ORSAY
n° d'ordre: 5288

UNIVERSITE DE PARIS-SUD
U.F.R. SCIENTIFIQUE D' ORSAY

THESE

présentée
pour obtenir

Le grade de DOCTEUR EN SCIENCES
de L'UNIVERSITE PARIS XI ORSAY

par

Philippe BRUEL

Recherche d'interactions au-delà du Modèle Standard à HERA

soutenue le 25 mai 1998 devant la commission d'examen

MM.	Pierre	BINETRUY	Président
	Philippe	BLOCH	Rapporteur
	Ralph	EICHLER	Rapporteur
	Louis	FAYARD	
	Yves	SIROIS	
	Peter	ZERWAS	

Remerciements

J'ai pu effectuer cette thèse dans les meilleures conditions possibles au Laboratoire de Physique Nucléaire des Hautes Energies de l'Ecole Polytechnique. J'ai profité des discussions très intéressantes que j'ai eu avec bon nombre des chercheurs. Je remercie par conséquent tous les membres du laboratoire et en particulier son directeur, François Jacquet.

J'ai fait partie pendant ces trois années de thèse de la collaboration H1. Je remercie tous les membres de la collaboration avec qui j'ai travaillé, pour la qualité de leur travail et leur expérience qui m'ont été indispensable, et pour m'avoir fait confiance dès le début de mes travaux. Je remercie ainsi les personnes du groupe SpaCal, du groupe de travail consacré à la physique à petit x et celui consacré à la physique au-delà du Modèle Standard, et en particulier (par ordre alphabétique des prénoms pour changer un peu) Andrew Mehta, Beate Heinemann, Christophe Royon, Dirk Hoffmann, Eckhard Elsen, Ekaterini Tzamariudaki, Eram Rizvi, Etienne Barrelet, Fabian Zomer, Georges Cozzika, Gregorio Bernardi, Joerg Gayler, Julian Phillips, Laurent Favart, Martin Erdmann, Michel Jaffre, Mieczyslaw Krasny, Pascal Zini, Peter Schleper, Serguei Levonian, Tancredi Carli, Thorsten Wengler, Ursula Bassler et Vincent Lemaitre. J'exprime enfin toute ma gratitude aux deux responsables successifs de l'expérience H1, Ralph Eichler et John Dainton, pour leur confiance et leur soutien.

Je remercie mon directeur de thèse Yves Sirois pour m'avoir impliqué dans les travaux de son groupe de recherche de H1, et pour avoir su, avec son enthousiasme et son dynamisme, m'encourager tout en respectant ma manière de travailler.

Cette thèse n'aurait pu voir le jour sans l'aide et les conseils avisés des autres membres du groupe H1 du LPNHE. J'ai apprécié au plus haut point l'excellente ambiance qui y règne. J'adresse donc tous mes remerciements à Andrea Migliori, Bernard Andrieu, Christophe Thiébaux, Francois Moreau, Ursula Berthon, et tout particulièrement à Arnd Specka, Denis Bernard (bien que n'étant pas dans le groupe H1) et Vincent Boudry, dont j'ai partagé le bureau.

Je remercie Emmanuelle Perez, qui est, avec mon directeur de thèse, la personne avec laquelle j'ai le plus collaboré, pour son aide précieuse et sa sérénité.

En étant bien conscient que je n'ai pas toujours ménagé leurs emplois du temps, je remercie tous les membres du jury: Pierre Binétruy, Philippe Bloch, Ralph Eichler, Louis Fayard et Peter Zerwas.

Enfin, parce que trois années de thèse ne peuvent passer inaperçu aux yeux des proches, je remercie chaleureusement ma famille, mes amis, et en particulier Fabien Dorchies, pour m'avoir soutenu.

Je remercie enfin Johann Sebastian Bach pour son soutien constant, sans oublier le Comte Hermann Carl von Keyserlingk et son claveciniste Johann Gottlieb Goldberg.

Table des matières

Introduction

Le Modèle Standard est la théorie actuelle décrivant les constituants élémentaires de la matière et leurs interactions. Bien qu'il n'ait pas été mis en défaut expérimentalement, la présence de nombreux paramètres libres, la réplication des familles de fermions ou l'absence d'unification des forces fondamentales suggèrent qu'il est la version effective à basse énergie d'une théorie plus fondamentale. Ainsi, plusieurs théories au-delà du Modèle Standard ont été proposées, mais, jusqu'à aujourd'hui, aucune d'entre elles n'a été validée par l'expérience.

Certaines de ces théories prédisent l'existence de nouvelles particules se couplant à des paires lepton-quark, comme les leptoquarks dans des théories de grande unification ou inspirées des supercordes, ou les squarks en supersymétrie avec violation de la R-parité. Le collisionneur ep HERA est un outil unique pour la recherche directe de telles particules, qui pourraient être produites lors de la fusion d'un lepton et d'un quark, puisqu'il permet d'explorer un domaine de masse s'étendant en principe jusqu'à la limite cinématique $\sqrt{s} = 300$ GeV.

Cette thèse est consacrée à la recherche de la production de telles particules en voie s à HERA via leurs canaux de désintégration en paire lepton-quark (e^+q ou νq) dans le domaine encore inexploré des grands Q^2. Ceci implique une comparaison détaillée des observations dans ce nouveau domaine cinématique avec la prédiction du Modèle Standard pour la diffusion inélastique profonde en courants neutre et chargé qui constitue un bruit de fond irréductible.

Le chapitre 1 est une introduction à la physique à HERA. Il permettra de situer le sujet de cette thèse dans le cadre plus général de la physique étudiée auprès de ce collisionneur.

La diffusion inélastique profonde sera présentée dans le chapitre 2. Nous verrons en particulier comment il est possible de prédire la section efficace de ce processus à grand Q^2 et avec quelle précision. Il s'agit là d'une étape essentielle puisque la mise en évidence d'une nouvelle physique consiste à rechercher expérimentalement une déviation par rapport à la prédiction du modèle standard des diffusions inélastiques profondes.

Je présenterai ensuite dans le chapitre 3 les motivations pour les théories au-delà du Modèle Standard qui prédisent l'existence de leptoquarks ou de squarks, ainsi que la phénoménologie correspondante à HERA. Je pourrai alors définir plus en détail la stratégie de l'analyse.

Le chapitre 4 est consacré à la description de l'expérience H1 dans laquelle j'ai effectué mes recherches pour ce travail de thèse, et en particulier des sous-détecteurs et des étapes expérimentales indispensables à mon analyse.

Puisqu'un des états finals possibles comprend un positron, son identification dans le détecteur et la mesure de son impulsion sont des étapes essentielles. Je me suis donc tout particulièrement consacré à ces aspects de l'analyse. J'ai ainsi développé un outil d'identification du positron diffusé et réalisé une calibration *in situ* en énergie de ces positrons dans le calorimètre à argon liquide de l'expérience. Ceci a été fait en particulier dans la région avant du calorimètre où pour la première fois des positrons ont été observés. Ces travaux, ainsi que la reconstruction des variables cinématiques décrivant les processus étudiés, font l'objet du chapitre 5.

La sélection des événements que j'ai étudiés est décrite dans le chapitre 6. La comparaison de ces événements avec la prédiction du modèle standard des diffusions inélastiques profondes, en courant neutre et courant chargé, est présentée dans le chapitre 7. L'analyse des données prises entre 1994 et 1996 a mis en évidence un excès d'événements à très grand Q^2 caractérisé par une accumulation autour d'une masse invariante lepton-quark d'environ 200 GeV. Ces résultats ont donné lieu à une publication de H1 et je les compléterai par l'analyse des données prises en 1997.

Je discuterai au chapitre 8 des diverses interprétations possibles pour un tel excès et plus particulièrement des couplages de Yukawa admissibles pour la production d'une résonance lepto-quark. Je montrerai finalement les domaines d'exclusion obtenus à partir des données 1994-1997 pour les paramètres des théories au-delà du Modèle Standard présentées au chapitre 3.

Chapitre 1

Une introduction à la physique à HERA

Dans ce chapitre, il s'agit dans un premier temps de présenter le cadre général de physique dans lequel s'inscrit le sujet de cette thèse. Je décrirai d'abord l'accélérateur HERA qui produit des collisions positron-proton. Je présenterai ensuite les sujets de physique (processus et mesures) étudiés auprès de cette machine et montrerai en particulier l'intérêt de la recherche de nouvelles particules dans des collisions inélastiques profondes à grand Q^2 qui constitue la motivation essentielle de cette thèse.

1.1 Le collisionneur HERA

Dans le Modèle Standard des interactions électrofaible et forte, les fermions (quarks et leptons) interagissent entre eux via l'échange de bosons de jauge ($\gamma, Z^0, W^\pm$ ou gluons). Les quarks et les gluons sont "colorés", c'est-à-dire qu'ils véhiculent les charges fondamentales ("couleurs") de l'interaction forte. Les quarks n'apparaissent dans la nature que combinés et confinés dans des hadrons neutres de couleur. C'est dans une expérience de Diffusion Inélastique Profonde (DIP) à SLAC [1] que fut mise en évidence l'existence d'une structure ponctuelle à l'intérieur du proton.

Dans une telle expérience, l'électron incident, considéré comme une particule élémentaire, échange un photon avec le proton cible. Le photon "sonde", de virtualité[1] $\sqrt{Q^2}$, est sensible à la distribution de charge électromagnétique dans le proton sur une taille caractéristique proportionnelle à $1/\sqrt{Q^2}$. La valeur maximale de $\sqrt{Q^2}$ est donnée par l'énergie $\sqrt{s}$ disponible dans le centre de masse de la collision électron-proton.

C'est en augmentant progressivement le Q^2 maximal disponible et en variant la nature du faisceau (électron, muon ou neutrino) et de la cible (hydrogène, deutérium...) que fut progressivement établie la structure du proton en trois quarks de valence (uud) et une "mer" de quarks, d'antiquarks et de gluons. De façon à sonder plus profondément la matière nucléaire, et atteindre des valeurs de Q^2 comparables ou supérieures à la masse

1. La virtualité $\sqrt{Q^2}$ désigne la norme de la quadri-impulsion du photon.

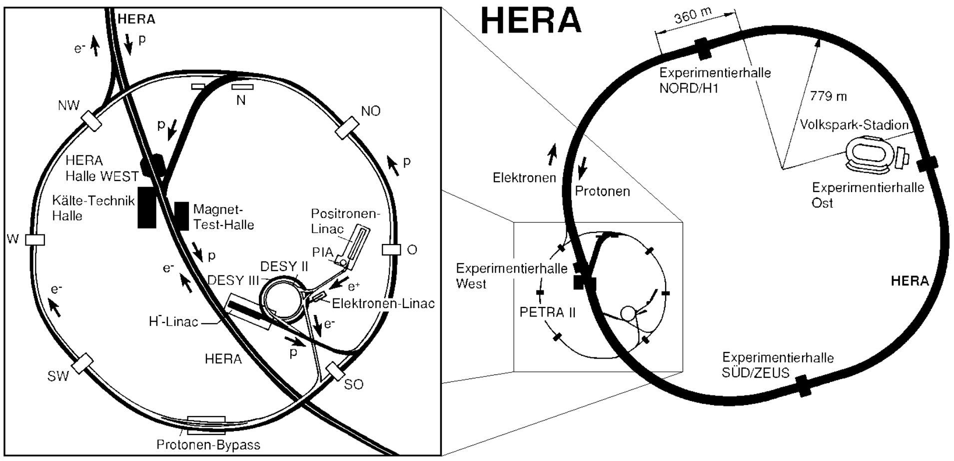

FIG. 1.1 – *Ensemble du système d'accélération et de stockage de HERA.*

des bosons électrofaibles Z^0 ou $W^\pm$ (i.e. $Q^2 > 10000$ GeV^2), le projet de collisionneur HERA fut mis en chantier il y a une quinzaine d'années.

1.1.1 Description

HERA (Hadron Elektron Ring Anlage) est installé sur le site de DESY (Deutsches Elektronen SYnchrotron) à Hambourg en Allemagne. Il produit des collisions entre des positrons (ou électrons) de 27.55 GeV et des protons de 820 GeV. Ces paramètres ont été choisis en tenant compte des contraintes technologiques existantes et du programme de physique envisagé. L'énergie disponible dans le centre de masse est donc $\sqrt{s} \simeq 300$ GeV ce qui permet d'atteindre des impulsions transférées au carré de l'ordre de 10^5 GeV^2, correspondant [2] à une résolution $1/\sqrt{Q^2}$ de l'ordre de 10^{-18} m.

La figure 1.1 montre l'ensemble du système d'accélération et de stockage des particules. Les positrons (ou électrons) et les protons sont injectés dans HERA par PETRA à des énergies de 14 et 40 GeV respectivement dans deux accélérateurs différents qui permettent d'obtenir les énergies finales de 27.55 et 820 GeV. Ces accélérateurs se trouvent dans un tunnel de 6.3 km de circonférence.

1.1.2 Caractéristiques des collisions

Les faisceaux sont constitués de paquets de $\sim 10^{10}$ particules qui circulent en permanence dans le tube à vide. Les faisceaux se croisent à quatre endroits appellés zone d'interaction où sont placées les expériences étudiant les collisions. L'intervalle de temps entre deux paquets est de 96 ns. De part la circonférence et la fréquence de HERA, il pourrait y avoir 210 paquets. La majorité sont effectivement remplis, mais certains sont laissés vides. Les

2. Les unités utilisées dans ce mémoire sont définies avec $\hbar = c = 1$, ce qui implique que les énergies, les impulsions et les masses sont exprimées en GeV et que 1 GeV^{-1} = 0.1973 fm.

paquets (de positrons ou de protons) qui ne rencontrent pas d'autres paquets dans les zones de croisement permettent ainsi de contrôler le bruit de fond dû aux collisions des particules avec les molécules du gaz résiduel dans le tube à vide. Il y a environ 10 paquets pilotes de chaque sorte.

HERA peut accélérer des positrons ou des électrons, mais sans obtenir jusqu'à aujourd'hui les mêmes performances. En effet, des molécules du gaz résiduel en excès au niveau des pompes à vide sont ionisées par les faisceaux et diffusent dans le tube à vide. Lorsque ce sont des électrons qui sont accélérés, ils vont, en passant au centre du tube à vide, attirer ces molécules ionisées et chargées positivement vers le centre, alors que s'il s'agit de positrons elles vont être repoussées. Par conséquent la durée de vie d'un faisceau d'électrons est inférieure à celui d'un faisceau de positrons (qui est d'environ 10 heures). C'est pourquoi depuis 1994 HERA produit des collisions e^+p. L'amélioration des pompes à vide est actuellement en cours et HERA devrait être en mesure, à partir de la prise de données de 1998, d'obtenir avec un faisceau d'électrons sensiblement les mêmes performances qu'avec un faisceau de positrons.

La taille transverse $\sigma_x \times \sigma_y$ des paquets aux points d'interaction est de l'ordre de 0.3×0.06 mm^2 pour les protons et 0.25×0.02 mm^2 pour les positrons. La taille longitudinale est ~ 110 mm pour les protons et ~ 20 mm pour les positrons. Autant la forme longitudinale des paquets de positrons est gaussienne, autant celle des paquets de protons est plus complexe avec un pic central de grande intensité et plusieurs satellites à ± 4.8 ns et ± 19.2 ns comme le montre la figure 1.2. Ces satellites sont formés au cours du transfert de PETRA à HERA (rotation dans l'espace de phase longitudinal des paquets), et lors de la compression des paquets dans HERA (mise en route progressive des cavités 208 MHz en plus des cavités 52 MHz). Cette structure n'est pas constante puisque les intensités des satellites changent à chaque fois que l'on remplace le faisceau de proton. A part des problèmes de déclenchement, cette structure n'induit aucun problème pour l'analyse. En revanche elle intervient dans la mesure de la luminosité qui doit être corrigée pour cet effet, ce qui sera expliqué dans la section 4.6.2.

La table 1.1 donne quelques caractéristiques de la machine HERA, telles que prévues initialement [3] et telles qu'obtenues durant la prise de données 1997 [4].

Paramètre	nominal	1997
Energie des protons (GeV)	820	820
Energie des positrons (GeV)	30	27.55
Nombre de paquets	210	180/189
Courant moyen (protons) (mA)	160	105
Courant moyen (leptons) (mA)	58	43
Luminosité (cm^{-2} s^{-1})	1.5×10^{31}	1.4×10^{31}

TAB. 1.1 – *Comparaison des valeurs nominales de quelques paramètres de HERA avec celles obtenues en 1997.*

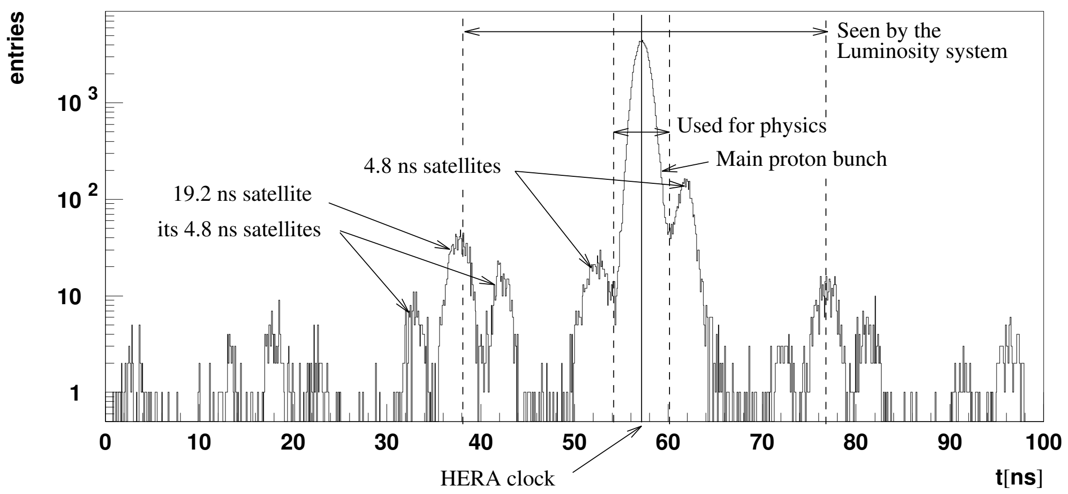

FIG. 1.2 – *Profil longitudinal du faisceau de proton observé par le scintillateur Temps de vol à l'avant FToF. La position du pic central et celles des différents satellites sont indiquées, ainsi que la partie correspondante aux collisions étudiée par les analyses de physique et celle participant aux collisions mesurées par le système de luminosité. Cette figure provient de la référence [2].*

1.1.3 Expériences

Les zones d'interaction sont occupées par les expériences suivantes:

Nom	H1	ZEUS	HERMES	HERA-B
Démarrage	1992	1992	1995	1998
Collaborateurs	~ 400	~ 450	~ 180	~ 280
Taille $(x \times y \times z)$ m^3	$12 \times 10 \times 15$	$12 \times 11 \times 20$	$3.5 \times 8 \times 5$	$8 \times 20 \times 9$
Poids	2800 tonnes	3600 tonnes	400 tonnes	1000 tonnes
Collisions	$e^+ \rightarrow\leftarrow p$	$e^+ \rightarrow\leftarrow p$	$e^+_{L,R} \rightarrow$ cible fixe [a]	$p \rightarrow$ cible fixe [b]
Programme	Contenu en quark et gluons du proton; Tests de QCD; Physique exotique...		Origine du spin des nucléons	Etude de la violation de CP dans les systèmes de mésons B

[a] Gaz polarisé (^{3}He) ou non polarisé (H,D).
[b] 8 fils: 500×50 μm^2 (Al, Cu, C).

