00 | | 00 |
| Description du modè | e proposé | | | |

- Hypothèses intrinsèques aux équations de Saint-Venant :
 - Profil de pression hydrostatique

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | | | | |
| 00 | 0000 | 00 | | 00 | |
| Description du modèle proposé | | | | | |

- Hypothèses intrinsèques aux équations de Saint-Venant :
 - Profil de pression hydrostatique
 - L'eau est un fluide incompressible

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | | | | |
| 00 | 0000 | 00 | | 00 | |
| Description du modèle proposé | | | | | |

- Hypothèses intrinsèques aux équations de Saint-Venant :
 - Profil de pression hydrostatique
 - L'eau est un fluide incompressible
- Hypothèses spécifiques au modèle :
 - Cote de la surface libre identique sur les mailles 1D et 2D



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | | | | |
| 00 | 0000 | 00 | | 00 | |
| Description du modèle proposé | | | | | |

- Hypothèses intrinsèques aux équations de Saint-Venant :
 - Profil de pression hydrostatique
 - L'eau est un fluide incompressible
- Hypothèses spécifiques au modèle :
 - Cote de la surface libre identique sur les mailles 1D et 2D
 - Composante longitudinale u de la vitesse : uniforme sur la verticale



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | | | | |
| 00 | 0000 | 00 | | 00 | |
| Description du modèle proposé | | | | | |

- Hypothèses intrinsèques aux équations de Saint-Venant :
 - Profil de pression hydrostatique
 - L'eau est un fluide incompressible
- Hypothèses spécifiques au modèle :
 - Cote de la surface libre identique sur les mailles 1D et 2D
 - Composante longitudinale u de la vitesse : uniforme sur la verticale
 - Composantes transversales v de la vitesse : identiques en surface



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------------|------------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | 00000 | | | |
| Description du modè | le proposé | | | |

 Cisaillement de vitesse au niveau de l'interface intérieure



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------------|-----------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | 00000 | | | |
| Description du modè | e proposé | | | |

- Cisaillement de vitesse au niveau de l'interface intérieure
- ► Formation de tourbillons



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------------|-----------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | 00000 | | | |
| Description du modè | e proposé | | | |

- Cisaillement de vitesse au niveau de l'interface intérieure
- Formation de tourbillons
- Échange de QdM entre l'écoulement 1D et 2D



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------------|-----------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | 00000 | | | |
| Description du modè | e proposé | | | |

- Cisaillement de vitesse au niveau de l'interface intérieure
- ► Formation de tourbillons
- Échange de QdM entre l'écoulement 1D et 2D
- ▶ Estimation du flux de QdM : *q* = ψ' |V_{1D} − V_{2D}| (Bousmar, 2002 [2] et Bertrand, 1994 [1])



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------------|-----------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | 00000 | | | |
| Description du modè | e proposé | | | |

- Cisaillement de vitesse au niveau de l'interface intérieure
- ► Formation de tourbillons
- Échange de QdM entre l'écoulement 1D et 2D
- ▶ Estimation du flux de QdM : *q* = ψ' |V_{1D} − V_{2D}| (Bousmar, 2002 [2] et Bertrand, 1994 [1])
- Détermination du volume échangé



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------------|-----------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | 00000 | | | |
| Description du modè | e proposé | | | |

- Cisaillement de vitesse au niveau de l'interface intérieure
- ► Formation de tourbillons
- Échange de QdM entre l'écoulement 1D et 2D
- ▶ Estimation du flux de QdM : *q* = ψ' |V_{1D} − V_{2D}| (Bousmar, 2002 [2] et Bertrand, 1994 [1])
- Détermination du volume échangé
- Transport de QdM longitudinale et transversale



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------------|------------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | 00000 | | | |
| Description du modè | le proposé | | | |

 La composante transversale de la vitesse est la même pour les deux mailles



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------------|-----------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | 00000 | | | |
| Description du modè | e proposé | | | |

- La composante transversale de la vitesse est la même pour les deux mailles
- Création d'un tourbillon vertical



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| 00 | 00 | | 000 | | |
| | 00000 | | | | |
| Description du modèle proposé | | | | | |

- La composante transversale de la vitesse est la même pour les deux mailles
- Création d'un tourbillon vertical
- Création de zones d'eau morte



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| 00 | 00 | | 000 | | |
| | 00000 | | | | |
| Description du modèle proposé | | | | | |

- La composante transversale de la vitesse est la même pour les deux mailles
- Création d'un tourbillon vertical
- Création de zones d'eau morte
- Pertes de charge (non implantées dans SW12D)



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| 00 | 00 | | 000 | | |
| | 00000 | | | | |
| Description du modèle proposé | | | | | |

Formalisation mathématique

• Écriture sous forme différentielle

$$\frac{\partial \mathbf{U}_{1D}}{\partial t} + \frac{\partial \mathbf{F}_{1D}}{\partial x_{1D}} = \mathbf{S}_{1D} + \mathbf{T}_e$$



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| 00 | 00 | | 000 | | |
| | 00000 | | | | |
| Description du modèle proposé | | | | | |

Formalisation mathématique

Écriture sous forme différentielle



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Description du modèle proposé | | | | | |

Formalisation mathématique

Écriture sous forme différentielle $\frac{\partial \mathbf{U}_{1D}}{\partial t} + \frac{\partial \mathbf{F}_{1D}}{\partial \mathbf{x}_{1D}} = \mathbf{S}_{1D} + \mathbf{T}_{e}$ $\frac{\partial \mathsf{U}_{2D}}{\partial t} + \frac{\partial \mathsf{F}_{2D}}{\partial x_{2D}} + \frac{\partial \mathsf{G}_{2D}}{\partial y_{2D}} = \mathsf{S}_{2D} - \mathsf{T}_{e}$ $\mathbf{U} = \begin{bmatrix} \phi h \\ \phi q \\ \phi r \end{bmatrix} \qquad \mathbf{S} = \begin{bmatrix} 0 \\ g\phi h \left(S_{0,x_k} - S_{f,x_k}\right) + \frac{1}{2}gh^2 \frac{\partial \phi}{\partial x_k} \\ g\phi h \left(S_{0,y_k} - S_{f,y_k}\right) + \frac{1}{2}gh^2 \frac{\partial \phi}{\partial y_k} \end{bmatrix}$ $\mathbf{F} = \left[\phi \; \frac{q^2}{h} + \frac{1}{2} g \phi h^2 \right]$ $\mathbf{G} = \begin{vmatrix} \phi \frac{qr}{h} \\ \frac{r^2}{\phi + \frac{1}{\sigma} \phi h^2} \end{vmatrix}$

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |

Plan

Modèle

Méthodologies de couplage employées par les codes de calcul Contraintes

Description du modèle proposé

Résolution numérique

Méthodes numériques Implantation dans le code de calcul Vérification du solveur PorAS

Présentation des résultats

Configuration rectiligne Configuration sinueuse Configuration réelle

Conclusion et perspectives

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| | | | | |

Méthodes numériques

Méthode des pas fractionnaires (time splitting)

Méthode numérique fréquemment utilisée :

- pour la prise en compte des termes source
- > pour la résolution de problèmes multidimensionnels

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| NA2-1 1 2.1 | | | | |

Méthode des pas fractionnaires (time splitting)

Méthode numérique fréquemment utilisée :

- pour la prise en compte des termes source
- pour la résolution de problèmes multidimensionnels Résolution de l'équation représentant un problème global sous forme de plusieurs problèmes plus simples à résoudre :

$$\frac{\partial U}{\partial t} + \frac{\partial F}{\partial x} = S + T$$

$$U^{n} \longrightarrow U^{n+1}$$

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| NA2-1 1 2.1 | | | | |

Méthode des pas fractionnaires (time splitting)

Méthode numérique fréquemment utilisée :

- pour la prise en compte des termes source
- pour la résolution de problèmes multidimensionnels Résolution de l'équation représentant un problème global sous forme de plusieurs problèmes plus simples à résoudre :

$$\frac{\partial U}{\partial t} + \frac{\partial F}{\partial x} = S + T$$

$$\int_{U^{n}}^{U} \frac{\partial U}{\partial t} + \frac{\partial F}{\partial x} = 0$$

$$\bigcup_{n,h}^{n,h} \frac{\partial U}{\partial t} = S$$

$$\bigcup_{n,s}^{n,s} \frac{\partial U}{\partial t} = T$$

$$\bigcup_{n+1}^{t}$$

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Méthodes numérique | S | | | |

Algorithme de résolution

$$\frac{\partial \mathbf{U}_k}{\partial t} + \frac{\partial \mathbf{F}_k}{\partial x_k} + \frac{\partial \mathbf{G}_k}{\partial y_k} = \mathbf{S}_k \pm \mathbf{T}_e \text{ avec } k = 1D, 2D$$

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Méthodes numérique | s | | | |