L'expérience H1 dans laquelle j'ai effectué mon travail de thèse sera décrite plus en détail dans le chapitre 4. Les deux expériences H1 et ZEUS ont des programmes de physique similaires. Leurs résultats peuvent être ainsi comparés et éventuellement combinés. La section suivante décrit les grandes lignes de ce programme.

1.2 La physique des collisions ep à HERA

Une des insuffisances du Modèle Standard des particules et de leurs interactions, reposant sur le groupe de jauge $SU(3)_C \otimes SU(2)_L \otimes U(1)_Y$, est qu'il ne prédit pas certains paramètres qu'il faut par conséquent mesurer. D'autre part il demeure imparfait du point de vue de plusieurs autres problèmes plus "théoriques", qui seront présentés dans la section 3.1.1. Il existe donc de nombreuses théories "au-delà du Modèle Standard" qui répondent chacune à certains de ces problèmes. Ainsi on peut classifier artificiellement les sujets de physique en trois catégories:

- mesurer ce qui n'est pas prédit par le Modèle Standard;
- tester les prédictions du Modèle Standard;
- rechercher la présence de processus au-delà du Modèle Standard.

Ces trois catégories interagissent bien évidemment entre elle: la connaissance des paramètres libres permet par exemple de tester la théorie, et c'est la comparaison des données avec la prédiction du Modèle Standard qui met en évidence ou non les signes de nouvelle physique. C'est dans cet esprit que je vais présenter brièvement les sujets de physique traités à HERA en tenant compte des processus sous-jacents.

1.2.1 Généralités sur les processus ep

Le positron et le proton interagissent via l'échange d'un boson. On peut s'intéresser en particulier aux collisions inélastiques qui permettent de sonder l'intérieur du proton. Comme l'illustre le diagramme de la figure 1.3, le proton est brisé au cours de la collision et la nature du lepton sortant dépend du boson échangé. On parle de courant neutre lorsque ce boson est un photon ou un Z^0 (et le lepton sortant un positron), et de courant chargé lorsqu'un boson $W^\pm$ est échangé (le lepton sortant est alors un $\bar{\nu}_e$).

Lorsqu'on s'intéresse au processus inclusif (c'est-à-dire que l'on mesure le lepton sortant et que l'on intègre sur l'état final hadronique) deux variables suffisent à décrire le processus au premier ordre. En effet il s'agit ici d'un processus à deux corps (ex. positron et quark) dont on ne connaît pas l'énergie dans le centre de masse puisqu'elle dépend de la fraction d'impulsion du proton portée par le quark qui interagit.

Ces deux variables sont choisies parmi les invariants de Lorentz à notre disposition (et qui seront explicités plus en détail dans la section 2.1.1): Q^2, x et y qui vérifient $Q^2 = sxy$ et où x et y sont compris entre 0 et 1. D'une façon simpliste, Q^2 donne le pouvoir de résolution et x représente la fraction d'impulsion du proton emportée par le quark qui interagit. Lorsque Q^2 est suffisamment grand ($\gtrsim 1$ GeV^2) on se trouve dans le régime perturbatif des DIP. Il est à noter que l'échange de Z^0 ou $W^\pm$, de par leur masse élevée, n'intervient qu'à grand Q^2.

Lorsque Q^2 est en revanche très petit ($Q^2 \sim 0$) on parle de photoproduction: le photon quasi-réel ne sonde plus le proton mais interagit avec lui de façon principalement ha-

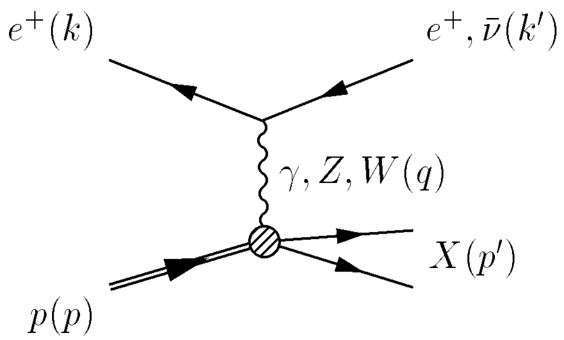

FIG. 1.3 – *Diagramme de Feynman de la diffusion inélastique profonde à l'ordre* 0 *en* α_s.

dronique. La section efficace totale est dominée par des processus "mous" où le photon fluctue en un méson vecteur de mêmes nombres quantiques ($\rho, \omega, a, \ldots$) et qui sont modélisés par l'échange d'un pomeron "mou" (modèle de Regge). Comme dans la physique hadron-hadron, il existe aussi des processus "durs" dont l'échelle est donnée, non pas par Q^2 puisqu'il est quasi-nul, mais par le carré de l'énergie transverse $P_\perp^2$. La présence d'une échelle dure permet dans ce cas un calcul QCD perturbatif et une interprétation partonique du contenu du photon.

1.2.2 Phénoménologie et tests du Modèle Standard à HERA

Structure du proton et tests de QCD

Comme on le verra en détails dans le chapitre 2, on mesure le contenu du proton en quarks et gluons via la mesure des fonctions de structure du proton. La chromodynamique quantique perturbative (pQCD) ne peut que prédire l'évolution de cette structure en fonction de Q^2, via les équations de Dokhshitzer-Gribov-Lipatov-Altarelli-Parisi (DGLAP [9]), ou en fonction de x, via les équations de Balitsky-Fadin-Kuruaev-Lipatov (BFKL [10]). Puisqu'à HERA l'énergie disponible dans le centre de masse est plus élevée que dans les expériences de DIP antérieures, on peut mesurer ces fonctions de structure dans un nouveau domaine. La figure 1.4 montre que le domaine du plan ($x - Q^2$) spécifiquement couvert par HERA s'étend très au-delà des domaines accessibles antérieurement dans les expériences en cible fixe (SLAC, NMC, CCFR, BCDMS, E665): vers les grand Q^2 ($\sim 10^4$ GeV^2) [5] et vers les petits x ($\sim 10^{-5}$) [6]. HERA permet ainsi de tester sur un grand domaine cinématique les équations d'évolution DGLAP.

Si l'on regarde le contenu du proton à très petit x, on s'attend à ce que les équations DGLAP ne soient plus valables puisqu'elles ne tiennent pas compte de l'évolution en x dans ce domaine à haute densité de gluons où les équations BFKL devraient prendre le relais. Même si la remontée spectaculaire de la densité de gluons à petit x a bien été observée [6], la précision obtenue ne permet pas de distinguer entre les comportements DGLAP et BFKL. Pour ce faire il faut entreprendre des mesures plus exclusives [11] [12]. Ces études sont en cours à HERA.

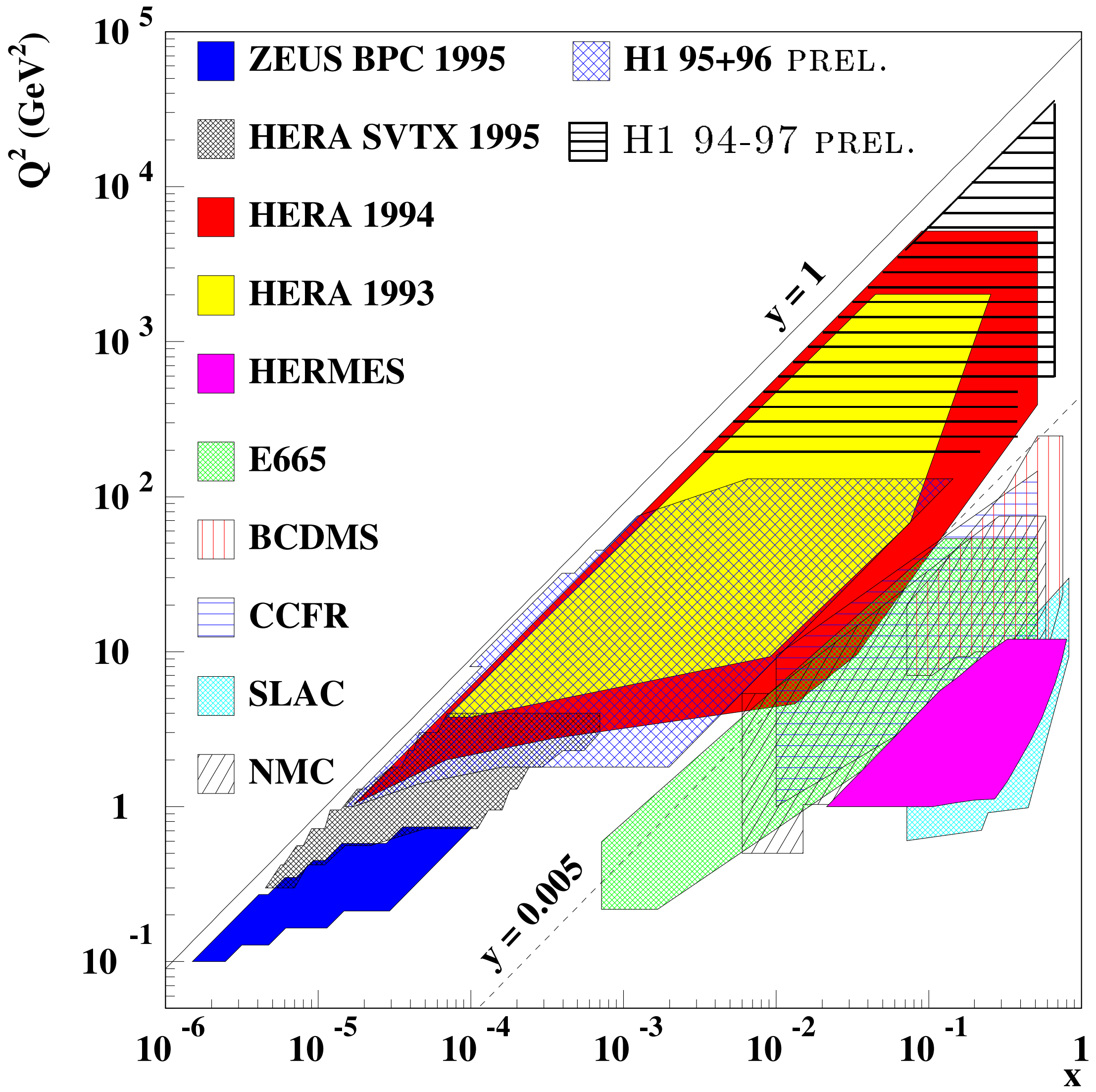

FIG. 1.4 – *Régions couvertes du plan (x, Q^2) par les expériences de DIP pour la mesure des fonctions de structure.*

L'analyse des événements de DIP en courant neutre a montré [13] que dans environ 5% de ces événements aucun dépôt d'énergie n'est détecté dans la partie avant du détecteur, c'est-à-dire entre le jet de courant et la direction incidente des protons. Ces événements, appellés événements diffractifs, sont expliqués par l'interaction du positron avec un objet neutre de couleur, le pomeron (que l'on appelle "dur" pour le différencier du pomeron "mou" de photoproduction), dont on peut mesurer le contenu partonique. Des mesures plus récentes [14] montrent qu'il faut tenir compte non seulement de l'échange d'un tel objet, mais aussi de celui d'un méson (ayant les nombres quantiques du photon).

Un autre sujet qui peut être abordé à HERA est le régime de transition entre photoproduction et DIP [15] [16].

Mesure de α_S

Dans un cadre plus exclusif, on peut s'intéresser à l'état final hadronique. Celui-ci comprend le plus souvent les débris du proton et un jet provenant du quark qui a été expulsé du proton, mais il peut aussi comprendre plusieurs jets en plus des débris du proton. Ceux-ci proviennent du rayonnement de gluons ou de la création d'une paire $q\bar{q}$ par un gluon. Les diagrammes correspondants font intervenir la constante de couplage forte α_S qui peut donc être mesurée à HERA [7] via le rapport des sections efficaces $R(Q^2) = \sigma_{2+1}(Q^2)/(\sigma_{1+1}(Q^2) + \sigma_{2+1}(Q^2))$, où $\sigma_{i+1}(Q^2)$ est la section efficace des événements comprenant i jets en plus des débris du proton.

Structure du photon

Comme je l'ai mentionné précédemment, une partie de la section efficace de photoproduction consiste en des processus durs, pour lesquels un calcul perturbatif est possible. Pour ces événements, on considère que le photon fluctue en une paire $q\bar{q}$ et que la collision dure a lieu entre un parton du photon et un parton du proton. Ainsi, à partir de la mesure de la section efficace de la production de jets en photoproduction, on peut remonter à la structure partonique du photon [8].

Tests de la théorie électrofaible

En courant chargé, les expériences de DIP sur cible fixe n'ont pas atteint des Q^2 suffisants pour mettre en évidence la forme du propagateur du $W^\pm$ en fonction de Q^2 ($1/(1 + Q^2/M_W^2)^2$). Cela est possible à HERA [17] où l'on a pu ainsi faire une mesure de la masse du $W^\pm$ ($M_W = 84^{+10}_{-7}$ GeV) avec cependant une erreur beaucoup plus grande que celles obtenues au LEP ou au TeVatron. Le programme de haute luminosité (en l'an 2000) permettra certes de réduire cette erreur, mais c'est surtout le gain en précision sur la mesure de la section efficace de DIP en courant chargé en fonction de Q^2 qui sera intéressant.

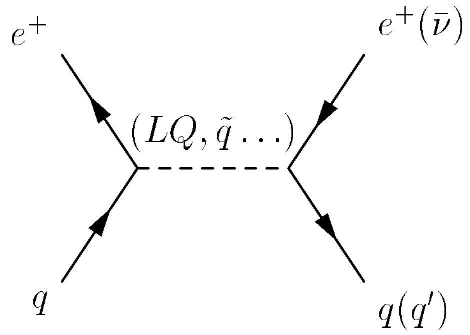

FIG. 1.5 – *Diagramme de Feynman de la production d'une particule se couplant à une paire positron-quark et se désintégrant dans le même état.*

1.2.3 Recherche au-delà du Modèle Standard

Si l'on recherche la production d'une nouvelle particule à HERA et que l'on veut profiter au maximum de l'énergie disponible dans le centre de masse pour effectuer cette recherche dans un domaine encore inexploré, il faut que cette énergie soit entièrement utilisée pour atteindre la masse de cette nouvelle particule. C'est ce qui se passe dans le diagramme représenté par la figure 1.5 où est produit en résonance une particule se couplant à une paire positron-quark et dont la masse est inférieure à $\sqrt{s} \simeq 300$ GeV. Ce genre de particule (leptoquark, squark) est prédit dans de nombreuses théories au-delà du Modèle Standard et fera l'objet du chapitre 3. Suivant le type de particule, elle peut se désintégrer dans plusieurs états finals comme par exemple (positron-quark) ou (antineutrino-quark). Cette recherche étant le sujet de cette thèse, j'y reviendrai plus en détail à la fin de ce chapitre.

La recherche de particules se couplant à des paires positron-quark et dont la masse est supérieure à $\sqrt{s} \simeq 300$ GeV est aussi possible mais de façon indirecte. En effet, l'existence d'objets massifs de ce type engendrerait à l'échelle d'énergie de HERA une interaction de contact à 4 fermions qui conduirait à une interférence avec le processus de DIP, ce qui modifierait principalement la dépendance de la section efficace inclusive en fonction de Q^2 [18].

Dans le Modèle Standard, les fermions sont regroupés en familles dont la structure se "répète" à des échelles de masse de plus en plus élevées. Ce comportement suggère que les fermions ne sont pas élémentaires, ce qui impliquerait l'existence de fermions excités. Il est possible de rechercher de tels états de la matière (e^*, ν^* ou q^*) à HERA [19].

1.3 Potentiel de découverte à grand Q^2

Je me suis intéressé à la recherche directe de particules (qui ont donc une masse inférieure à $\sqrt{s} \simeq 300$ GeV) se couplant à des paires positron-quark, qui pourraient être produites via le diagramme représenté sur la figure 1.5. J'ai effectué cette recherche dans les cas où ces particules se désintègrent en un état final (positron-quark) ou (antineutrino-quark), indistinguable de celui des événements de DIP.

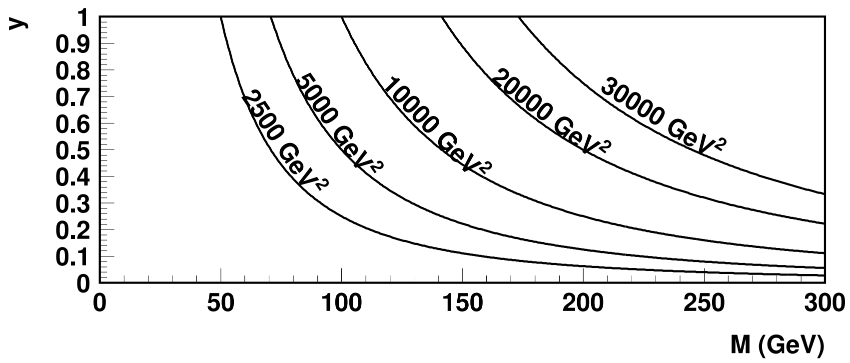

FIG. 1.6 – *Contours à Q^2 constant dans le plan M, y.*

Pour pouvoir être capable de mettre en évidence la production de ce type de particules, il faut par conséquent utiliser la dépendance de la section efficace en fonction des deux variables cinématiques qui servent à caractériser le processus inclusif. En effet, ces dépendances sont différentes pour la DIP et la production en voie s d'une particule. Puisque l'on est davantage intéressé par la paire lepton-quark, les deux variables canoniques sont la masse de ce système ($M = \sqrt{sx}$) et y qui est directement relié à l'angle du lepton final dans le centre de masse du système lepton-quark (ceci sera précisé dans la section 3.2.2). La dépendance en masse est simple: pour la production en voie s d'une particule, on a affaire à un phénomène de résonance, et la section efficace présente un pic à la masse de la particule. A cette masse, la dépendance de la section efficace en fonction de y va dépendre du spin de la particule (ex. constante pour un scalaire) alors qu'elle est en $\sim 1/y^2$ pour la DIP.

Par conséquent le domaine cinématique qui nous intéresse est celui des grandes masses et des grands y. Comme le montre la figure 1.6, ce domaine correspond à des grandes valeurs de Q^2, où l'on doit faire face à une problématique technique nouvelle faisant appel à des mesures à grande énergie transverse dans la partie avant du détecteur (cf. chapitre 5). Mon travail a consisté à analyser les événements de DIP en courant neutre et chargé dans ce domaine encore inexploré des grands Q^2 et à comparer les résultats obtenus avec la prédiction du Modèle Standard.