Algorithme de résolution

$$\frac{\partial \mathbf{U}_{k}}{\partial t} + \frac{\partial \mathbf{F}_{k}}{\partial x_{k}} + \frac{\partial \mathbf{G}_{k}}{\partial y_{k}} = \left[\mathbf{S}_{0,k} + \mathbf{S}_{\rho,k} + \mathbf{S}_{f,k}\right] \pm \left[\mathbf{T}_{I} + \mathbf{T}_{m} + \mathbf{T}_{t}\right]$$

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Méthodes numérique | s | | | |

Algorithme de résolution

$$\frac{\partial \mathbf{U}_k}{\partial t} + \frac{\partial \mathbf{F}_k}{\partial x_k} + \frac{\partial \mathbf{G}_k}{\partial y_k} = \left[\mathbf{S}_{0,k} + \mathbf{S}_{p,k} + \mathbf{S}_{f,k}\right] \pm \left[\mathbf{T}_l + \mathbf{T}_m + \mathbf{T}_t\right]$$

Uⁿ

Étapes de calcul :

Conditions initiales


| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Méthodes numérique | s | | | |

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Méthodes numérique | s | | | |

$$\frac{\partial \mathbf{U}_{k}}{\partial t} + \frac{\partial \mathbf{F}_{k}}{\partial x_{k}} + \frac{\partial \mathbf{G}_{k}}{\partial y_{k}} = \left[\mathbf{S}_{0,k} + \mathbf{S}_{p,k} + \mathbf{S}_{f,k}\right] \pm \left[\mathbf{T}_{I} + \mathbf{T}_{m} + \mathbf{T}_{t}\right]$$

Étapes de calcul :
Prise en compte des
frottements
$$U^{n} \xrightarrow{\frac{\partial \mathbf{U}_{k}}{\partial t} + \frac{\partial \mathbf{F}_{k}}{\partial x_{k}} + \frac{\partial \mathbf{G}_{k}}{\partial y_{k}} = \mathbf{S}_{0,k} + \mathbf{S}_{p,k}}{\int_{\mathbf{U}^{n,f}}^{\partial \mathbf{U}_{k}} = \mathbf{S}_{f,k}}$$

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Méthodes numérique | s | | | |

$$\frac{\partial \mathbf{U}_{k}}{\partial t} + \frac{\partial \mathbf{F}_{k}}{\partial x_{k}} + \frac{\partial \mathbf{G}_{k}}{\partial y_{k}} = \left[\mathbf{S}_{0,k} + \mathbf{S}_{p,k} + \mathbf{S}_{f,k}\right] \pm \left[\mathbf{T}_{l} + \mathbf{T}_{m} + \mathbf{T}_{t}\right]$$

Étapes de calcul :
Transfert de QdM
longitudinale
$$\bigcup^{n} \frac{\partial \mathbf{U}_{k}}{\partial t} + \frac{\partial \mathbf{F}_{k}}{\partial x_{k}} + \frac{\partial \mathbf{G}_{k}}{\partial y_{k}} = \mathbf{S}_{0,k} + \mathbf{S}_{p,k}$$

Phénomènes physiques
$$\bigcup^{n} \frac{\partial \mathbf{U}_{k}}{\partial t} = \mathbf{S}_{f,k}$$

$$\bigcup^{n,f} \frac{\partial \mathbf{U}_{k}}{\partial t} = \mathbf{T}_{l}$$

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Méthodes numérique | s | | | |

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Méthodes numérique | s | | | |

$$\frac{\partial \mathbf{U}_{k}}{\partial t} + \frac{\partial \mathbf{F}_{k}}{\partial x_{k}} + \frac{\partial \mathbf{G}_{k}}{\partial y_{k}} = \left[\mathbf{S}_{0,k} + \mathbf{S}_{p,k} + \mathbf{S}_{f,k}\right] \pm \left[\mathbf{T}_{l} + \mathbf{T}_{m} + \mathbf{T}_{t}\right]$$

Étapes de calcul :
• Équilibrage de la QdM
transversale

$$\frac{\partial \mathbf{U}_{k}}{\partial t} + \frac{\partial \mathbf{F}_{k}}{\partial x_{k}} + \frac{\partial \mathbf{G}_{k}}{\partial y_{k}} = \mathbf{S}_{0,k} + \mathbf{S}_{p,k}$$

• Phénomènes physiques

$$\frac{\partial \mathbf{U}_{k}}{\partial t} = \mathbf{S}_{f,k}$$

• Quint
• Quin

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | 000 | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Méthodes numérique | e | | | |

Méthodes aux volumes finis

 Discrétisation de la zone d'étude



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------------|--|-----------|-----------|------------|
| | | 000 | | |
| 00 | 00 | 0 | 000 | 0 |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Méthodes numérique | is in the second se | | | |