Afin d'être en mesure de définir plus précisément en quoi consiste l'analyse, je vais dans le chapitre 2 montrer comment prédire la section efficace de DIP à grand Q^2, et présenter dans le chapitre 3 la phénoménologie des modèles théoriques prédisant l'existence des particules qui ont fait l'objet de ma recherche. A la fin du chapitre 3, nous serons en mesure de définir la stratégie de l'analyse, dont je présenterai les étapes à la section 3.4.

Bibliographie

[1] W. Panofsky, Proceedings of the 14^{th} Conference on HEP, Vienne (1968); E.D. Bloom *et al.*, Phys. Rev. Lett. 23 (1969) 930.

[2] A. Panitch, Thèse de l'Université Libre de Bruxelles (1996), 160 pages.

[3] B. H. Wiik, Proceedings of the Workshop "Physics at HERA", DESY-Hamburg (1991) Vol. 1 p. 1.

[4] U. Schneekloth, Compte rendu des $33^{ième}$ Rencontres de Moriond EW (1998) (à paraître).

[5] H1 Collaboration, T. Ahmed *et al.*, Nucl. Phys. B439 (1995) 471.

[6] H1 Collaboration, C. Adloff *et al.*, Nucl. Phys. B497 (1997) 3.

[7] H1 Collaboration, T. Ahmed *et al.*, Phys. Lett. B346 (1995) 415.

[8] H1 Collaboration, C. Adloff *et al.*, Eur. Phys. J. C1 (1998) 97.

[9] V.N. Gribov et L.N. Lipatov, Sov. Journ. Nucl. Phys. 15 (1972) 78; G. Altarelli et G. Parisi, Nucl. Phys. B126 (1977) 298; Y.L. Dokshitzer, JETP 46 (1977) 641.

[10] E.A. Kuruaev, L.N. Lipatov et V.S. Fadin, Phys. Lett. B60 (1975) 50; Y.Y. Balitsky et L.N. Lipatov, Sov. Jour. Nucl. Phys. 28 (1978) 822.

[11] A.H. Mueller, Nucl. Phys. B (Proc. Suppl.) 18C (1990) 125.

[12] J. Kwiecinski, A.D. Martin et P.J. Sutton, Phys. Rev. D46 (1992) 921.

[13] H1 Collaboration, T. Ahmed *et al.*, Nucl. Phys. B429 (1994) 477.

[14] H1 Collaboration, C. Adloff *et al.*, Z. Phys. C76 (1997) 613.

[15] H1 Collaboration, S. Aid *et al.*, Phys. Lett. B358 (1995) 412.

[16] H1 Collaboration, C. Adloff *et al.*, Z. Phys. C76 (1997) 213.

[17] H1 Collaboration, S. Aid *et al.*, Phys. Lett. B379 (1996) 319.

[18] H1 Collaboration, S. Aid *et al.*, Phys. Lett. B353 (1995) 578.

[19] H1 Collaboration, S. Aid *et al.*, Nucl. Phys. B483 (1997) 44.

Chapitre 2

Section efficace de DIP à grand $\mathbf{Q}^2$

Nous avons vu au chapitre 1 que les événements de DIP à grand Q^2 constituent un bruit de fond indistinguable événement par événement pour la recherche de nouvelles particules se couplant à des paires positron-quark et se désintégrant en paire e^+q ou $\bar{\nu}q$. Notre habileté à mettre en évidence la production d'une telle particule va donc dépendre fortement de la précision avec laquelle on connaît la section efficace de DIP dans ce domaine cinématique jusque là inexploré. Je vais tout d'abord montrer comment il est possible de prédire la section efficace de DIP dans ce domaine cinématique. J'en déduirai ensuite la précision avec laquelle cette prédiction est obtenue. Je compléterai ce chapitre en présentant les outils Monte-Carlo que j'ai utilisés pour mener à bien mon analyse.

2.1 Section efficace de DIP

2.1.1 La cinématique

Nous sommes intéressés par la section efficace du processus inclusif

$$e^+ + p \to l' + X$$

où l' est le lepton sortant et X est le système hadronique que l'on ne cherche pas à expliciter. Ce processus est représenté par le diagramme de la figure 2.1 où le positron et le proton interagissent via l'échange d'un boson de quadrivecteur q.

Ce processus est décrit par deux variables que l'on choisit parmi les invariants de Lorentz disponibles:

$$\begin{aligned}
Q^2 &= -q^2 = -(k-k')^2 \\
x &= \frac{Q^2}{2p.q} \\
y &= \frac{p.q}{p.k} \\
\nu &= \frac{p.q}{m_p} \\
W^2 &= (p')^2 \quad .
\end{aligned}$$

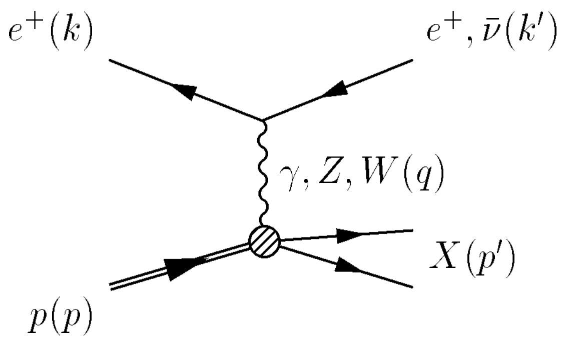

FIG. 2.1 – *Diagramme de la réaction inclusive $e^+p \to l'X$, où l' peut être un positron ou un antineutrino suivant la nature du boson échangé. Les quadri-impulsions sont indiquées entre parenthèses.*

Parmi ces variables, certaines ont une signification simple et directe. Ainsi Q^2 représente la virtualité du boson échangé et W^2 est la masse au carré du système hadronique X. Dans le référentiel où le proton est au repos, ν (resp. y) correspond à l'énergie (resp. fraction d'énergie) cédée par le positron au système hadronique. La variable x correspond à la fraction d'impulsion du proton portée par le quark qui interagit avec le positron, comme cela sera montré dans la section 2.1.3. Les variables x et y sont sans dimension et comprises dans l'intervalle $]0, 1[$.

En négligeant la masse du proton et celle du positron, l'énergie dans le centre de masse est $s = (p + k)^2$. On en déduit la relation suivante:

$$Q^2 = sxy \quad .$$

2.1.2 Introduction des fonctions de structure

La section efficace s'écrit en fonction de l'élément de matrice $\mathcal{M}$ qui rend compte de la dynamique de l'interaction:

$$\mathcal{M} = J_\mu^{(e^+l')} \frac{1}{D} \mathcal{J}^\mu_{(pX)} \quad .$$

Le terme $1/D$ représente le propagateur du boson B échangé ($D = q^2 - M_B^2 + iM_B\Gamma_B$). $J_\mu^{(e^+l')}$ et $\mathcal{J}_\mu^{(pX)}$ sont les courants associés respectivement au vertex leptonique et au vertex hadronique. Le premier est connu dans le Modèle Standard alors que le second ne l'est pas. C'est ce qui constitue l'unique mais importante difficulté.

En portant cette amplitude au carré et en intégrant sur l'espace de phase du système X, la section efficace ne dépend de cette partie hadronique que par un tenseur $\mathcal{W}_{\mu\nu}$ que l'on écrit de la façon la plus générale à partir des tenseurs $g_{\mu\nu}, p_\mu, q_\mu$ et $\epsilon_{\mu\nu\alpha\beta}$. En ne conservant que les termes qui ne disparaissent pas après la contraction avec le tenseur $\mathcal{L}^{\mu\nu}$ correspondant à la partie leptonique et en utilisant la conservation du courant ($q^\mu \mathcal{W}_{\mu\nu} = q^\nu \mathcal{W}_{\mu\nu} = 0$), le tenseur hadronique intégré fait intervenir trois fonctions de structure F_i non dimensionnées qui ne dépendent que de deux variables (on choisit usuellement x et Q^2). La section efficace différentielle recherchée s'écrit alors:

$$\frac{d^2\sigma}{dxdQ^2} = \frac{2\pi\alpha^2}{xQ^4} \left(y^2 2xF_1(x,Q^2) + 2(1-y)F_2(x,Q^2) - y(2-y)xF_3(x,Q^2)\right)$$

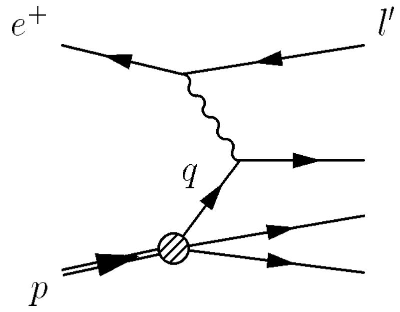

FIG. 2.2 – *Diagramme de la réaction $e^+p \to l'X$ où le positron interagit avec un des quarks du proton.*

où α est la constante de structure fine et les F_i dépendent du processus étudié (courant neutre ou chargé). Il est à noter qu'en courant neutre le terme xF_3 est uniquement dû au Z^0. Par conséquent, à petit Q^2 où l'échange du Z^0 peut être négligé, seules les fonctions de structure F_1 et F_2 apparaissent dans l'expression de la section efficace différentielle.

2.1.3 Le modèle des partons

Il est pour l'instant difficile de donner un sens physique simple à ces fonctions de structure. Le modèle des partons va permettre de leur donner une signification claire.

Historiquement ce modèle a été motivé par les résultats obtenus à SLAC à la fin des années 1960 [1], qui vérifiaient l'invariance d'échelle des fonctions de structure énoncée par Bjorken [2]: les F_i ne dépendent pas de Q^2. Cette invariance traduit l'existence d'objets ponctuels à l'intérieur du proton, puisque leur taille ne dépend pas de la résolution $(1/Q^2)$ avec laquelle on les regarde.

Le modèle des partons consiste donc à supposer que, pendant l'interaction, le proton est consistué d'objets ponctuels (les partons) n'interagissant pas entre eux. La diffusion du positron sur le proton est alors la somme incohérente des diffusions élastiques du positron sur les partons chargés. Comme il s'agit de diffusions élastiques entre objets ponctuels, on peut en calculer la section efficace à la condition de connaître le spin des partons chargés.

On introduit le rapport $R = (F_2 - 2xF_1)/2xF_1$. On peut montrer que $R = \sigma_L^{\gamma^*}/\sigma_\perp^{\gamma^*}$ où $\sigma_L^{\gamma^*}$ et $\sigma_\perp^{\gamma^*}$ sont les sections efficaces correspondant respectivement à l'échange d'un photon longitudinal et transverse. Supposons que les partons chargés sont de spin $\frac{1}{2}$. Alors, en se plaçant dans le référentiel de Breit (où le parton "rebondit" sur le photon en l'absorbant) et par conservation de l'hélicité au vertex, on montre que le photon est nécessairement transverse. On obtient ainsi la relation de Callan-Gross [3]: $2xF_1 = F_2$, vérifiée expérimentalement. On en déduit que les partons chargés sont de spin $\frac{1}{2}$ et on les identifie aux quarks. Le diagramme de DIP devient alors celui de la figure 2.2.

La section efficace de DIP est dans ce cas complètement calculable. Il faut pour cela introduire, pour chaque saveur de quark q, la probabilité $q(x)$ ($\bar{q}(x)$ pour les anti-quarks) qu'un quark porte la fraction x d'impulsion du proton. En écrivant que les masses des partons entrant et sortant sont négligeables, on a:

$$(xp+q)^2 \sim 0 \Rightarrow x = \frac{Q^2}{2p.q}$$

qui donne la signification physique de la variable x introduite à la section 2.1.1. Les fonctions de structure s'écrivent d'une façon simple en fonction des $q(x)$ et des $\bar{q}(x)$, comme par exemple F_2 en courant neutre qui, en négligeant la contribution du Z^0, devient:

$$F_2(x) = \sum_q e_q^2 x(q(x) + \bar{q}(x))$$

où les e_q désignent les charges des quarks.

Ce modèle a permis de comprendre d'une façon simple les réactions de DIP, mais il n'est pas le fin mot de l'histoire. En effet la relation de Callan-Gross n'est pas exactement vérifiée, et les fonctions de structure dépendent de Q^2 (ce qui a été mis en évidence à SLAC dans les années 1970 [4]).

En tenant compte de l'impulsion transverse intrinsèque $\hat{p}_\perp$ des partons et de leurs masses effectives $\hat{m}$, R n'est pas strictement nul. L'impulsion transverse peut être engendrée par le rayonnement de gluons. En chromodynamique quantique, R est nul à l'ordre dominant, mais pas à l'ordre supérieur où il est proportionnel à α_S. Dans le domaine des grands Q^2 et grand x accessible à HERA, R peut être considéré comme nul, approximation que j'ai faite dans mon analyse.

La violation de l'invariance d'échelle des fonctions de structure (ou des densités de quarks) est l'objet de la section suivante, mais on peut dès maintenant écrire les sections efficaces en courant neutre et en courant chargé en remettant la dépendance en fonction de Q^2. On ne tient compte que des quarks u, d, s et c.

Section efficace de DIP courant neutre

En négligeant R, la section efficace différentielle s'écrit uniquement en fonction de F_2 et F_3:

$$\frac{d^2\sigma(e^+p \to e^+X)}{dxdQ^2} = \frac{2\pi\alpha^2(Q^2)}{xQ^4}\left((1+(1-y)^2)F_2(x,Q^2) - (1-(1-y)^2)xF_3(x,Q^2)\right) \tag{2.1}$$

où

$$\begin{aligned} F_2(x,Q^2) &= x\sum_q \left(C_2^q(Q^2)(q(x,Q^2)+\bar{q}(x,Q^2))\right) \\ F_3(x,Q^2) &= \sum_q \left(C_3^q(Q^2)(q(x,Q^2)-\bar{q}(x,Q^2))\right) \end{aligned}$$

Les fonctions de structure s'écrivent en fonction des densités de quarks dans le proton $q(x,Q^2)$ et celles des antiquarks $\bar{q}(x,Q^2)$, et des coefficients C_2^q et C_3^q qui dépendent de paramètres électrofaibles associés aux contributions de l'échange de γ, de l'interférence

$\gamma - Z^0$ et de l'échange de Z^0:

$$\begin{aligned} C_2^q(Q^2) &= e_q^2 \quad -2e_q v_q v_e \chi_Z + (v_q^2 + a_q^2)(v_e^2 + a_e^2)\chi_Z^2 \\ C_3^q(Q^2) &= \quad\quad -2e_q v_q v_e \chi_Z + (2v_q a_q)(2v_e a_e)\chi_Z^2 \end{aligned}$$

avec

$$\chi_Z = \frac{1}{4\sin^2\theta_w \cos^2\theta_w} \frac{Q^2}{Q^2 + M_Z^2} \quad .$$

Les quantités introduites sont M_Z, la masse du Z^0, e_q, la charge des quarks, $v_q = T_{3q} - 2e_q \sin^2\theta_w$ et $a_q = T_{3q}$ sont les couplages vecteurs et axiaux des quarks au Z^0, v_e et a_e sont les couplages correspondants pour l'électron et θ_w est l'angle de mélange faible. Tous ces paramètres ont été mesurés avec une grande précision [5].

Section efficace de DIP courant chargé

On l'écrit directement en fonction des densités de quarks:

$$\frac{d^2\sigma(e^+p \to \bar{\nu}X)}{dxdQ^2} = \frac{G_F^2}{2\pi}\left(\frac{1}{1 + Q^2/M_W^2}\right)^2 \left(\bar{u} + \bar{c} + (1-y)^2(d+s)\right) \tag{2.2}$$

où G_F est la constante de Fermi et M_W est la masse du boson W.

A partir du moment où les densités de quarks dépendent effectivement de x et de Q^2, il faut les connaître en tous points du plan $(x - Q^2)$ pour pouvoir prédire la section efficace, ce qui n'est pas notre cas puisque l'on veut analyser la DIP dans un domaine inexploré. Il n'y a en fait pas d'impasse car, comme nous allons le voir, la chromodynamique quantique est capable de prédire l'évolution de ces densités en fonction de Q^2.

2.2 Equations d'évolution

Le démonstration complète et détaillée des équations d'évolution des densités de quarks est disponible dans de nombreux ouvrages [6]. Je vais donc uniquement donner les éléments importants autour desquels cette démonstration s'articule afin d'introduire la terminologie utilisée. Nous allons voir comment ces densités évoluent et comment il est possible de les évaluer.

2.2.1 La chromodynamique quantique

La chromodynamique quantique (QCD) est la théorie qui décrit les interactions entre quarks et gluons. Elle repose sur le groupe de jauge non abélien $SU(3)_C$.

La première caractéristique de cette théorie est que la constante de couplage associée α_S est relativement grande et dépend fortement de l'échelle d'énergie du processus considéré. Afin de quantifier ce comportement, je donne ici le résultat du calcul à une boucle:

$$\alpha_S(Q^2) = \frac{4\pi}{(11 - 2n_f/3)\ln(Q^2/\Lambda_{QCD}^2)}$$

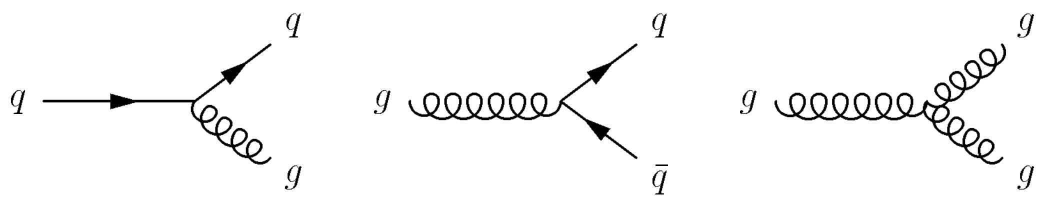

FIG. 2.3 – *Interaction entre quarks et gluons.*

où n_f est le nombre de saveurs de quarks intervenant à l'échelle Q^2, et le paramètre Λ_{QCD} est de l'ordre de 250 MeV. On voit que α_S diverge lorsque Q^2 se rapproche de Λ_{QCD}. Les calculs perturbatifs ne peuvent donc être menés que pour Q^2 suffisamment grand devant Λ_{QCD}. On donne généralement la valeur de α_S à la masse du Z^0: $\alpha_S(M_Z^2) = 0.1192 \pm 0.0020$ [7].

Dans le cadre de QCD, les quarks et gluons interagissent entre eux via les trois diagrammes représentés par la figure 2.3. Cela implique que le proton n'est pas un état figé de quarks et de gluons, mais qu'il doit être considéré comme un "magma" de quarks et de gluons en perpétuelle évolution. Par exemple, un quark peut fluctuer en une paire quark-gluon comme le montre le diagramme de gauche de la figure 2.3.

C'est ainsi que l'on comprend physiquement la dépendance en Q^2 des densités de partons: on ne voit pas les partons comme des objets ponctuels, mais plutôt enveloppés dans un manteau de gluons et de paires $q\bar{q}$. Plus on augmente Q^2, c'est-à-dire le pouvoir de résolution de notre sonde, plus on va mettre en évidence la structure de ce manteau. Or si on voit un quark et un gluon, et non plus un quark seul (cf. diagramme de gauche de la figure 2.3), cela implique que l'impulsion du quark seul a été partagée entre celle du quark et du gluon. Par conséquent, lorsqu'on augmente Q^2, on dépeuple la région des grands x au profit de celle des plus petits x.