Méthodes aux volumes finis

- Discrétisation de la zone d'étude
- Calcul des flux à travers l'interface entre deux éléments de calcul



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------------|--|-----------|-----------|------------|
| | | 000 | | |
| 00 | 00 | 0 | 000 | 0 |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Méthodes numérique | is in the second se | | | |

Méthodes aux volumes finis

- Discrétisation de la zone d'étude
- Calcul des flux à travers l'interface entre deux éléments de calcul
- Schéma de Godunov : calcul des flux par résolution d'un problème de Riemann à l'interface



$$\mathbf{U}_{i}^{n+1} = \mathbf{U}_{i}^{n} - \frac{\Delta t}{A_{i}} \sum_{j} \left[\mathbf{P}_{i,j} \mathbf{F}_{i,j}^{n+1/2} L_{i,j} \right] + \Delta t \left(\mathbf{S}_{i,j}^{n+1/2} \right)_{i}$$

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|----------------------|----------------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | • | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Implantation dans le | code de calcul | | | |

$$\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial t} + \frac{\partial \mathbf{F}}{\partial x} = \mathbf{S}$$

Objectif : Estimation du flux à l'interface F^* en tenant compte du terme source

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | • | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Implantation dans le code de calcul | | | | | |

Utilisation de la méthode des caractéristiques :



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | • | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Implantation dans le code de calcul | | | | | |

Utilisation de la méthode des caractéristiques :

 Écriture de l'équation sous forme non conservative :

$$\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial t} + \mathbf{A} \frac{\partial \mathbf{U}}{\partial x} = \mathbf{S}$$



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | • | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Implantation dans le code de calcul | | | | | |

Utilisation de la méthode des caractéristiques :

 Écriture de l'équation sous forme non conservative :

$$\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial t} + \mathbf{A} \frac{\partial \mathbf{U}}{\partial x} = \mathbf{S}$$

Diagonalisation du système :

$$\frac{\mathrm{d}\mathbf{W}}{\mathrm{d}t} = \mathbf{S}' \text{ avec } \begin{cases} \mathrm{d}\mathbf{W} = \mathbf{K}^{-1}\mathrm{d}\mathbf{U} \\ \mathbf{S}' = \mathbf{K}^{-1}\mathbf{S} \end{cases}$$



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | • | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Implantation dans le code de calcul | | | | | |

Utilisation de la méthode des caractéristiques :

 Écriture de l'équation sous forme non conservative :

$$\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial t} + \mathbf{A} \frac{\partial \mathbf{U}}{\partial x} = \mathbf{S}$$

Diagonalisation du système :

$$\frac{\mathrm{d}\mathbf{W}}{\mathrm{d}t} = \mathbf{S}' \text{ avec } \begin{cases} \mathrm{d}\mathbf{W} = \mathbf{K}^{-1}\mathrm{d}\mathbf{U} \\ \mathbf{S}' = \mathbf{K}^{-1}\mathbf{S} \end{cases}$$

Détermination des invariants de Riemann W en fonction de U



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | • | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Implantation dans le code de calcul | | | | | |

Utilisation de la méthode des caractéristiques :

 Écriture de l'équation sous forme non conservative :

$$\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial t} + \mathbf{A} \frac{\partial \mathbf{U}}{\partial x} = \mathbf{S}$$

Diagonalisation du système :

$$\frac{\mathrm{d}\mathbf{W}}{\mathrm{d}t} = \mathbf{S}' \text{ avec } \begin{cases} \mathrm{d}\mathbf{W} = \mathbf{K}^{-1}\mathrm{d}\mathbf{U} \\ \mathbf{S}' = \mathbf{K}^{-1}\mathbf{S} \end{cases}$$



► Calcul de U* à l'interface



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | • | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Implantation dans le code de calcul | | | | | |

Utilisation de la méthode des caractéristiques :

 Écriture de l'équation sous forme non conservative :

$$\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial t} + \mathbf{A} \frac{\partial \mathbf{U}}{\partial x} = \mathbf{S}$$

Diagonalisation du système :

$$\frac{\mathrm{d}\mathbf{W}}{\mathrm{d}t} = \mathbf{S}' \text{ avec } \begin{cases} \mathrm{d}\mathbf{W} = \mathbf{K}^{-1}\mathrm{d}\mathbf{U} \\ \mathbf{S}' = \mathbf{K}^{-1}\mathbf{S} \end{cases}$$

- Détermination des invariants de Riemann W en fonction de U
- ► Calcul de U* à l'interface
- Calcul du flux F (U*) à travers l'interface et de S (U*) à partir de U*



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | • | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Implantation dans le code de calcul | | | | | |