Dès que l'on veut prendre en compte ces diagrammes d'interaction dans le calcul d'un processus faisant intervenir un hadron ou des hadrons dans l'état initial, on doit faire face à des divergences qui font apparaître des facteurs en $\ln(Q^2/\mu^2)$ où μ est une échelle de régularisation. Ces divergences proviennent du fait que les particules considérées sont de masse nulle et qu'elles sont émises de manière colinéaire[1]. Elles sont donc typiques de processus "longue distance". Il est alors possible de définir des densités de partons "universelles" en factorisant le processus que l'on cherche à calculer en deux parties: la première rend compte du processus dur (à courte distance) caractérisé par une échelle Q^2 grande, et la deuxième consiste en des densités de partons "habillés" qui absorbent les singularités colinéaires, comme illustré par la figure 2.4. Les équations d'évolution en fonction de Q^2 de ces densités de partons sont les équations de Dokhshitzer-Gribov-Lipatov-Altarelli-Parisi (DGLAP) [8]. Elles consistent en un système d'équations intégro-

1. Les divergences colinéaires correspondent aux intégrales $\int^{Q^2} dk_\perp^2/k_\perp^2$ qui font apparaître les termes en $\alpha_S \ln(Q^2/\mu^2)$. On les distingue des divergences infrarouges qui correspondent à la limite $E \to 0$ et donc aux intégrales $\int_x^1 dz/z$ qui font apparaître des termes en $\alpha_S \ln(1/x)$. Ces termes en $\alpha_S \ln(1/x)$ ne devenant importants qu'à très petit x, nous ne les considérerons pas ici. Ils sont en revanche pris en compte par les équations BFKL.

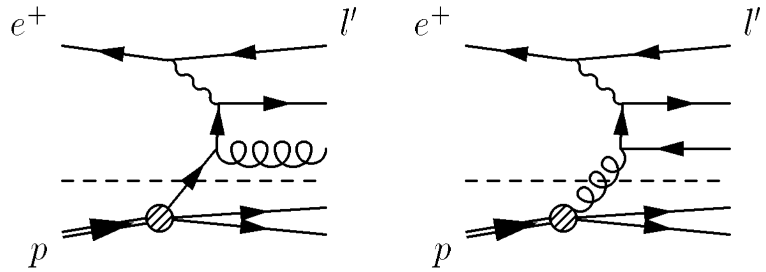

FIG. 2.4 – *Diagrammes de DIP dans lesquels on peut voir la partie correspondante au processus dur (au dessus des tirets) sur laquelle on "branche" la densité de parton.*

différentielles linéaires qui ont la forme suivante:

$$Q^2 \frac{dp_i(x, Q^2)}{dQ^2} = \frac{\alpha_S(Q^2)}{2\pi} \int_x^1 \frac{dz}{z} \sum_j P_{ij}\left(\frac{x}{z}, Q^2\right) p_j(z, Q^2)$$

Les P_{ij} sont les noyaux de branchement DGLAP. On interprète (bien que ce ne soit pas rigoureusement correct terme à terme) le produit $\alpha_S P_{ij}/2\pi$ comme la probabilité qu'un parton de type j ayant une fraction d'impulsion $z > x$ se transforme en un parton i de fraction d'impulsion x. Lorsqu'on calcule ces noyaux P_{ij}, on s'aperçoit que les termes dominants sont du type $(\alpha_S \ln(Q^2))^n$. On parle alors de logarithmes dominants (LL pour Leading Log.). Le calcul le plus précis à l'heure actuelle est celui au NLL (pour Next to Leading Log.) effectué en tenant compte des termes $\alpha_S\,(\alpha_S \ln(Q^2))^n$.

2.2.2 La paramétrisation des densités de partons

Les équations DGLAP ne donnent pas de prédiction absolue sur les densités de partons. Il faut donc se donner une condition initiale, c'est-à-dire les densités de partons à une échelle Q_0^2. On peut aussi se servir de certaines règles de somme qui contraignent la normalisation de ces densités de partons, comme la conservation de l'énergie-impulsion ou celle du nombre de quarks d'une saveur donnée. On voit d'autre part que, pour $Q^2 > Q_0^2$, les densités $p_i(x, Q^2)$ ne dépendent pas des $p_j(z, Q_0^2)$ tels que $z < x$. Ainsi nous ne sommes pas affectés par la région des petits Q^2 et très petits x qui commence à peine à être étudiée.

Afin de connaître le plus précisément possible les densités de quarks et de gluons dans le proton, il faut utiliser toutes les données expérimentales pertinentes. Il suffit ensuite de choisir une paramétrisation pour les densités de partons à Q_0^2 et de les ajuster au mieux en tenant compte des résultats expérimentaux et en utilisant les équations d'évolution. Il y a donc un choix important de densités de partons qui diffèrent de par le choix de la paramétrisation et des données prises en compte pendant l'ajustement. Elles dépendent aussi du schéma de factorisation choisi qui est en général soit $\overline{MS}$ ou DIS; le premier étant considéré plus universel alors que le second est plus pratique dans le cadre de la DIP (les équations 2.1 et 2.2 sont directement utilisables dans ce cas.). On ne peut comparer des densités de partons que lorsqu'elles ont été obtenues en tenant compte des mêmes ordres (LL ou NLL) et avec un même schéma de factorisation. Trois grandes familles de paramétrisation sont utilisées couramment. Elles sont le fruit du groupe CTEQ

(Coordinated Theoretical-Experimental Project on QCD), de Glück, Reya et Vogt (GRV) et enfin de Martin, Robert et Stirling (MRS).

Nous avons utilisé la paramétrisation de Martin, Robert et Stirling MRS(H) [9] pour laquelle le choix de la forme des densités de partons à l'échelle de départ $Q_0^2 = 4$ GeV^2 est le suivant:

$$xp_i(x, Q_0^2) = A_i x^{\eta_i}(1-x)^{\kappa_i}(1 + \epsilon_i\sqrt{x} + \gamma_i x)$$

où les p_i correspondent à la somme des quarks de valence $u_v + d_v$ (définis par $u_v \equiv u - \bar{u}$ et $d_v \equiv d - \bar{d}$), aux quarks de valence d_v, à la totalité des quarks de la mer $S \equiv 2(\bar{u}+\bar{d}+\bar{s}+\bar{c})$ et aux gluons g pour lesquels on pose $\epsilon_g = 0$ et $\eta_g = \eta_S$. De plus la différence entre $\bar{u}$ et $\bar{d}$ ($\bar{d} > \bar{u}$) est prise en compte, et $c(x, Q^2) = 0$ pour $Q^2 < m_c^2$. Le paramètre Λ_{QCD} fait partie des paramètres de l'ajustement. La valeur obtenue est $\Lambda_{\overline{MS}}^{(4)} = 230$ MeV (c'est-à-dire $\alpha_S(M_Z^2) = 0.112 \pm 0.005$). Les valeurs des principaux paramètres sont:

Quantité	η	κ	ϵ	γ
$u_v + d_v$	0.335	3.90	4.40	8.95
d_v	0.224	4.65	44.3	13.2
S	-0.3	9.01	0.11	12.6
g	-0.3	5.3	0	5.2

La forme de paramétrisation choisie permet de modéliser la remontée des gluons et des quarks de la mer à petits x (on attend dans le cadre de BFKL $xS \sim xg \sim x^{-0.5}$) et la retombée à grand x de la forme $(1-x)^n$ prédite par les règles de comptage (déduites de la dépendance des facteurs de forme avec Q^2 [11]).

La table 2.1 indique l'ensemble des résultats expérimentaux utilisés pour déterminer la paramétrisation MRS(H). Il faut noter que les résultats de HERA utilisés dans la procédure d'ajustement correspondent pour les plus grandes valeurs de Q^2 à $\sim 10^3$ GeV^2($x \sim 0.03$) et que les mesures à grand x sont celles de BCDMS, NMC et CCFR qui vont de $0.03 < x < 0.8$ (mais avec $Q^2 < 250$ GeV^2).

La figure 2.5 montre la forme des densités de quarks en fonction de x pour différents Q^2. Elle montre comment celles-ci varient sur un grand intervalle en Q^2 ($1000 \rightarrow 30000$ GeV^2): la région des grandes valeurs de x se dépeuplent au profit des petites valeurs de x lorsque Q^2 augmente. Elle montre aussi quels sont les quarks qui jouent un rôle important pour $x > 0.2$. Ainsi la section efficace courant neutre est surtout sensible à la densité du quark u: d'une part à cause de sa charge ($e_u^2 = 4e_d^2$) et d'autre part parce que les quarks u sont environ deux fois plus nombreux que les quarks d. La section efficace courant chargé est en revanche gouvernée par la densité du quark d.

2.2.3 Caractéristiques des sections efficaces

Nous savons maintenant que le modèle standard des DIP consiste en un ensemble de densités de partons qui évoluent suivant QCD, et qu'il dépend de α_S et des paramètres électrofaibles. Avant de déterminer avec quelle précision ce modèle est capable de prédire la section efficace de DIP à grand Q^2, nous allons faire un rapide état des lieux.

Processus	Expériences	Sous-processus	Quantités contraintes
DIS ($\mu N \to \mu X$) ($F_2^{\mu p}, F_2^{\mu n}$)	BCDMS [12] NMC [13]	$\gamma^* q \to q$	$(u+\bar{u}), (d+\bar{d})$ $(\bar{u}+\bar{d}), s(=\bar{s})$
DIS ($\nu N \to \mu X$) ($F_2^{\nu p}, xF_3^{\nu n}$)	CCFR [14]	$W^* q \to q$	
$\mu N \to c\bar{c}X$ (F_2^c)	EMC [15]	$\gamma^* c \to c$	$c \sim 0.1s$ à Q_0^2
$\nu N \to \mu^+\mu^- X$	CCFR [16]	$W^* s \to c$ $\hookrightarrow \mu^+$	$s \sim 0.5\bar{u}$
DIS ($ep \to eX$) (F_2^{ep})	H1 [17] ZEUS [18]	$\gamma^* q \to q$	$x\bar{q} \sim xg \sim x^\lambda$ via $g \to q\bar{q}$
$pp \to \gamma X$	WA70 [19] UA6 [20]	$qg \to \gamma q$	$g(x \sim 0.4)$
$pN \to \mu^+\mu^- X$	E605 [21]	$q\bar{q} \to \gamma^*$	$\bar{q} \sim (1-x)^{\kappa_S}$
	NA51 [22]	$u\bar{u}, d\bar{d} \to \gamma^*$	$(\bar{u}-\bar{d})$ à $x \sim 0.18$
$p\bar{p} \to WX(ZX)$	UA2 [23],CDF [24]	$u\bar{d}, \bar{u}d \to W; u\bar{u}, d\bar{d} \to Z$	u et d à $x \sim 0.13, 0.05$
$p\bar{p} \to W^\pm$ asym.	CDF [24]	$u\bar{d} \to W^+; \bar{u}d \to W^-$	pente de u/d à $x \sim 0.05$

TAB. 2.1 – *Récapitulatif des résultats expérimentaux utilisés pour déterminer la paramétrisation des densités de partons MRS(H).*

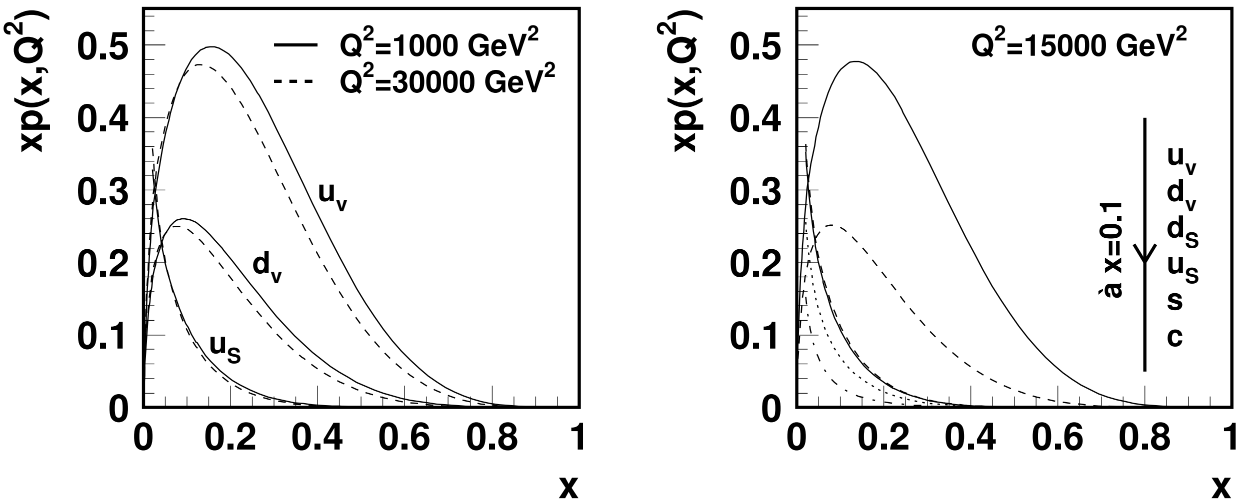

FIG. 2.5 – *Densités de quark dans le proton d'après la paramétrisation MRS(H):* u_v, d_v *(valence) et* u_S *(mer) pour* $Q^2 = 1000$ *et* 30000 GeV^2 *(à gauche) et pour tous les quarks à* $Q^2 = 15000$ GeV^2 *(à droite).*

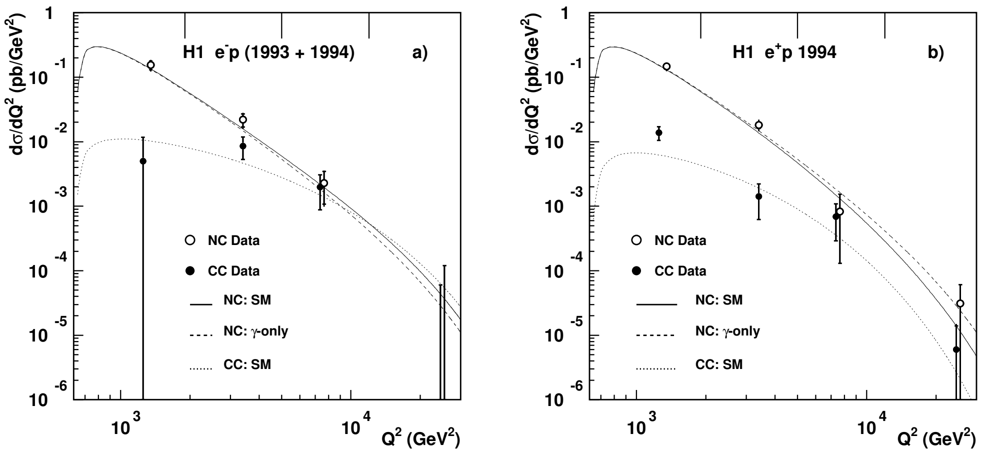

FIG. 2.6 – *Section efficace différentielle $d\sigma/dQ^2$ courant neutre (NC) et courant chargé (CC) pour des collisions e^-p (a) et pour des collisions e^+p (b) telles que mesurées par H1 (symboles) et prédites par le modèle standard de DIP avec MRS(H) (courbe).*

Il faut tout d'abord remarquer que nous entrons dans une région en Q^2 où la DIP en courant neutre commence à être sensible à l'échange du Z^0. Jusqu'à présent HERA n'a mesuré de façon précise les fonctions de structure en courant neutre que dans le domaine où cet échange peut être ignoré. Les figures 2.6 (a) et (b) [25] montrent les sections efficaces mesurées par H1 et prédites par le Modèle Standard des DIP (avec MRS(H)) en courant neutre et courant chargé pour des collisions e^-p et e^+p. En comparant les courbes prédites pour les modes e^-p et e^+p, on voit clairement l'effet de l'interférence du Z^0 et du photon: elle est positive dans le premier cas et négative pour le second. Par conséquent la section efficace en mode e^+p est plus faible que celle en mode e^-p à très grandes valeurs de Q^2. Cette caractéristique du mode e^+p est donc un avantage pour la recherche de physique au-delà du Modèle Standard puisque le bruit de fond de DIP est plus faible. Les figures 2.6 montrent que, passé l'échelle électrofaible (M_Z^2), les sections efficaces courant neutre et courant chargé deviennent du même ordre de grandeur. On voit aussi qu'avec uniquement les données 1994 la précision de la mesure à grand Q^2 est mauvaise. Ce fait est en partie dû à la très faible statistique obtenue dans cette région. L'analyse présentée dans cette thèse repose sur un ensemble de données environ 10 fois supérieur qui va donc permettre d'étudier plus finement cette région.

Il est usuel d'introduire la “section efficace réduite”:

$$\sigma(x, Q^2) = \frac{xQ^4}{2\pi\alpha^2}\frac{1}{1+(1-y)^2}\frac{d^2\sigma(e^+p \to e^+X)}{dxdQ^2}$$

car elle se réduit à F_2 lorsque le Z^0 peut être ignoré. La figure 2.7 montre cette section efficace réduite en fonction de Q^2 pour différentes valeurs de x. Le fait que la pente de ces courbes ne soit pas nulle constitue la violation de l'invariance d'échelle. Le signe de la pente (négatif à grand x et positif pour la plus petite valeur de x de cette figure ($x = 0.07$)) illustre le dépeuplement des grands x au profit des petits x lorsque Q^2 augmente. La figure 2.7 rappelle que la région couverte par les expériences de DIP sur cible fixe se limite

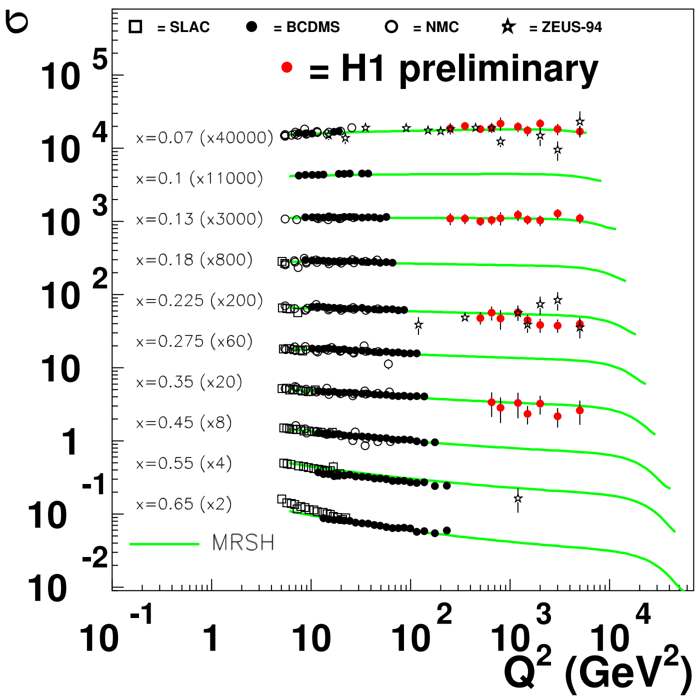

FIG. 2.7 – *Section efficace réduite courant neutre pour des collisions e^+p en fonction de Q^2 pour différentes valeurs de x. Les symboles correspondent aux résultats expérimentaux et les courbes à la prédiction du Modèle Standard de DIP avec MRS(H). Les données préliminaires de H1 correspondent à une luminosité intégrée de* 23.7 pb^{-1}. *Cette figure provient de la référence [26].*

à $Q^2 < 300$ GeV^2. On voit ainsi l'intérêt de la mesure des fonctions de structure à grand Q^2: couvrir un large domaine sur lequel il est possible de tester les évolutions DGLAP sur plusieurs ordres de grandeur et rentrer dans le domaine où l'effet de l'interférence négative due au Z^0 (correspondant au décrochement des courbes à $Q^2 \sim 10000$ GeV^2) devient dominant par rapport à l'évolution QCD. Les résultats préliminaires de H1 montrés sur cette figure ont été obtenus à partir de deux tiers des données que j'ai utilisées. Ils donnent un avant goût du domaine couvert par l'analyse présentée dans cette thèse.