Utilisation de la méthode des caractéristiques :

 Écriture de l'équation sur les flux sous forme non conservative (Lhomme et Guinot, 2007 [4]) :

$$\frac{\partial \mathbf{F}}{\partial t} + \mathbf{A} \frac{\partial \mathbf{F}}{\partial x} = \mathbf{AS}$$



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | • | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Implantation dans le code de calcul | | | | | |

Utilisation de la méthode des caractéristiques :

 Écriture de l'équation sur les flux sous forme non conservative (Lhomme et Guinot, 2007 [4]) :

$$\frac{\partial \mathbf{F}}{\partial t} + \mathbf{A} \frac{\partial \mathbf{F}}{\partial x} = \mathbf{AS}$$

Diagonalisation du système :

$$\frac{\mathrm{d}\mathbf{W}}{\mathrm{d}t} = \mathbf{\Lambda}\mathbf{S}' \text{ avec } \begin{cases} \mathrm{d}\mathbf{W} = \mathbf{K}^{-1}\mathrm{d}\mathbf{F} \\ \mathbf{S}' = \mathbf{K}^{-1}\mathbf{S} \end{cases}$$



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | • | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Implantation dans le code de calcul | | | | | |

Utilisation de la méthode des caractéristiques :

 Écriture de l'équation sur les flux sous forme non conservative (Lhomme et Guinot, 2007 [4]) :

$$\frac{\partial \mathbf{F}}{\partial t} + \mathbf{A} \frac{\partial \mathbf{F}}{\partial x} = \mathbf{A} \mathbf{S}$$

Diagonalisation du système :

$$\frac{\mathrm{d}\mathbf{W}}{\mathrm{d}t} = \mathbf{\Lambda}\mathbf{S}' \text{ avec } \begin{cases} \mathrm{d}\mathbf{W} = \mathbf{K}^{-1}\mathrm{d}\mathbf{F} \\ \mathbf{S}' = \mathbf{K}^{-1}\mathbf{S} \end{cases}$$

Détermination des invariants de Riemann W en fonction de F



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | • | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Implantation dans le code de calcul | | | | | |

Utilisation de la méthode des caractéristiques :

 Écriture de l'équation sur les flux sous forme non conservative (Lhomme et Guinot, 2007 [4]) :

$$\frac{\partial \mathbf{F}}{\partial t} + \mathbf{A} \frac{\partial \mathbf{F}}{\partial x} = \mathbf{A} \mathbf{S}$$

Diagonalisation du système :

$$\frac{\mathrm{d}\mathbf{W}}{\mathrm{d}t} = \mathbf{\Lambda}\mathbf{S}' \text{ avec } \begin{cases} \mathrm{d}\mathbf{W} = \mathbf{K}^{-1}\mathrm{d}\mathbf{F} \\ \mathbf{S}' = \mathbf{K}^{-1}\mathbf{S} \end{cases}$$

- Détermination des invariants de Riemann W en fonction de F
- Calcul de F* à l'interface



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | • | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Implantation dans le code de calcul | | | | | |

Utilisation de la méthode des caractéristiques :

 Écriture de l'équation sur les flux sous forme non conservative (Lhomme et Guinot, 2007 [4]) :

$$\frac{\partial \mathbf{F}}{\partial t} + \mathbf{A} \frac{\partial \mathbf{F}}{\partial x} = \mathbf{A} \mathbf{S}$$

Diagonalisation du système :

$$\frac{\mathrm{d}\mathbf{W}}{\mathrm{d}t} = \mathbf{\Lambda}\mathbf{S}' \text{ avec } \begin{cases} \mathrm{d}\mathbf{W} = \mathbf{K}^{-1}\mathrm{d}\mathbf{F} \\ \mathbf{S}' = \mathbf{K}^{-1}\mathbf{S} \end{cases}$$

- Détermination des invariants de Riemann W en fonction de F
- Calcul de F* à l'interface
 Approche implantée dans le solveur de Riemann PorAS (Finaud-Guyot et al., 2009 [3])



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-----------------------|----------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | | •0 | | |
| Vérification du solve | ur PorAS | | | |

Écoulement en régime permanent

Canal avec un rétrécissement et une rehausse du fond 1.2 1.2 1.0 1.0 0.8 0.8 Cote du fond (m) Porosité 0.6 0.6 0.4 0.4 Porosité 0.2 0.2 Cote du fond 0.0 0.0 10 20 0 30 40 Abscisse (m)

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| 00 | 00 | | 000 | | |
| | | •0 | | | |
| Vérification du calveur DarAS | | | | | |