2.3 Systématiques à grand Q^2

Maintenant que nous savons comment prédire la section efficace de DIP à grand Q^2, il faut déterminer l'incertitude associée à cette prédiction. Cette incertitude, que l'on qualifiera de théorique, sur la valeur de la section efficace, est estimée à $\pm 7\%$. Elle provient principalement de trois sources que nous allons détailler. La systématique due aux incertitudes sur les paramètres électrofaibles, étant estimée inférieure à 0.25%, est considérée comme négligeable.

Incertitude sur les densités de partons

Nous avons vu que la paramétrisation des densités de partons utilisée est le résultat d'un ajustement. Les lots de données utilisées sont tous affectés par des erreurs expérimentales qui se traduisent par une incertitude sur les paramètres obtenus après ajustement [27]. L'incertitude correspondante sur les densités de parton a été estimée à $\pm 5\%$. D'autre part nous avons choisi une paramétrisation qui suppose une certaine forme des densités de partons à l'échelle Q_0^2. Il convient de vérifier que ce choix n'entraine aucun biais. Nous avons vérifié que l'incertitude de $\pm 5\%$ rend compte des différences obtenues en comparant les sections efficaces calculées analytiquement par le programme HECTOR [28] à partir de plusieurs paramétrisations (NLL) récentes: MRS [29], CTEQ [30], et GRV [31] (toutes obtenues dans le schéma $\overline{MS}$). La figure 2.8 (haut) compare $d\sigma/dx$ pour MRS(H) et pour des paramétrisations qui utilisent une forme des densités de partons à Q_0^2 différente de celle de MRS(H) (GRV et CTEQ). Les différences observées sont inférieures à $\pm 5\%$.

Il est à noter que cette erreur est sous-estimée dans le cas de la section efficace de DIP en courant chargé. La densité de d_v est en effet moins bien contrainte que celle de u_v. Pour l'analyse en courant chargé nous avons appliqué une erreur (estimée en comparant différentes paramétrisations) qui varie de 5% à petit Q^2 à 20% à très grand Q^2 (c'est-à-dire à grand x).

Incertitude sur α_S

Nous avons vu que, pour MRS(H), la valeur de $\alpha_S(M_Z^2)$ obtenue après ajustement est 0.112 ± 0.005, ce qui est inférieur à la valeur mondiale 0.119 ± 0.002. Nous avons tenu compte de cette différence. L'incertitude due au choix de α_S sur la section efficace de DIP est évaluée à $\pm 4\%$. La figure 2.8 (bas) compare $d\sigma/dx$ pour MRS(H) et pour des paramétrisations qui utilisent une valeur de α_S variant entre 0.110 et 0.122 (CTEQ(4A1) à CTEQ(4A5)). En regardant comment varie $d\sigma/dx$ pour les différentes paramétrisations CTEQ, on voit que les différences observées sont inférieures à $\pm 4\%$. La conclusion est identique si l'on compare les paramétrisations MRS(R1) ($\alpha_S = 0.113$) et MRS(R2) ($\alpha_S = 0.120$) [29].

Incertitude sur les corrections QED

Nous avons jusqu'à présent considéré la section efficace au niveau de Born, c'est-à-dire celle où QED n'intervient que dans l'échange du photon entre le positron et le quark. J'ai tenu compte de la correction à l'ordre supérieur. Cette correction comprend en particulier les deux diagrammes représentés par la figure 2.9. Les effets QED influent sur la définition des variables cinématiques présentées au début de ce chapitre: il y aura des variables leptoniques (on conserve les mêmes définitions: $Q^2 = -(k-k')^2$) et des variables hadroniques (on ne se sert pas de k': $Q^2 = -(p'-p)^2$). Nous verrons plus précisément à la section 5.3.3 comment ces corrections QED influent sur l'analyse.

Les corrections QED à la section efficace de Born dépendent fortement de y. La figure 2.10

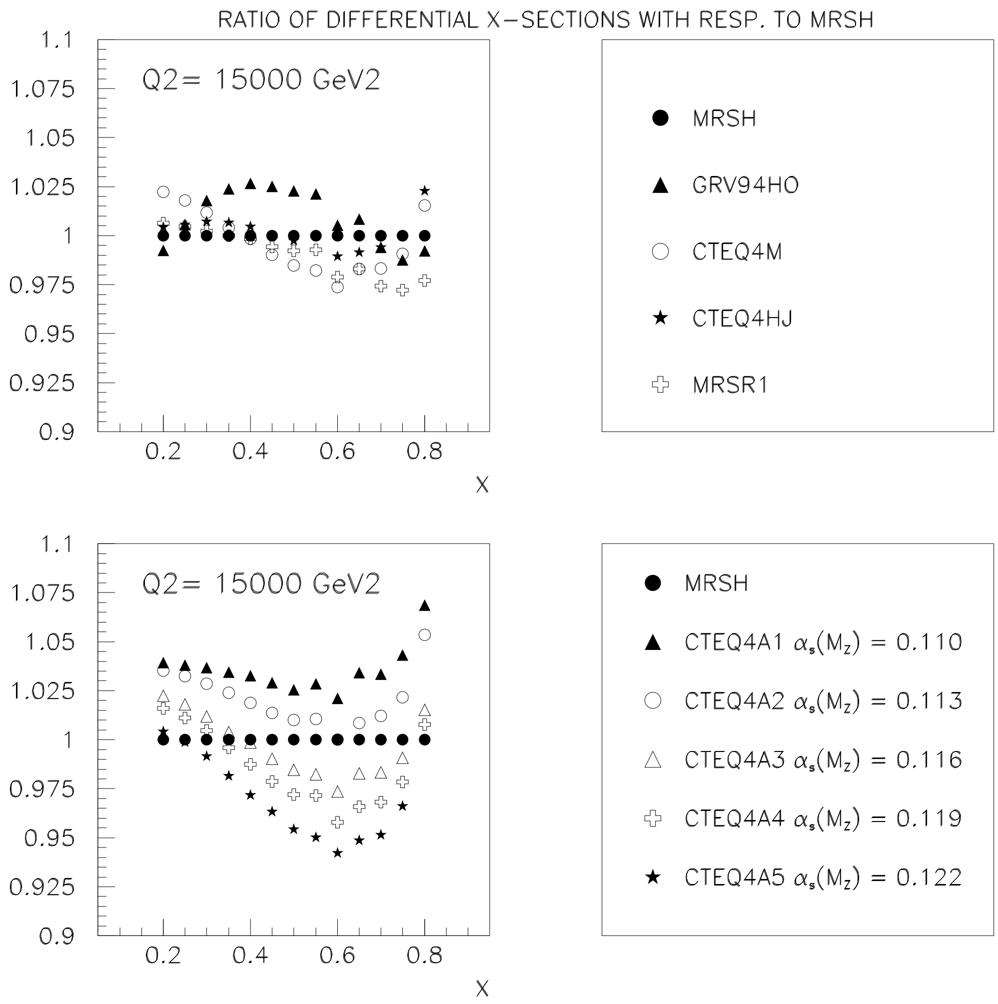

FIG. 2.8 – *Rapport de la section efficace $d\sigma/dx$ à $Q^2 = 15000$ GeV^2 obtenue à partir de différents ensembles de densités de partons sur celle obtenue avec MRS(H) en fonction de x. La figure du haut illustre l'effet du choix de la paramétrisation. La figure du bas illustre l'effet du choix de α_S.*

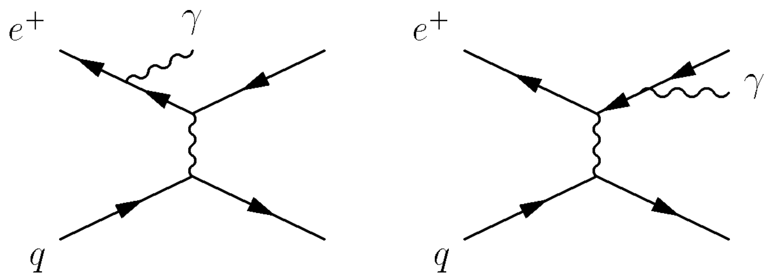

FIG. 2.9 – *Diagrammes au deuxième ordre en α_{em} intervenant en DIP: à gauche: rayonnement d'un photon dans l'état initial (QED ISR); à droite: rayonnement d'un photon dans l'état final (QED FSR).*

montre comment elles varient avec y pour plusieurs calculs prenant en compte différents ordres en α_{em}. L'effet dans le cas des variables leptoniques est une migration des petits y vers les grands y. Nous avons estimé, avec le programme HECTOR [28], à $\pm 2\%$ l'effet des ordres supérieurs que l'on ne prend pas en compte. Ce programme permet deux approches: soit un calcul exact en $\mathcal{O}(\alpha_{em})$ (précision de mon analyse) auquel on rajoute les corrections NLL (avec le programme TERAD [32]), soit un calcul à l'approximation LL auquel on rajoute les corrections NLL (avec le programme HELIOS [33]).

2.4 La génération d'événements

Afin de comparer les données à la prédiction du modèle standard des DIP en tenant compte des effets d'acceptance du détecteur, nous avons utilisé un générateur d'événements puis simulé la réponse du détecteur H1 à ces événements. Je vais décrire brièvement ce générateur et le lot d'événements simulés.

Les générateurs

Le générateur DJANGO [34] a été utilisé pour les événements de DIP courant neutre et courant chargé. En ce qui concerne les corrections QED, il inclut les corrections exactes en $\mathcal{O}(\alpha_{em})$ [35]. Il tient compte du calcul DGLAP au NLL et la paramétrisation MRS(H) a été utilisée. Il offre en outre la possibilité de modéliser l'état final hadronique de deux façons. La première consiste à utiliser LEPTO [36]: il inclut les éléments de matrice QCD au premier ordre en α_S et modélise les effets d'ordres supérieurs par des gerbes de partons à l'approximation des logarithmes dominants. La deuxième correspond au générateur ARIADNE [37] qui simule les rayonnements QCD d'après le modèle de dipôle de couleur [38]. Dans les deux cas le modèle de fragmentation des cordes [39] est utilisé pour générer l'état final hadronique.

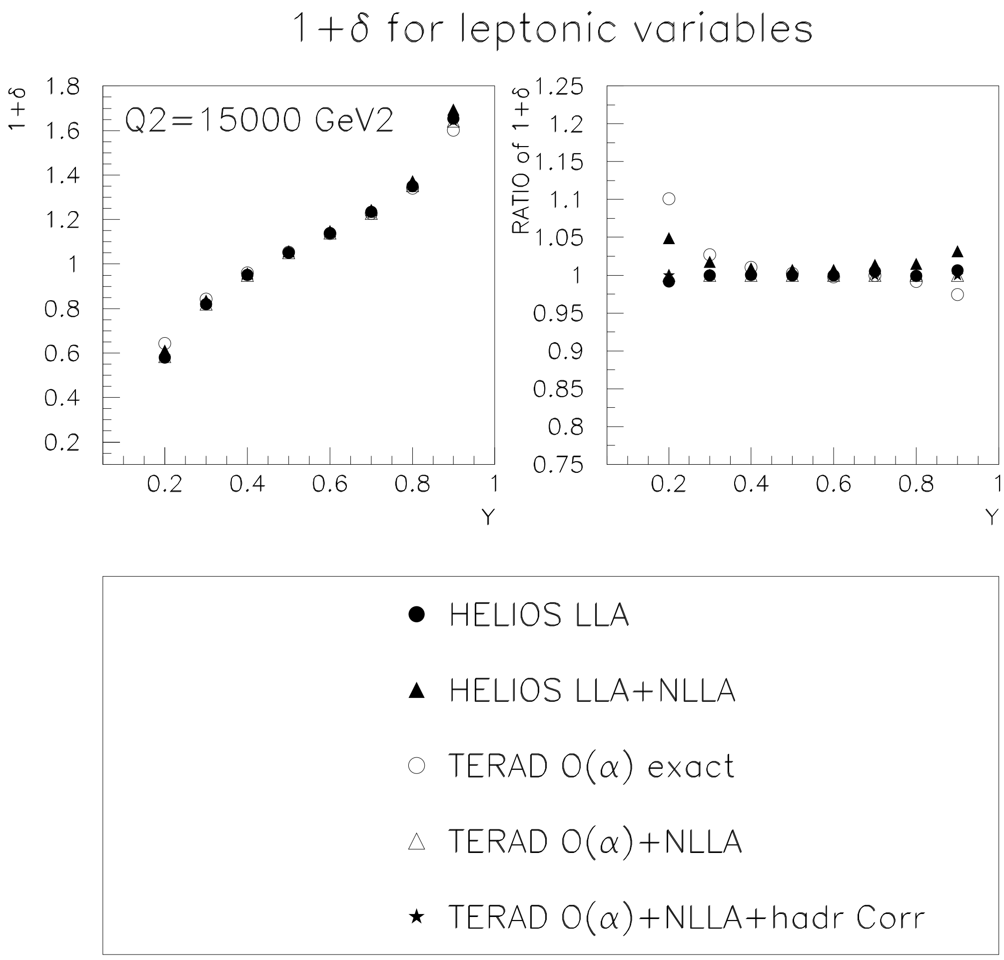

FIG. 2.10 – *A gauche: rapport* $1+\delta = (d\sigma/dy)_{radiatif}/(d\sigma/dy)_{Born}$ *(δ étant la correction apportée par les effets QED) en fonction de y à $Q^2 = 15000$ GeV^2 en utilisant les variables leptoniques. Ce rapport est donné pour plusieurs calculs prenant en compte différents ordres. A droite: comparaison de cette correction pour ces différents calculs par rapport à celui effectué par TERAD à l'approximation NLL.*

Processus	Générateur	Coupure	$\mathcal{L}$ (pb^{-1})
DIP courant neutre	DJANGO-ARIADNE	$Q^2 > 100$ GeV^2	100
		$Q^2 > 1000$ GeV^2	300
		$E_e > 50$ GeV	1300
		$Q^2 > 10000$ GeV^2	43000
	DJANGO-LEPTO	$Q^2 > 1000$ GeV^2	300
DIP courant chargé	DJANGO-ARIADNE	$Q^2 > 100$ GeV^2	2800
		$Q^2 > 10000$ GeV^2	60000

TAB. 2.2 – *Description des lots d'événements simulés. Les coupures indiquées sont appliquées au niveau du générateur sur les variables leptoniques. Les luminosités sont des luminosités équivalentes:* $\mathcal{L} = N_{gen}/\sigma$.

Lot d'événements simulés

L'important est que la systématique due à la statistique finie du lot d'événements simulés soit très faible. Puisque la section efficace de DIP décroît fortement avec Q^2, une statistique suffisante à grand Q^2 impose d'avoir à petit Q^2 une statistique gigantesque qui serait ingérable. Pour pallier cet inconvénient, j'ai utilisé plusieurs lots d'événements caractérisés chacun par une coupure différente au niveau du générateur (voir table 2.2). Il suffit ensuite d'appliquer à chaque lot un facteur de normalisation qui dépend de sa luminosité équivalente. Ceci achève la description de la modélisation des processus de DIP que j'ai utilisé dans cette thèse. Le chapitre suivant est consacré aux théories au-delà du Modèle Standard qui prédisent l'existence de leptoquarks et de squarks, et à la phénoménologie associée.

Bibliographie

[1] W. Panofsky, Proceedings of the 14^{th} Conference on HEP, Vienne (1968);
E.D. Bloom *et al.*, Phys. Rev. Lett. 23 (1969) 930.

[2] J.D. Bjorken, Phys. Rev. 148 (1966) 1467;
J.D. Bjorken, Phys. Rev. 179 (1969) 1547.

[3] C.G. Calan et D.J. Gross, Phys. Rev. 22 (1969) 156.

[4] D.J. Fox *et al.*, Phys. Rev. Lett. 33 (1974) 1540;
Y. Watanabe *et al.*, Phys. Rev. Lett. 35 (1975) 898.

[5] Particle Data Group, R.M. Barnett *et al.*, Phys. Rev. D54 (1996) 1.

[6] W. Furmanski et R. Petronzio, Z. Phys. C11 (1982) 293;
M. Diemoz, F. Ferroni, E. Longo et G. Martinelli, Z. Phys. C39 (1988);
E. Pilon, Cours de l'école d'été de physique des particules de Gif (1995).

[7] M. Davier, Compte rendu des $33^{i\grave{e}me}$ Rencontres de Moriond EW (1998) (à paraître).

[8] V.N. Gribov et L.N. Lipatov, Sov. Journ. Nucl. Phys. 15 (1972) 78;
G. Altarelli et G. Parisi, Nucl. Phys. B126 (1977) 298;
Y.L. Dokshitzer, JETP 46 (1977) 641.

[9] A.D. Martin, R.G. Roberts et W.J. Stirling, RAL-93-077 (1993) 16pp.;
A.D. Martin, R.G. Roberts et W.J. Stirling, Proceedings of the Workshop on Quantum Field Theoretical Aspects of High Energy Physics (1993) 11;
A.D. Martin, R.G. Roberts et W.J. Stirling, Phys. Rev. D50 (1994) 6734;
from [10]:
MRS(H): N_{type}=1, N_{group}=3, N_{set}=36, DIS-scheme.

[10] H. Plothow-Besch, PDFLIB Version 7.07 - W5051, CERN-PPE (December 1996).

[11] R.G. Robert, "The structure of the proton", Cambridge University Press (1990) 101.

[12] BCDMS Collaboration, A.C. Benvenuti *et al.*, Phys. Lett. B223 (1989) 485.

[13] NMC Collaboration, P. Amaudruz *et al.*, Phys. Lett. B295 (1992) 159.

[14] CCFR Collaboration, P. Z. Quintas *et al.*, Phys. Rev. Lett. 71 (1993) 1307.

[15] EMC Collaboration, J.J. Aubert *et al.*, Nucl. Phys. B213 (1982) 31.

[16] CCFR Collaboration, A.O. Bazarko *et al.*, Compte rendu des 28^{ième} Rencontres de Moriond (1993);
Columbia University Report No. NEVIS-1492 (1993) unpublished.

[17] H1 Collaboration, I. Abt *et al.*, Nucl. Phys. B407 (1993) 515.

[18] ZEUS Collaboration, M. Derrick *et al.*, Phys. Lett. B316 (1993) 412.