Écoulement en régime permanent



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| 00 | 00 | | 000 | | |
| | | •0 | | | |
| Vérification du calveur DarAS | | | | | |

Écoulement en régime permanent



L'erreur de calcul pour le solveur HLLC est expliquée par le fait que les termes source ne sont pas pris en compte dans le calcul des flux

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion | |
|-------------------------------|--------|-----------|-----------|------------|--|
| | 000 | 000 | | | |
| | | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 | |
| Vérification du solveur PorAS | | | | | |

Rupture de barrage

 Rupture de barrage circulaire



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|------------------------|----------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Vérification du solver | ur PorAS | | | |

Rupture de barrage

- Rupture de barrage circulaire
- Porosité variable :
 \$\phi(r) = 1/r\$



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-----------------------|----------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Vérification du solve | ur PorAS | | | |

Rupture de barrage

- Rupture de barrage circulaire
- Porosité variable :
 \$\phi(r) = \frac{1}{r}\$
- Reproduction correcte des hauteurs d'eau et des débits



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |

Plan

Modèle

Méthodologies de couplage employées par les codes de calcul Contraintes

Description du modèle proposé

Résolution numérique

Méthodes numériques Implantation dans le code de calcul Vérification du solveur PorAS

Présentation des résultats

Configuration rectiligne Configuration sinueuse Configuration réelle

Conclusion et perspectives

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |

 Expériences réalisées à l'Ecole Nationale Supérieure d'Agronomie de Montpellier



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |

- Expériences réalisées à l'Ecole Nationale Supérieure d'Agronomie de Montpellier
- Construction de différentes configurations à l'aide de briques et parpaings



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |

- Expériences réalisées à l'Ecole Nationale Supérieure d'Agronomie de Montpellier
- Construction de différentes configurations à l'aide de briques et parpaings
- Mesures de hauteur d'eau et de vitesse d'écoulement



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |

- Expériences réalisées à l'Ecole Nationale Supérieure d'Agronomie de Montpellier
- Construction de différentes configurations à l'aide de briques et parpaings
- Mesures de hauteur d'eau et de vitesse d'écoulement
- Comparaison des mesures expérimentales aux résultats produits par SW12D et SW2D

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | 00000 | | | |

Validation de la structure transversale de l'écoulement



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-------------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | • | |
| | | | | |
| | | | | |
| Configuration rectiling | | | | |

Dispositif expérimental



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|------------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | • | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Configuration rectilig | ne | | | |

- Dispositif expérimental
- Reproduction correcte des hauteurs d'eau mesurées



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|------------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | • | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Configuration rectilig | ne | | | |

- Dispositif expérimental
- Reproduction correcte des hauteurs d'eau mesurées
- Estimation des vitesses en adéquation avec les mesures



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|------------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | • | |
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Configuration rectilig | ne | | | |

- Dispositif expérimental
- Reproduction correcte des hauteurs d'eau mesurées
- Estimation des vitesses en adéquation avec les mesures



Réduction de la durée de simulation par rapport à SW2D : un facteur 1.5 à 10
| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Configuration sinuau | | | | |

Succession de coudes





| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Configuration sinueus | | | | |

- Succession de coudes
- SW12D reproduit correctement les hauteurs d'eau mesurées et les pertes de charge





| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | | | | |
| Configuration sinueu | se | | | |

- Succession de coudes
- SW12D reproduit correctement les hauteurs d'eau mesurées et les pertes de charge
- Estimation correcte du ratio des vitesses





| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | | | | |
| Configuration sinueu | se | | | |

- Succession de coudes
- SW12D reproduit correctement les hauteurs d'eau mesurées et les pertes de charge
- Estimation correcte du ratio des vitesses





Réduction de la durée de simulation par rapport à SW2D : facteur 50 à 80 P. Finaud-Guvot

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Configuration sinueus | 5 A | | | |

 Comparaison de SW12D et HEC-RAS



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Configuration sinueus | 5 A | | | |

- Comparaison de SW12D et HEC-RAS
 - ► Configuration 1D
 - Écoulement en régime permanent



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Configuration sinueur | se | | | |

- Comparaison de SW12D et HEC-RAS
 - ► Configuration 1D
 - Écoulement en régime permanent
 - Coefficient de Strickler identique



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | | | | |
| Configuration sinueus | se | | | |

- Comparaison de SW12D et HEC-RAS
- Modélisation des pertes de charge par SW12D





P. Finaud-Guyot

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | 000 | |
| | | | | |
| Configuration sinueus | se | | | |

- Comparaison de SW12D et HEC-RAS
- Modélisation des pertes de charge par SW12D
- Même durée de simulation



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Configuration sinueus | 5 A | | | |

 Écoulement en régime permanent

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | 000 | |
| | | | | |
| Configuration sinueu | se | | | |

- Écoulement en régime permanent
- Modélisation 2D classique



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Configuration sinus | | | | |

- Écoulement en régime permanent
- Modélisation 2D classique
 - Forte influence du lit mineur sur les vitesses



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Configuration sinus | | | | |

- Écoulement en régime permanent
- Modélisation 2D classique
 - Forte influence du lit mineur sur les vitesses
 - Ralentissement au niveau du lit mineur



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Conformation | | | | |

- Écoulement en régime permanent
- Modélisation 2D classique
 - Forte influence du lit mineur sur les vitesses
 - Ralentissement au niveau du lit mineur
- Modélisation couplée 1D-2D

Cote de la surface libre (m) 0.53 0.52 0.51 0.5 0.49



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | | | | |
| Configuration sinuau | ~ ~ | | | |

- Écoulement en régime permanent
- Modélisation 2D classique
 - Forte influence du lit mineur sur les vitesses
 - Ralentissement au niveau du lit mineur





- Modélisation couplée 1D-2D
 - Influence moins importante du lit mineur sur les vitesses
 - Représentation des courts-circuits de méandres

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|-----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| | | | 000 | |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Configuration sinueus | 5 A | | | |

- Écoulement en régime permanent
- Modélisation 2D classique
- Modélisation couplée 1D-2D



Réduction du temps de simulation par rapport à SW2D par un facteur 2000

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| 00 | 00000 | 00 | 000 | 00 |
| Configuration réelle | | | | |



| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| 00 | 00 | | 000 | |
| | | | • | |
| Configuration réalle | | | | |



Hauteur d'eau maximale modélisée Hauteur d'eau maximale modélisée avec SW12D avec SW2D

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|----------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| | | | | |
| | | | • | |
| Configuration réelle | | | | |



Vitesse maximale modélisée avec SW12D Vitesse maximale modélisée avec SW2D

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|----------------------------|--------|-----------|-----------|------------|
| 0 00 | 000 | | 0000 | |
| 00 Configuration réelle | 00000 | | • | |



Vitesse maximale modélisée Vitesse maximale modélisée avec SW12D avec SW2D

Réduction de la durée de simulation par rapport à SW2D par 16

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|-------------|-----------|-----------|------------|
| | | | | • |
| 00 00 | 00 00000 | 0 00 | 000 | 0 00 |
| Conclusion | | | | |
| | | | | |
| Conclusion | | | | |

► Le modèle de couplage 1D-2D proposé permet :

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------|--------------------|----------------|---------------|------------|
| 0 00 00 | 000 00 00000 | 000 0 00 | 0 000 0 | 0 00 |
| Conclusion | | | | |
| | | | | |

- ► Le modèle de couplage 1D-2D proposé permet :
 - une prise en compte des axes d'écoulement (lit mineur / axe urbain) sans avoir à les mailler finement

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | • |
| 00 | 00 | 0 | 000 | 0 |
| | 00000 | | | |
| Conclusion | | | | |
| | | | | |

- ► Le modèle de couplage 1D-2D proposé permet :
 - une prise en compte des axes d'écoulement (lit mineur / axe urbain) sans avoir à les mailler finement
 - une représentation des phénomènes de court-circuit de méandres

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| 0 00 | 000 | 000 | 0 000 | 0 |
| | | | | |
| Conclusion | | | | |
| | | | | |

- ► Le modèle de couplage 1D-2D proposé permet :
 - une prise en compte des axes d'écoulement (lit mineur / axe urbain) sans avoir à les mailler finement
 - une représentation des phénomènes de court-circuit de méandres
- Les méthodes numériques proposées permettent la résolution des équations mises en jeu

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|-----------|-----------|-----------|------------|
| 0 00 | 000 00 | | | 8 |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Conclusion | | | | |
| | | | | |

- ► Le modèle de couplage 1D-2D proposé permet :
 - une prise en compte des axes d'écoulement (lit mineur / axe urbain) sans avoir à les mailler finement
 - une représentation des phénomènes de court-circuit de méandres
- Les méthodes numériques proposées permettent la résolution des équations mises en jeu
- Ces méthodes ont permis le développement d'un code de calcul SW12D :

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|---------------------------------------|
| 0 | 000 | ဝ္ဝဝ | 0 | e e e e e e e e e e e e e e e e e e e |
| 00 | 00000 | 00 | 000 | 00 |
| Conclusion | | | | |
| | | | | |