[19] WA70 Collaboration, M. Bonesini *et al.*, Z. Phys. C38 (1988) 371.

[20] UA6 Collaboration, G. Sozzi *et al.*, Phys. Lett. B317 (1993) 243.

[21] E605 Collaboration, C.N. Brown *et al.*, Phys. Rev. Lett. 63 (1989) 2637.

[22] NA51 Collaboration, A. Baldit *et al.*, Phys. Lett. B332 (1994) 244.

[23] UA2 Collaboration, J. Alitti *et al.*, Phys. Lett. B276 (1992) 365.

[24] CDF Collaboration, F. Abe *et al.*, Phys. Rev. Lett. 68 (1992) 2734;
idem Phys. Rev. D48 (1993) 2998; Phys. Rev. Lett. 69 (1992) 28;
idem Phys. Rev. D50 (1994) 5550; Phys. Rev. D50 (1994) 2966;
A. Bodek, CDF Collaboration, Proceedings of the International Workshop on Deep-Inelastic Scattering, Eilat, Israel (1994).

[25] H1 Collaboration, S. Aid *et al.*, Phys. Lett. B379 (1996) 319.

[26] E. Elsen, Proceedins of the International Europhysics Conference on High Energy Physics (1997), to be published.

[27] G. Lobo, C. Pascaud et F. Zomer, H1-01/98-536, note interne H1 (1998).

[28] HECTOR 1.00;
A. Arbuzov *et al.*, Comput. Phys. Comm. 94 (1996) 128.

[29] A.D. Martin, W.J. Stirling et R.G. Roberts, Phys. Lett B387 (1996) 419;
from [10] :
MRS(R1): N_{type}=1,N_{group}=3,N_{set}=53, $\overline{MS}$ scheme;
MRS(R2): N_{type}=1,N_{group}=3,N_{set}=54, $\overline{MS}$ scheme.

[30] H.L. Lai *et al.*, Phys. Rev. D55 (1997) 1280;
from [10]:
CTEQ4M: N_{type}=1, N_{group}=4, N_{set}=34, $\overline{MS}$ scheme;
CTEQ4HJ: N_{type}=1, N_{group}=4, N_{set}=40, $\overline{MS}$ scheme.

[31] M. Glück, E. Reya et A. Vogt, Z. Phys. C67 (1995) 433;
from [10]:
GRV94HO: N_{type}=1, N_{group}=5, N_{set}=6, $\overline{MS}$ scheme.

[32] TERAD 91;
A. Akhundov *et al.*, Proceedings of the Workshop “Physics at HERA”, DESY-Hamburg (1991) Vol. 3 p. 1285.

[33] HELIOS 1.0;
J. Blümlein, Proceedings of the Workshop "Physics at HERA", DESY-Hamburg (1991) Vol. 3 p. 1272.; Z. Phys. C65 (1995) 293.

[34] DJANGO 6.2;
G.A. Schuler et H. Spiesberger, Proceedings of the Workshop "Physics at HERA", DESY-Hamburg (1991) Vol. 3 p. 1419.

[35] HERACLES 4.4;
A. Kwiatkowski, H. Spiesberger et H.J. Möhring, Comput. Phys. Commun. 69 (1992) 155.

[36] LEPTO 6.5;
G. Ingelman, Proceedings of the Workshop "Physics at HERA", DESY-Hamburg (1991) Vol. 3 p. 1366.

[37] ARIADNE 4.08;
L. Lönnblad, Comput. Phys. Commun. 71 (1992) 15.

[38] G. Gustafson et U. Pettersson, Nucl. Phys. B306 (1988) 746;
idem, *addendum* Lund University preprint LU-TP-87-19 (1987) 4pp.;
B. Andersson *et al.*, Z. Phys. C43 (1989) 625.

[39] JETSET 7.3 et 7.4;
T. Sjöstrand, Lund Univ. preprint LU-TP-95-20 (1995) 321pp;
idem, CERN preprint TH-7112-93 (February 1994) 305pp.

Chapitre 3

La physique au-delà du Modèle Standard à HERA

Je vais tout d'abord introduire le sujet en résumant les arguments en faveur d'une nouvelle physique au-delà du Modèle Standard et en précisant comment s'effectue, de façon générale, la recherche expérimentale d'une telle physique. Ma thèse a consisté à rechercher des nouvelles particules se couplant à des paires lepton-quark: les leptoquarks et les squarks en supersymétrie avec violation de la R-parité. J'en décrirai les motivations théoriques ainsi que la phénoménologie correspondante à HERA.

3.1 Introduction

3.1.1 Aspects théoriques

Le Modèle Standard n'a pas été mis en défaut expérimentalement. Une seule pièce manque à l'appel: le boson de Higgs dont la masse n'est pas prédite et qui fait actuellement l'objet de recherches intensives. Du côté théorique [1], des critères d'unitarité impliquent que $M_H \lesssim 1$ TeV. Si de plus on suppose que le Modèle Standard est valide jusqu'à l'échelle de grande unification $M_{GUT} \sim 10^{16}$ GeV, la masse du boson de Higgs doit se trouver aux environs de $100 \sim 200$ GeV. Du côté expérimental, les expériences du LEP ont récemment [2] combiné leurs résultats: $M_H > 89.3$ GeV à 95% de confiance. De plus, un ajustement global de l'ensemble des données actuelles [3] semble favoriser un Higgs léger, de l'ordre de $100 \sim 200$ GeV. Par conséquent la fenêtre restante pour un Higgs standard est réduite, et il pourrait être découvert à LEP2 ou au LHC. Il est à noter qu'une fenêtre reste ouverte pour le Higgs au TeVatron.

Cependant le sentiment que le Modèle Standard n'est sans doute qu'une théorie effective à basse énergie d'une théorie plus fondamentale dont l'échelle d'énergie se situerait bien au dessus de celle de la théorie électrofaible est ancien. Le Modèle Standard contient en effet 19 paramètres libres qu'il est n'est pas en mesure d'expliquer. En essayant de comprendre l'origine de ces paramètres on se heurte à de nombreux problèmes que l'on peut classer en trois catégories:

- **Problème d'unification**: Le Modèle Standard ne rend compte que des interactions électrofaible et fortes. Il n'inclut pas la gravitation dont l'échelle d'énergie est donnée par la masse de Planck $M_P \sim 10^{19}$ GeV. Ce que l'on recherche est une théorie fondamentale qui unifierait toutes les interactions en une seule.

- **Problème de famille**: Les fermions se rangent en trois familles. La question est de savoir pourquoi il y en a autant et pourquoi elles se mélangent. Cette structure en familles qui se répètent avec des masses de plus en plus grandes semble suggérer que nous avons affaire à des objets composites.

- **Problème de hiérarchie**: C'est le boson de Higgs qui, dans le Modèle Standard, est à l'origine de la masse des particules. Cependant rien n'explique pourquoi ces masses sont si faibles par rapport à M_P, qui est la seule échelle de masse vraiment fondamentale.

Ce dernier point est considéré comme le plus important. Il provient du fait qu'il est difficile, à cause des corrections quantiques, d'avoir dans une théorie des champs des scalaires fondamentaux dont la masse est beaucoup plus petite que Λ_{max}, échelle maximale à laquelle cette théorie est valable. On comprend comment certains champs peuvent conserver une masse légère: il suffit qu'il existe une symétrie presque réalisée qui interdise les termes de masse pour ces champs. Ainsi une théorie de jauge impose que ses bosons vecteurs soient de masse nulle. De même une symétrie chirale impose que les fermions soient de masse nulle[1]. Dans le cas des scalaires, ils peuvent avoir une masse faible s'ils sont les bosons de Goldstone d'une symétrie globale spontanément brisée (comme par exemple les hadrons). En revanche, aucune symétrie ne peut jouer ce rôle pour le boson de Higgs dans le Modèle Standard. Les corrections à la masse du Higgs sont alors quadratiquement divergentes: $\delta M_H^2 \sim \Lambda_{max}^2$. Or le boson de Higgs donne l'échelle de la brisure de symétrie électrofaible. Sa masse doit, de ce fait, être de l'ordre de M_W. Par conséquent:

- soit le Modèle standard est valable jusqu'à $\Lambda_{max} = M_{GUT} \sim 10^{16}$GeV, et il faut en renormalisant la théorie ajuster de façon fine la masse "nue" du Higgs à ces corrections pour maintenir le Higgs à une échelle compatible avec M_W (la précision requise est de l'ordre de $(M_W/\Lambda_{max})^2$, d'où l'appellation "problème de naturalité");

- soit on refuse une telle conspiration, ce qui implique que l'échelle Λ_{max}, à partir de laquelle une nouvelle physique doit apparaître, est de l'ordre du TeV.

C'est pour répondre aux trois questions précédentes que plusieurs théories au-delà du Modèle Standard ont vu le jour, en particulier celles qui prédisent l'existence de leptoquarks et la théorie de la supersymétrie qui vont être décrites respectivement dans les sections 3.2.1 et 3.3.1.

1. C'est précisément le mécanisme de Higgs qui permet aux bosons de jauge et aux fermions d'acquérir une masse.

3.1.2 Aspects expérimentaux

Ce qui importe ici, c'est de connaître, pour chaque théorie "exotique", les observables qui permettent de la mettre en évidence, et quelles sont les prédictions pour ces observables. C'est par conséquent la phénoménologie de ces théories qui nous intéressent au premier chef.

Il s'agit ensuite, pour ces observables, de comparer l'observation expérimentale à la prédiction théorique. Il peut s'agir d'une recherche directe ou indirecte, suivant que l'on cherche à mettre en évidence la production (ou l'échange) d'une nouvelle particule sur sa couche de masse ou les effets dus à l'échange virtuel d'une telle particule.

Lorsque les données sont compatibles avec la prédiction du Modèle Standard, ces résultats se traduisent en limites de rejet sur les paramètres de la nouvelle théorie testée. D'où l'importance d'avoir des modèles exotiques "standards" pour travailler dans un cadre commun, ce qui permet de comparer directement les résultats de différentes expériences.

3.2 Les leptoquarks

Leptoquark est le nom générique des bosons, portant une charge de couleur et une charge électrique fractionnaire ainsi que des nombres quantiques leptonique et baryonique. Ils se couplent par conséquent à des paires lepton-quark, et c'est pour cela qu'il nous intéressent particulièrement. Ils apparaissent dans de nombreuses théories au-delà du Modèle Standard que nous allons passer en revue brièvement avant de présenter le cadre phénoménologique utilisé dans les collisions ep. Ils pourraient être détectés à HERA si leur masse est inférieure à la limite cinématique $\sqrt{s} = 300$ GeV.

3.2.1 Origine théorique des leptoquarks

Une des tentatives d'unification des forces électromagnétique et forte consiste à inclure le groupe de symétrie $SU(3)_C \otimes SU(2)_L \otimes U(1)_Y$ dans un seul groupe de jauge G avec une seule constante de couplage g_G. On suppose alors qu'au-dessus d'une certaine échelle de masse M_{GUT}, à laquelle les constantes de couplage du Modèle Standard convergent vers la même valeur, tous les phénomènes satisfont à la symétrie G. Parmi les groupes possibles, le candidat le plus simple est $SU(5)$ [4] dans lequel les 15 états fermioniques de chaque génération trouvent leur place dans les représentations $\bar{5}$ et 10. Ces représentations mélangent les quarks et les leptons, ce qui est très intéressant car la séparation des fermions en leptons et quarks à l'intérieur des familles dans le Modèle Standard ne semble pas fondamentale. En effet, le Modèle Standard ne serait pas renormalisable si les anomalies triangulaires ne s'annulaient pas. Or ces anomalies s'annulent à l'intérieur de chaque famille, entre leptons et quarks. Cela semble suggérer que les couplages des leptons et ceux des quarks doivent être reliés entre eux de façon fondamentale. Dans le cas de $SU(5)$, puisqu'il doit contenir l'électromagnétisme, l'opérateur de charge Q doit vérifier $\mathrm{tr}Q = 0$, ce qui implique que la somme des charges des particules d'un même multiplet doit être nulle. Pour le multiplet $\bar{5}$ on obtient d'une façon naturelle la relation entre la charge de l'électron et celle du quark d: $Q_d = \frac{1}{3}Q_e$.

D'un point de vue bosonique, ce modèle minimal de grande unification contient $5^2-1=24$ bosons de jauge, soit les 12 bosons du Modèle Standard et 12 nouveaux bosons leptoquarks $X_i^{\pm}$ ($|Q| = 4/3$) et $Y_j^{\pm}$ ($|Q| = 1/3$) avec des couplages lepton-quark et quark-quark fixés par la symétrie de jauge. Pour $SU(5)$, l'échelle de grande unification est $M_{GUT} \sim 2.10^{14}$ GeV.

Une des principales conséquences de l'existence simultanée de transitions lepton-quark et quark-quark est qu'elles peuvent entraîner la désintégration du proton. Dans le cadre de $SU(5)$, le temps de vie du proton est $\tau_p \sim \frac{M_{LQ}^4}{g_G(M_{LQ})m_p^5} \sim 10^{29}$ années avec $M_{LQ} \simeq M_{GUT}$. Or on sait expérimentalement que $\tau_p \geq 10^{32}$ années, ce qui exclut le candidat $SU(5)$ minimal qui de toute façon ne permettait pas une convergence parfaite des constantes de couplage et ne résolvait pas le problème de hiérarchie.

Des solutions ont été envisagées pour "sauver" ce modèle. On peut d'une part considérer sa version supersymétrique. La supersymétrie sera décrite dans la section 3.3.1. Une autre solution [5] consiste à introduire un multiplet 10 de scalaires dont un doublet de $SU(2)$ est léger ($\sim$ 100 GeV) et les autres très lourds. Les leptoquarks de ce doublet ne se couplant qu'à des paires lepton-quark, le temps de vie du proton devient marginalement compatible avec les limites actuelles. La convergence des constantes de couplage est assurée mais le problème de hiérarchie subsiste.

Une autre catégorie de théories, dans lesquelles apparaissent des leptoquarks, introduit une échelle de sous-structure. En effet, lorsque les fermions sont composites, il peut exister des combinaisons de leurs sous-constituants qui forment des états liés de type leptoquark. Il existe des modèles [9] où ces leptoquarks seraient naturellement légers ($\lesssim$ 250 GeV) sans pour autant rentrer en conflit avec les limites sur le temps de vie du proton. Mais le Higgs restant fondamental, le problème de la hiérarchie n'est pas réglé.

D'autres théories complètement différentes conceptuellement font apparaître des bosons leptoquarks. Il s'agit de certaines théories de supercordes. Elles ont été construites pour unifier les forces électrofaibles, forte et gravitationnelle. Les différences fondamentales entre ces interactions sont que les interactions électrofaibles et fortes sont des symétries internes et sont véhiculées par des champs vectoriels, alors que la gravitation est reliée directement à l'espace-temps et décrite par un champ tensoriel. Une théorie unifiant ces interactions et qui reposerait sur des champs quantiques ne serait en effet pas renormalisable. Les théories de supercordes, au lieu de travailler sur des champs, considèrent des objets dans un espace à $n \geq 10$ dimensions dont les modes de vibration correspondent aux différentes particules. Il faut ensuite compactifier cet espace pour prédire la limite à basse énergie dans un espace à 4 dimensions, ce que permet assez naturellement la supersymétrie. Dans le cas où cette théorie est basée sur le groupe E_6, deux nouveaux fermions apparaissent. Leurs partenaires supersymétriques sont des scalaires qui ont des couplages de Yukawa à des paires lepton-quark [10], et pourraient avoir une masse inférieure au TeV.

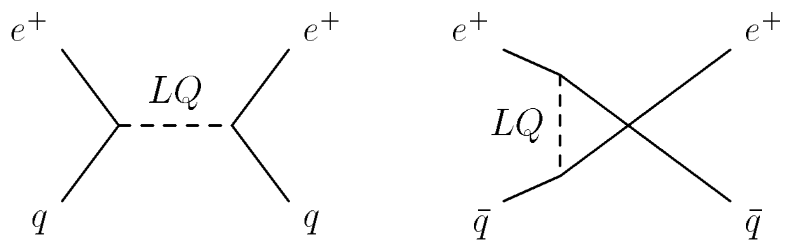

FIG. 3.1 – *Diagrammes $e^+q \to e^+q$ faisant intervenir un leptoquark: production en voie s (à gauche) et échange en voie u (à droite).*

3.2.2 Phénoménologie des leptoquarks à HERA

Lagrangien effectif

Comme on vient de le voir les leptoquarks apparaissent dans de nombreuses théories avec des spins, des charges et des isospins faibles divers et variés. Afin de permettre une étude systématique on utilise le lagrangien phénoménologique proposé par Buchmüller, Rückl et Wyler [11]. Il conserve les nombres leptonique et baryonique, satisfait aux symétries de jauge du Modèle Standard et inclut tous les couplages sans dimension possibles entre des leptoquarks scalaires ou vecteurs et les leptons et les quarks. Les leptoquarks apparaissent comme des triplets de couleurs et des multiplets d'isospin faible. Ils portent un nombre fermionique $F = 3B + L$ (où B et L sont respectivement les nombres baryonique et leptonique), qui peut prendre les valeurs 0 ou 2 pour un leptoquark se couplant à un électron et un quark ou un antiquark (-2 ou 0 pour l'anti-leptoquark correspondant)[2]. Ce lagrangien s'écrit:

$$\mathcal{L} = \mathcal{L}_{F=2} + \mathcal{L}_{F=0}$$

avec

$$\begin{aligned}
\mathcal{L}_{F=2} &= (g_{1L}\bar{q}^c_L i\tau_2 l_L + g_{1R}\bar{u}^c_L e^-_R)S_0 + \tilde{g}_{1R}\bar{d}^c_R e^-_R \tilde{S}_0 + g_{3L}\bar{q}^c_L i\tau_2\tau l_L S_1 \\
&+ (g_{2L}\bar{d}^c_R\gamma^\mu l_L + g_{2R}\bar{q}^c_L\gamma^\mu e^-_R)V_{1/2\mu} + \tilde{g}_{2L}\bar{u}^c_R\gamma^\mu l_L \tilde{V}_{1/2\mu} + h.c. \\
\mathcal{L}_{F=0} &= (h_{1L}\bar{q}_L\gamma^\mu l_L + h_{1R}\bar{d}_R\gamma^\mu e^-_R)V_{0\mu} + \tilde{h}_{1R}\bar{u}_R\gamma^\mu e^-_R\tilde{V}_{o\mu} + h_{3L}\bar{q}_L\tau\gamma^\mu l_L V_{1\mu} \\
&+ (h_{2L}\bar{u}_R l_L + h_{2R}\bar{q}_L i\tau_2 e^-_R)S_{1/2} + \tilde{h}_{2L}\bar{d}_R l_L\tilde{S}_{1/2} + h.c
\end{aligned}$$

où q_L et l_L représentent les doublets gauches de quarks et de leptons et e^-_R, d_R et u_R les singulets droits de l'électron et des quarks u et d. Les conjugués de charge des champs des fermions sont dénotés ψ^c avec la convention $\psi^c = C\bar{\psi}^T$. L'indice L et R apposé aux constantes de couplage correspond à la chiralité du lepton mis en jeu. A partir d'un état initial e^+q les diagrammes faisant intervenir un leptoquark sont indiqués dans la figure 3.1. A HERA, pour des leptoquarks de masse inférieure à $\sqrt{s} = 300$ GeV, le diagramme de l'échange en voie u est négligeable.

Les caractéristiques de ces 10 leptoquarks ainsi que leurs voies de production et de désintégration sont données dans la table 3.1. La nomenclature spectroscopique est tirée de [12]

2. Lorsque ces leptoquarks sont produits par fusion lepton-quark (de première génération) lors de collisions lepton-proton, F permet ainsi de savoir si le quark en jeu est un quark de valence ou un antiquark, ce qui donne une idée de l'importance de la section efficace de production.

$F=-2$	T_3	prod. et désint.	$\mathcal{B}$	$F=0$	T_3	prod. et désint.	$\mathcal{B}$
$^{-1/3}S_0^*$	0	$e^+_R\bar{u}_R \to e^+\bar{u}$	1/2	$^{-2/3}V_0^*$	0	$e^+d_L \to e^+d$	1/2
		$\to \bar{\nu}_e\bar{d}$	1/2			$\to \bar{\nu}_e u$	1/2
		$e^+_L\bar{u}_L \to e^+\bar{u}$	1			$e^+_L d_R \to e^+d$	1
$^{-4/3}\tilde{S}_0^*$	0	$e^+_L\bar{d}_L \to e^+\bar{d}$	1	$^{-5/3}\tilde{V}_0^*$	0	$e^+_L u_R \to e^+u$	1
$^{-4/3}S_1^*$	$+1$	$e^+_R\bar{d}_R \to e^+\bar{d}$	1	$^{-5/3}V_1^*$	$+1$	$e^+_R u_L \to e^+u$	1
$^{-1/3}S_1^*$	0	$e^+_R\bar{u}_R \to e^+\bar{u}$	1/2	$^{-2/3}V_1^*$	0	$e^+_R d_L \to e^+d$	1/2
		$\to \bar{\nu}_e\bar{d}$	1/2			$\to \bar{\nu}_e u$	1/2
$^{+2/3}S_1^*$	-1	aucun		$^{+1/3}V_1^*$	-1	aucun	
$^{-4/3}V_{1/2}^*$	$+1/2$	$e^+_L\bar{d}_R \to e^+\bar{d}$	1	$^{-5/3}S_{1/2}^*$	$+1/2$	$e^+_L u_L \to e^+u$	1
		$e^+_R\bar{d}_L \to e^+\bar{d}$	1			$e^+_R u_R \to e^+u$	1
$^{-1/3}V_{1/2}^*$	$-1/2$	$e^+_L\bar{u}_R \to e^+\bar{u}$	1	$^{-2/3}S_{1/2}^*$	$-1/2$	$e^+_L d_L \to e^+d$	1
$^{-1/3}\tilde{V}_{1/2}^*$	$+1/2$	$e^+_R\bar{u}_L \to e^+\bar{u}$	1	$^{-2/3}\tilde{S}_{1/2}^*$	$+1/2$	$e^+_R d_R \to e^+d$	1
$^{+2/3}\tilde{V}_{1/2}^*$	$-1/2$	aucun		$^{+1/3}\tilde{S}_{1/2}^*$	$-1/2$	aucun	

TAB. 3.1 – *Multiplets d'isospin T de leptoquarks scalaires (^QS_T) et vecteurs (^QV_T) de charge électrique Q, de nombre fermionique $F=-2$ ou $F=0$. Les canaux autorisés à HERA pour la production et la désintégration (avec un rapport d' embranchement $\mathcal{B}$) de leptoquarks de première génération sont donnés uniquement pour le cas d'un faisceau de positrons. Les * indiquent que, en faisceau e^+, ce sont par convention des anti-leptoquarks que l'on peut produire.*

où ^QS_T et ^QV_T sont les multiplets d'isospin faible T et de charge électrique Q scalaires et vecteurs.

Ainsi, le leptoquark scalaire S_0, singulet de $SU(2)$ de charge électrique $|Q|=1/3$ correspond au multiplet scalaire motivé par des modèles de supercordes E_6 [10]. De même, le leptoquark scalaire $\tilde{S}_{1/2}$ a été proposé dans une extension du modèle minimal de $SU(5)$ [5].

Un résumé des contraintes existantes sur les couplages sera présenté dans le chapitre 8, mais certaines contraintes, provenant des expériences à basse énergie, permettent de simplifier dès maintenant la recherche que nous allons mener. Afin de ne pas rendre la désintégration du proton possible, nous allons supposer que les leptoquarks que nous considérons ne se couplent pas à des paires quark-quark. D'autre part, un leptoquark se couplant à la fois aux quarks droit et gauche contribuerait de façon significative à la désintégration électronique du pion [6]. La valeur mesurée $\mathcal{B}(\pi^+ \to e^+\nu_e) = 1.2 \cdot 10^{-4}$ entraîne la contrainte $M_{LQ}^2/(\lambda_L\lambda_R) > (100\ \text{TeV})^2$ [7]. Celle-ci est vérifiée en demandant que les couplages des leptoquarks soient chiraux, c'est-à-dire qu'ils se couplent soit aux quarks gauches, soit aux quarks droits. Enfin, les leptoquarks se couplant à différentes générations peuvent induire des processus par courant neutre changeant la saveur des quarks ou des leptons (FCNC). La limite la plus contraignante provient de la désintégration $K_L \to \mu e$ [8] et vaut $M_{LQ}/\lambda > 100$ TeV (en négligeant les corrections radiatives). Elle peut être contournée en demandant que les couplages des leptoquarks soient diagonaux, ce qui signifie qu'ils ne se couplent pas à deux paires lepton-quark dont les leptons ou les quarks appartiennent à des générations différentes. Nous supposerons de plus que les leptoquarks à l'intérieur d'un multiplet sont dégénérés en masse.

Production et désintégration

Nous allons d'abord nous intéresser à la largeur de désintégration de ces leptoquarks car elle va influer sur la section efficace de production, comme nous le verrons par la suite.

Pour un état final lepton-quark donné, les largeurs partielles de désintégration des leptoquarks scalaire et vecteur sont:

$$\Gamma^S_{LQ} = \frac{\lambda^2}{16\pi} M_{LQ}$$
$$\Gamma^V_{LQ} = \frac{\lambda^2}{24\pi} M_{LQ}$$

où λ correspond au couplage du leptoquark dans cet état final donné ($\lambda_{L,R} = g_{L,R}, h_{L,R}$) et M_{LQ} à sa masse. On obtient la largeur totale en sommant sur tous les états finaux possibles. Puisqu'il y en a peu et que les largeurs partielles sont très étroites, la largeur intrinsèque de la résonance est très étroite. A titre d'exemple, pour un couplage correspondant au couplage électromagnétique ($\lambda = \sqrt{4\pi\alpha_{em}} \simeq 0.3$) et une masse de 200 GeV la largeur est de l'ordre du GeV.

Nous allons maintenant calculer la section efficace de production d'un leptoquark scalaire à HERA en voie s correspondant à la figure 3.1 ($\sigma(e^+p \to LQ)$), en tenant compte du fait que cette largeur est étroite. Nous allons d'abord calculer celle du processus $e^+(\mathbf{p}_1)q(\mathbf{p}_2) \to LQ \to e^+(\mathbf{q}_1)q(\mathbf{q}_2)$ (les lettres en gras indiquent les quadri-vecteurs), dont l'élément de matrice s'écrit:

$$\mathcal{M} = \bar{v}(p_1)\frac{\lambda}{2}(1-\gamma_5)u(p_2)\frac{i}{\hat{s} - M^2_{LQ} + iM_{LQ}\Gamma_{LQ}}\bar{u}(q_2)\frac{\lambda}{2}(1-\gamma_5)v(q_1)$$

où $\hat{s}$ correspond à l'énergie dans le centre de masse du système (e^+q). On en déduit:

$$\overline{|\mathcal{M}|^2} = \frac{\lambda^4\hat{s}^2}{4\left[(\hat{s} - M^2_{LQ})^2 + M^2_{LQ}\Gamma^2_{LQ}\right]} \quad .$$

La section efficace recherchée est donc:

$$d\sigma(e^+q \to LQ \to e^+q) = \frac{1}{2\hat{s}} \times \frac{\lambda^4\hat{s}^2}{4\left[(\hat{s} - M^2_{LQ})^2 + M^2_{LQ}\Gamma^2_{LQ}\right]} \times \frac{d\Omega}{32\pi^2} \quad .$$

L'intégration sur l'espace de phase ne pose pas de problème puisque $\hat{s}$ est constant:

$$\sigma(e^+q \to LQ \to e^+q) = \frac{\lambda^4\hat{s}}{64\pi\left[(\hat{s} - M^2_{LQ})^2 + M^2_{LQ}\Gamma^2_{LQ}\right]} \quad .$$

La largeur partielle et le rapport d'embranchement dans l'état final choisi sont:

$$\Gamma(LQ \to e^+q) = \frac{\lambda^2 M_{LQ}}{16\pi} \quad \text{et} \quad \mathcal{B}(LQ \to e^+q) = \frac{\Gamma(LQ \to e^+q)}{\Gamma_{LQ}} \quad .$$

Puisque $\sigma(e^+q \to LQ \to e^+q) = \sigma(e^+q \to LQ) \times \mathcal{B}(LQ \to e^+q)$, la section efficace de production est:

$$\sigma(e^+q \to LQ) = \frac{\lambda^2\Gamma_{LQ}}{4M_{LQ}}\frac{\hat{s}}{(\hat{s} - M^2_{LQ})^2 + M^2_{LQ}\Gamma^2_{LQ}} \quad .$$

Il faut maintenant prendre en compte le fait que le quark appartient au proton et donc introduire la densité de probabilité $q(x)$ que le quark emporte la fraction x d'impulsion du proton (et donc $\hat{s} = xs$):

$$\sigma(e^+p \to LQ) = \int dx\ q(x) \times \frac{\lambda^2 \Gamma_{LQ}}{4M_{LQ}} \frac{xs}{(sx - M_{LQ}^2)^2 + M_{LQ}^2 \Gamma_{LQ}^2} \quad .$$

On l'écrit sous la forme suivante:

$$\sigma(e^+p \to LQ) = \frac{\lambda^2 \pi}{4M_{LQ}^2} \int dx\ xq(x) f_\Gamma(x)$$

où

$$f_\Gamma(x) = \frac{(M_{LQ}\Gamma_{LQ}/s)}{\pi \left[(x - M_{LQ}^2/s)^2 + (M_{LQ}\Gamma_{LQ}/s)^2\right]} \quad .$$

Puisque la largeur Γ_{LQ} est très étroite, on considère $\Gamma_{LQ} \to 0$ ce qui entraîne que $f_\Gamma(x) \to \delta(x - \frac{M_{LQ}^2}{s})$ et par conséquent:

$$\sigma(e^+p \to LQ) = \frac{\pi \lambda^2}{4s} q(x = M_{LQ}^2/s) \quad .$$

Les densités dépendent non seulement de x, mais aussi d'une échelle d'énergie Q^2. On prendra $q(x = \frac{M^2}{s}, Q^2 = M^2)$. On voit que le phénomène de résonance, comme on s'y attendait, consiste à sélectionner la valeur de x telle que l'énergie du système (e^+q) soit égale à la masse du leptoquark.

Plus généralement la section efficace totale de production à partir d'un quark q d'un leptoquark de spin J et de masse M_{LQ} se désintégrant dans un état $l+X$ avec un rapport d'embranchement $\mathcal{B}(LQ \to lX)$ est:

$$\sigma(ep \to LQ \to lX) = \frac{4\pi^2}{s}(2J+1)\frac{\Gamma_{LQ}}{M_{LQ}}\mathcal{B} \times q(x = M_{LQ}^2/s) \quad .$$

Ces sections efficaces correspondent au calcul à l'ordre dominant. Les corrections à l'ordre supérieur en α_S ont été calculées récemment [13]. Elles tiennent compte de la correction au vertex $e - LQ - q$, du rayonnement d'un gluon par le quark initial ou le leptoquark, et du processus où le quark initial provient d'un gluon par $g \to q\bar{q}$. Le résultat obtenu au NLO dépend moins du choix de l'échelle de renormalisation et de factorisation (que l'on prend usuellement égales toutes les deux à M_{LQ}). L'effet net est une augmentation par rapport à la section efficace LO d'environ 20% à $M_{LQ} \sim 200$ GeV.

Puisque les états finaux e^+q et $\bar{\nu}_e q$ sont identiques en DIP et dans le cas de la production d'un leptoquark, il faut considérer en toute rigueur l'interférence entre les diagrammes DIP et celui de la production en voie s d'un leptoquark. Ces effets d'interférence étant faibles, comme le montre la figure 3.2, je les négligerai par la suite.

Les observables intéressantes

Il s'agit ici de définir les variables qui nous permettrons de mettre en évidence la production de leptoquarks à HERA. Puisque les états finals sont identiques à ceux de la DIP, il

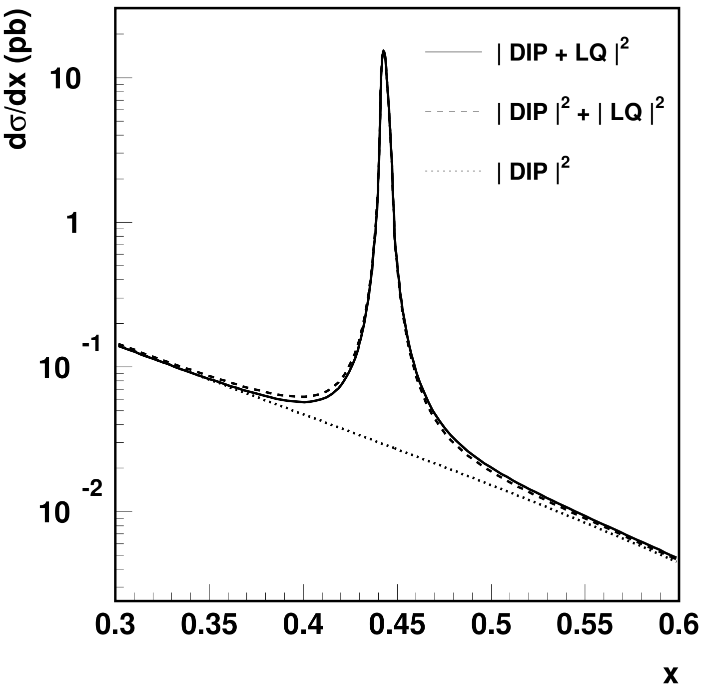

FIG. 3.2 – *Section efficace différentielle $d\sigma/dx$ de DIP et de production d'un leptoquark $\tilde{S}^{*}_{1/2}$ de masse $M_{LQ} = 200$ GeV avec un couplage $\lambda = \sqrt{4\pi\alpha} \simeq 0.3$ (pour $Q^2 > 2500$ GeV^2 et $y > 0.1$).*

faut rechercher les variables dont la distribution en fonction de x, y ou Q^2 est différente de celle de la DIP.

Nous avons vu que la section efficace différentielle de production d'un leptoquark est:

$$\frac{d\sigma}{dx} \propto q(x) \frac{xs}{(sx - M_{LQ}^2)^2 + M_{LQ}^2 \Gamma_{LQ}^2} \quad .$$

Elle présente donc un pic typique d'une résonance à $x = M_{LQ}^2/s$ qui se superpose à un fond continu de DIP, comme le montre la figure 3.2. Par conséquent il est clair que la variable x est une observable clé. Plutôt que d'utiliser x, nous utiliserons directement $M = \sqrt{sx}$ qui est égale à M_{LQ} au pic de résonance. Ceci n'est vrai que dans l'approximation où le jet correspondant au quark provenant de la désintégration est de masse nulle. En tenant compte de la masse M_j^2 du jet et en écrivant que la masse du leptoquark est égale à la masse du système positron-jet, on obtient la relation suivante entre M_{LQ} et M:

$$M_{LQ} = M\sqrt{1 + \frac{M_j^2}{Q^2}} \quad . \tag{3.1}$$

La masse M_j étant le plus souvent inférieure à ~ 20 GeV, cette correction par rapport à M est de l' ordre du % et ne sera pas prise en compte.

Parmi les caractéristiques d'un leptoquark nous pouvons aussi utiliser l'information liée à son spin qui détermine la distribution en angle polaire du lepton sortant. L'observable est dans ce cas la variable y qui est directement reliée à l'angle polaire θ^* du lepton sortant dans le centre de masse du système e^+q:

$$y = 1 - \frac{1}{2}(1 - \cos\theta^*) \quad .$$

Par conséquent la distribution en y vérifie:

$$\frac{d\sigma}{dy} = 2\frac{d\sigma}{d\cos\theta^*} \quad .$$

Dans le cas de la production d'un leptoquark, cette distribution est donc donnée par le spin du leptoquark. Dans le cas de la DIP, elle est donnée par l'équation 2.1. On en déduit:

	$LQ(J=0)$	$LQ(J=1)$	DIP
$d\sigma/dy_{(M=\mathrm{cte})}$	$\propto$ cte	$\propto (1-y)^2$	$\propto 1/y^2$

On voit ainsi qu'une coupure inférieure sur la variable y permet de réduire efficacement le bruit de fond de DIP qui diminue lorsque y augmente.

Générateur utilisé

Afin de simuler les effets de détecteur pour les processus de production d'un leptoquark, j'ai utilisé le générateur d'événements LEGO [16]. La paramétrisation des densités de partons utilisée est MRS(H), comme pour les événements de DIP. L'échelle choisie pour évaluer cette densité est M_{LQ}^2. Les corrections radiatives QED sur le lepton initial, ainsi que les cascades de partons initiale et finale sont prises en compte. Le modèle de fragmentation est celui utilisé pour la génération des événements de DIP.

3.3 Les squarks et la Supersymétrie

Je vais d'abord donner quelques caractéristiques de la supersymétrie et introduire les paramètres dont nous aurons besoin pour présenter la phénoménologie de la supersymétrie à HERA.

3.3.1 Introduction à la supersymétrie

La supersymétrie est une symétrie d'espace-temps reliant les fermions et les bosons. Le générateur spinoriel Q_α des transformations supersymétriques transforme les fermions en bosons et les bosons en fermions:

$$Q_\alpha|F> = B \quad et \quad Q_\alpha|B> = F \quad .$$

Chaque fermion de matière et son partenaire supersymétrique scalaire (slepton ou squark) sont rangés dans un supermultiplet chiral. Chaque boson (de jauge et de Higgs) et son partenaire supersymétrique de spin $\frac{1}{2}$ (jaugino ou higgsino) sont rangés dans un super-multiplet vectoriel.

Il est à noter que dans une théorie exactement supersymétrique les corrections radiatives à la masse du Higgs sont nulles puisque les contributions des fermions et celles des bosons s'annulent. Si la supersymétrie n'est pas exactement vérifiée, ces corrections ne sont pas exactement nulles et, en dehors de termes finis, dépendent de la différence du carré des masses entre partenaires: $\delta M_H^2 \propto g^2(M_{boson}^2 - M_{fermion}^2)\ln\Lambda^2$. Ainsi la condition $\delta M_H^2 \lesssim M_W^2$ implique que des superparticules devraient exister en dessous du TeV. Nous allons nous tourner maintenant vers le Modèle Standard Supersymétrique Minimal (MSSM).