- ► Le modèle de couplage 1D-2D proposé permet :
 - une prise en compte des axes d'écoulement (lit mineur / axe urbain) sans avoir à les mailler finement
 - une représentation des phénomènes de court-circuit de méandres
- Les méthodes numériques proposées permettent la résolution des équations mises en jeu
- Ces méthodes ont permis le développement d'un code de calcul SW12D :
 - ▶ 1,5 à 2000 fois plus rapide que SW2D

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|-----------|-----------|-----------|------------|
| 0 00 | 000 00 | | | 8 |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Conclusion | | | | |
| | | | | |

- ► Le modèle de couplage 1D-2D proposé permet :
 - une prise en compte des axes d'écoulement (lit mineur / axe urbain) sans avoir à les mailler finement
 - une représentation des phénomènes de court-circuit de méandres
- Les méthodes numériques proposées permettent la résolution des équations mises en jeu
- Ces méthodes ont permis le développement d'un code de calcul SW12D :
 - ▶ 1,5 à 2000 fois plus rapide que SW2D
 - Meilleure représentation des phénomènes (Pertes de charge dans les coudes, courts-circuits de méandres)

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| 0 | 000 | | 0000 | 0 |
| <u>õõ</u> | 00000 | ŏo | 000 | 00 |
| Perspectives | | | | |

> Définition d'un modèle sous maille plus précis :

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| 0 | 000 | | 0000 | 0 |
| <u>õõ</u> | 00000 | ŏo | 000 | 00 |
| Perspectives | | | | |

- > Définition d'un modèle sous maille plus précis :
 - Cote du fond différente en rive droite et gauche

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| 0 | 000 | | 0 | 0 |
| õõ | 00000 | ŏo | 0 | 00 |
| Perspectives | | | | |

- Définition d'un modèle sous maille plus précis :
 - Cote du fond différente en rive droite et gauche
 - Cote de la surface libre différente en rive droite et gauche

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| | | | 000 | • |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Perspectives | | | | |

- Définition d'un modèle sous maille plus précis :
 - Cote du fond différente en rive droite et gauche
 - Cote de la surface libre différente en rive droite et gauche
- Section d'écoulement 1D non rectangulaire

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| | | | 000 | • |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Perspectives | | | | |

- Définition d'un modèle sous maille plus précis :
 - Cote du fond différente en rive droite et gauche
 - Cote de la surface libre différente en rive droite et gauche
- Section d'écoulement 1D non rectangulaire
- Gestion des confluences

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| | | | 000 | • |
| 00 | 00000 | 00 | | 00 |
| Perspectives | | | | |

- Définition d'un modèle sous maille plus précis :
 - Cote du fond différente en rive droite et gauche
 - Cote de la surface libre différente en rive droite et gauche
- Section d'écoulement 1D non rectangulaire
- Gestion des confluences
- Validation en grandeur réelle

| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|---------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | | | | |
| 00 | 00 | 0 | 000 | 0 |
| Remerciements | 00000 | 00 | | |
| | | | | |

Remerciements

- Ginger Environnement & Infrastructures pour avoir financé cette thèse dans le cadre d'une bourse Cifre, pour m'avoir fourni les données utilisées pour la modélisation d'une configuration réelle.
- L'Ecole Nationale Supérieure d'Agronomie de Montpellier pour le prêt de ses installations expérimentales.

Merci

| Introduction 0 00 00 | Modèle 000 00 00000 | Res. Num. 000 0 00 | Résultats 0 000 0 | Conclusion ○ ○ |
|-------------------------------|------------------------------|-----------------------------|----------------------------|----------------------|
| Remerciements | | | | |
| G. Bertra | and. | | | |

Le calcul d'axes hydrauliques dans les rivières à plaines inondables. Technical report, Ministère Wallon de l'Equipement et des Transports, D. 213, Chatelet, Belgium (in French), 1994.

D. Bousmar.

Flow modelling in compound channels. PhD thesis, Université Catholique de Louvain, 2002.

P. Finaud-Guyot, C. Delenne, J. Lhomme, V. Guinot, and C. Llovel. An approximate-state Riemann solver for the two-dimensional shallow water equations with porosity.

International Journal for Numerical Methods in Fluids, 2009. A paraître.

J. Lhomme and V. Guinot.
| Introduction | Modèle | Res. Num. | Résultats | Conclusion |
|--------------|--------|-----------|-----------|------------|
| | 000 | 000 | | |
| | | | | |
| | | | | 00 |
| | | | | |

Remerciements

A general approximate-state Riemann solver for hyperbolic systems of conservation laws with source terms.

International Journal for Numerical Methods in Fluids, 53 :1509–1540, 2007.