Contenu en champs du MSSM

Le MSSM est la version supersymétrique minimale du Modèle Standard, c'est-à-dire que son contenu est minimal en champs et en couplages. Les leptons et quarks connus acquièrent un partenaire supersymétrique (sleptons $\tilde{l}$ et squarks $\tilde{q}$). Plus précisément, chaque fermion de chiralité donnée possède son propre partenaire supersymétrique. Ainsi les squarks $\tilde{q}_L$ et $\tilde{q}_R$ sont des champs scalaires indépendants. L'extension supersymétrique du secteur bosonique du Modèle Standard est un peu plus compliquée car il faut augmenter le secteur de Higgs.

En effet, un doublet de Higgs ne suffit pas. D'une part un seul doublet ne peut à la fois donner de la masse aux quarks de type d et de type u car le lagrangien supersymétrique fait intervenir les champs scalaires complexes mais pas leurs conjugués. Il en faut par conséquent au moins deux. De même les degrés de liberté bosoniques et fermioniques devant être égaux dans chaque terme du lagrangien, il faut qu'il y ait, pour chaque boson de jauge massif (3 degrés de liberté bosoniques), deux spineurs (4 degrés de liberté fermioniques) et un champ scalaire réel physique (1 degré de liberté bosonique). Puisque l'on veut rendre massif 3 bosons de jauge, il doit y avoir 3 champs scalaires réels physiques. Or à partir d'un seul doublet de Higgs (4 degrés de liberté), il ne reste que $4 - 3 = 1$ seul champ scalaire physique. Deux doublets de Higgs suffisent, et comme l'on considère le contenu minimal en champ, c'est le choix du MSSM. Il y a donc $8 - 3 = 5$ champs scalaires réels de Higgs physiques.

Il est à noter que sans ce deuxième doublet, la théorie n'est pas renormalisable. En effet les higgsinos, partenaires supersymétriques des Higgs, sont les seuls nouveaux fermions qui contribuent aux anomalies triangulaires (les jauginos ont des couplages vectoriels). Comme ces anomalies s'annulent exactement lorsqu'on ne considère que les fermions du Modèle Standard, ce ne serait plus le cas avec des higgsinos provenant d'un seul doublet. Le deuxième doublet de Higgs, qui est choisi d'hypercharge opposée au premier, permet d'annuler ces anomalies et rend la théorie renormalisable.

Brisure de la supersymétrie

Comme on l'a déjà remarqué, dans une théorie supersymétrique, les particules et leurs partenaires supersymétriques ont la même masse. Or, les limites expérimentales montrent que les partenaires des fermions de matière doivent être beaucoup plus massifs que les fermions. Il faut par conséquent briser la supersymétrie, et le mécanisme responsable de cette brisure doit faire en sorte que les masses des nouveaux scalaires soient plus élevées que celles des particules standards.

Une façon de faire serait de briser spontanément la supersymétrie. Cependant il n'est pas possible en la brisant à basse énergie d'obtenir un spectre de masse de la théorie tel que les superpartenaires soient tous plus lourds que les particules standards.

On suppose alors que la brisure de la supersymétrie s'opère à très grande échelle dans ce que l'on appelle le "secteur caché", ce qui fait apparaître des termes non supersymétriques dans le lagrangien. Afin de ne pas retomber sur des divergences quadratiques à la masse du Higgs, les termes supplémentaires choisis sont ceux qui n'amènent que des divergences logarithmiques, c'est-à-dire des termes qui ne brisent pas trop fortement la supersymétrie: on parle de brisure douce. Les termes possibles de brisure douce sont en particulier des termes de masse pour les scalaires et pour les jauginos, ce qui permet d'augmenter la masse des sleptons et des squarks ainsi que celles des jauginos. De tels termes apparaissent naturellement lors de la brisure spontanée de la supergravité (théorie dans laquelle la supersymétrie est locale).

En plus des termes de masse de brisure douce des partenaires scalaires des leptons et des quarks, le MSSM introduit les paramètres suivants: les masses et le paramètre de mélange μ pour les doublets de Higgs, l'angle β tel que $\tan\beta = v_2/v_1$ où v_i sont les valeurs non nulles dans le vide des Higgs neutres, et les termes de masse de brisure douce pour les jauginos (M_1 pour le jaugino de $U(1)_Y$, M_2 pour les jauginos de $SU(2)_L$ et M_3 pour les gluinos). Nous supposerons que les paramètres M_1 et M_2 vérifient la relation usuelle de grande unification [17]: $M_1 = \frac{5}{3}\tan^2\theta_W M_2$.

Les partenaires supersymétriques des bosons de jauge et les higgsinos ne sont pas états propres de masse. Les états physiques sont appelés neutralinos $\chi^0_{1,2,3,4}$ et charginos $\chi^{\pm}_{1,2}$, où l'indice va du plus léger au plus lourd. Les masses des neutralinos et des charginos et leurs couplages dépendent uniquement des paramètres $M_2, \tan\beta$ et μ. Le contenu en champs du MSSM ainsi que la terminologie associée sont résumés dans la table 3.2.

Les contraintes théoriques que l'on peut dériver sont entre autres:

$$m^2_{h^\pm} = m^2_{A^0} + M^2_W \quad \textit{et} \quad m^2_{h^0} \leq M^2_Z \cos^2 2\beta \leq M^2_Z \quad .$$

On en déduit que les Higgs chargés sont plus lourds que le W, mais qu'en revanche le Higgs le plus léger a une masse inférieure à celle du Z^0. La contrainte sur le Higgs le plus léger est en fait moins forte à cause des corrections radiatives (en particulier dues au quark top). Un calcul récent [18] à deux boucles donne:

$$M_{h^0} \lesssim 120 \text{ GeV} \quad .$$

La R-parité

Le lagrangien du MSSM ne comprend pas tous les termes invariants de jauge et invariants sous la supersymétrie. D'une part il correspond à un contenu minimal en champs et en

Particule standard		Partenaire supersymétrique	
q_L	quark gauche	$\tilde{q}_L$	squark "gauche"
q_R	quark droit	$\tilde{q}_R$	squark "droit"
l_L	lepton gauche	$\tilde{l}_L$	slepton "gauche"
l_R	lepton gauche	$\tilde{l}_R$	slepton "droit"
g	gluon	$\tilde{g}$	gluino
$W^\pm$	boson W		
h^-	Higgs chargé	$\chi^\pm_{1,2}$	charginos
h^+	Higgs chargé		
γ	photon		
Z^0	boson Z		
h^0	Higgs scalaire léger	$\chi^0_{1,2,3,4}$	neutralinos
H^0	Higgs scalaire lourd		
A^0	Higgs pseudoscalaire		

TAB. 3.2 – *Particules du MSSM.*

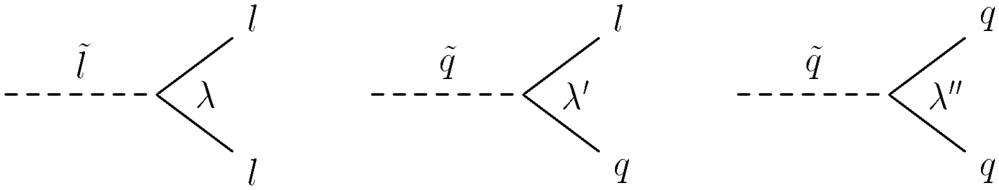

FIG. 3.3 – *Couplages possibles via les opérateurs (de gauche à droite)* $LL\bar{E}, LQ\bar{D}$ *et* $\bar{U}\bar{D}\bar{D}$.

couplages, d'autre part il ne considère pas les termes qui violent le nombre leptonique L ou le nombre baryonique B. C'est le cas des termes suivants $\lambda_{ijk}L_iL_j\bar{E}_k, \lambda'_{ijk}L_iQ_j\bar{D}_k$ et $\lambda''_{ijk}UD\bar{D}$ dont les diagrammes correspondants sont donnés dans la figure 3.3. Les indices ijk indiquent les différentes familles. Si tous ces couplages sont autorisés alors on voit que cela peut entraîner la désintégration rapide du proton ($\lambda'\lambda'' \neq 0$ autorise le processus $ud \to \tilde{q} \to lq$ et par exemple $p \to e^+\pi^0$). Ces termes ont donc été supprimés dans le MSSM en imposant une symétrie discrète, la R-symétrie, qui impose la conservation multiplicative d'un nouveau nombre quantique appellé la R-parité:

$$R_p = (-1)^{3B+L+2S}$$

où B, L et S sont respectivement le nombre baryonique, le nombre leptonique et le spin. R_p vaut $+1$ pour les particules standards et -1 pour leurs partenaires supersymétriques.

En plus d'interdire les termes $\lambda LL\bar{E}, \lambda' LQ\bar{D}$ et $\lambda''\bar{U}\bar{D}\bar{D}$, la conservation de R_p a les conséquences suivantes:

- à partir de particules standards, les particules supersymétriques ne peuvent être produites que par paire;

- la particule supersymétrique la plus légère (LSP), ne pouvant se désintégrer en particules standards, est nécessairement stable.

Cependant un modèle avec violation de la R-parité reste phénoménologiquement acceptable s'il ne contredit pas les résultats expérimentaux existants. En particulier si $\lambda'\lambda'' = 0$ il n'y a pas de désintégration du proton en $e^+\pi^0$. Nous allons donc considérer par la suite le cas où seuls les λ'_{ijk} sont non nuls. La LSP peut alors se désintégrer, comme nous le verrons par la suite, ce qui invalide les limites expérimentales sur les masses des particules supersymétriques déduites des analyses menées dans le cadre du pur MSSM (qui reposent sur la signature "énergie manquante"). Puisque les λ'' sont supposés nuls, le nombre baryonique est conservé ce qui permet de s'affranchir de nombreuses contraintes expérimentales. Les couplages de squarks à des paires lepton-quark sont ainsi autorisés ce qui rend intéressante la recherche de tels objets à HERA.

3.3.2 Phénoménologie de la supersymétrie avec violation de la R-parité à HERA

Production de squarks

Nous allons expliciter le terme $L_i Q_j \bar{D}_k$ en fonction des champs. Décrivons tout d'abord les superchamps:

- L_i contient les leptons et les sleptons de la $i^{ième}$ génération, en doublets de $SU(2)$. Il décrit donc les champs: e^i_L, ν^i_L ainsi que $\tilde{e}^i_L$ et $\tilde{\nu}^i_L$;
- Q_j contient les champs $u^i_L, d^i_L, \tilde{u}^i_L$ et $\tilde{d}^i_L$;
- $\bar{D}_k$ contient d^c_L et $\tilde{d}^*_R$, conjugués de charge de d_R et $\tilde{d}_R$.

On peut alors développer le terme $L_i Q_j \bar{D}_k$:

$$\begin{aligned}\mathcal{L}_{L_iQ_j\bar{D}_k} &= \lambda'_{ijk}\Big[-\tilde{e}^i_L u^j_L \bar{d}^k_R - e^i_L \tilde{u}^j_L \bar{d}^k_R - (\bar{e}^i_L)^c u^j_L \tilde{d}^{k*}_R \\ &\quad + \tilde{\nu}^i_L d^j_L \bar{d}^k_R + \nu_L \tilde{d}^j_L \bar{d}^k_R + (\bar{\nu}^i_L)^c d^j_L \tilde{d}^{k*}_R\Big] + \text{h.c.}\end{aligned}$$

Ainsi les couplages λ'_{1jk} permettent de produire en voie s un squark à partir d'un positron et d'un quark. On se retrouve ainsi dans le cas de la production d'un leptoquark scalaire que l'on a décrit dans la section 3.2.2. La table 3.3 montre les processus de production correspondant à chaque λ'_{1jk}. Ainsi les couplages $\lambda'_{111}, \lambda'_{121}$ et λ'_{131} sont tout particulièrement intéressants car ils font intervenir un quark de valence[3]. Dans toute la suite on suppose qu'un λ'_{1jk} domine sur les autres. Les sections efficaces de production sont identiques à celles calculées dans la section 3.2.2 et ont la même caractéristique: $d\sigma/dM$ présente un pic à la masse du squark produit.

Les sfermions gauche et droit ($\tilde{f}_L$ et $\tilde{f}_R$) ne sont pas exactement les états propres de masse. La matrice de masse des sfermions est:

$$M = \begin{pmatrix} m^2_{\tilde{f}_L} & am_f \\ am_f & m^2_{\tilde{f}_R} \end{pmatrix}$$

3. Avec un faisceau d'électrons, ce qui sera le cas à partir de 1998, on est davantage sensible aux couplages λ'_{11k}.

λ'_{1jk}	Processus de production	
111	$e^+ + \bar{u} \to \bar{\tilde{d}}_R$	$e^+ + d \to \tilde{u}_L$
112	$e^+ + \bar{u} \to \bar{\tilde{s}}_R$	$e^+ + s \to \tilde{u}_L$
113	$e^+ + \bar{u} \to \bar{\tilde{b}}_R$	$e^+ + b \to \tilde{u}_L$
121	$e^+ + \bar{c} \to \bar{\tilde{d}}_R$	$e^+ + d \to \tilde{c}_L$
122	$e^+ + \bar{c} \to \bar{\tilde{s}}_R$	$e^+ + s \to \tilde{c}_L$
123	$e^+ + \bar{c} \to \bar{\tilde{b}}_R$	$e^+ + b \to \tilde{c}_L$
131	$e^+ + \bar{t} \to \bar{\tilde{d}}_R$	$e^+ + d \to \tilde{t}_L$
132	$e^+ + \bar{t} \to \bar{\tilde{s}}_R$	$e^+ + s \to \tilde{t}_L$
133	$e^+ + \bar{t} \to \bar{\tilde{b}}_R$	$e^+ + b \to \tilde{t}_L$

TAB. 3.3 – *Processus de production de squarks à HERA par violation de R-parité* λ'_{1jk}.

où les éléments de matrice sont fonction des termes de brisure douce. En particulier on a:

$$\begin{aligned} m^2_{\tilde{f}_L} &= m_0^2 + m_Z^2 \cos 2\beta(\tfrac{1}{2} - \tfrac{2}{3}\sin^2\theta_W) + m_f^2 \\ m^2_{\tilde{f}_R} &= m_0^2 + m_Z^2 \cos 2\beta \tfrac{2}{3}\sin^2\theta_W + m_f^2 \end{aligned}$$

où m_0 est le paramètre de masse de brisure douce des scalaires. Pour m_0 de l'ordre de la centaine de GeV les éléments non diagonaux de la matrice de masse n'ont pas des valeurs très élevées pour des fermions légers. Par conséquent, pour tous les sfermions excepté le stop, la matrice M est quasi diagonale et on considère que $\tilde{f}_L$ et $\tilde{f}_R$ sont états propres de masse. En revanche la masse élevée du top fait que la différence de masse entre les deux états propres devient importante:

$$m_{\tilde{t}2} - m_{\tilde{t}1} = \sqrt{\left(m^2_{\tilde{t}_L} - m^2_{\tilde{t}_R}\right)^2 + 4a^2 m_t^2} \quad .$$

Le cas du stop est donc particulièrement intéressant puisqu'un état pourrait être relativement léger. De plus, si la hiérarchie des couplages λ' ressemble à celle des couplages de Yukawa entre les fermions et le champ de Higgs, les λ'_{ijk} faisant intervenir la $3^{ème}$ génération devraient être prépondérants [14].

Modes de désintégration

Autant la production des squarks est identique à celle des leptoquarks étudiés dans la section précédente, autant il faut étudier de façon spécifique les modes de désintégration des squarks. Ils sont de deux types: soit de nouveau par violation de la R-parité, soit par désintégration de jauge.

Dans le cas de désintégration par violation de parité les états finaux possibles dépendent du type de squark comme le montre la figure 3.4. S'il s'agit d'un squark “gauche” seul l'état final e^+q est possible alors que s'il s'agit d'un squark “droit”, il peut aussi se désintégrer en $\bar{\nu}_e\bar{q}$.

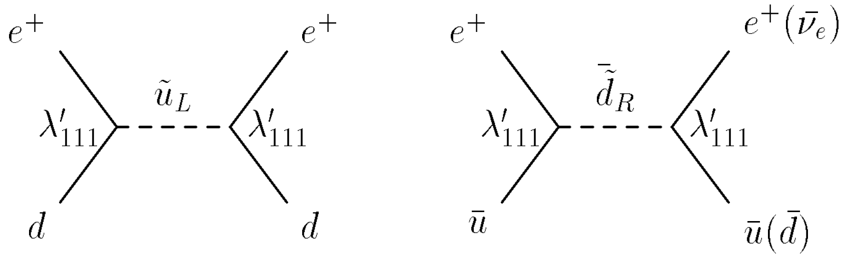

FIG. 3.4 – *Diagramme de production et désintégration de squarks par violation de R-parité.*

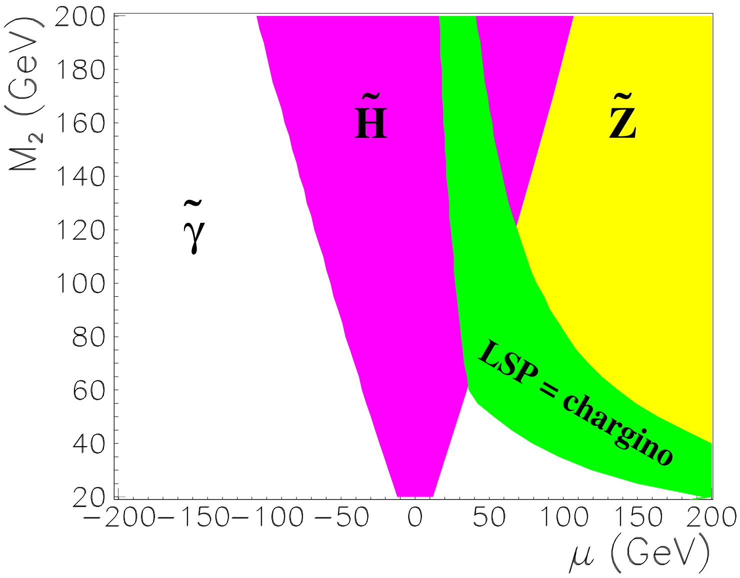

FIG. 3.5 – *Régions dans l'espace des paramètres* (μ, M_2) *correspondant à une LSP chargée et à une LSP neutre de type photino, zino ou higgsino, pour* $\tan\beta = 1$.

Dans le cas des désintégrations de jauge, c'est-à-dire en paire quark-jaugino, les modes sont nombreux, témoins de la phénoménologie très riche de la supersymétrie [15]. En effet, puisque les paramètres $M_2, \tan\beta$ et μ déterminent les masses et les couplages des jauginos, les rapports d'embranchement des squarks dans les différentes voies de jauge (définies par le type du jaugino intervenant dans la désintégration) dépendent eux aussi de ces mêmes paramètres. Afin d'illustrer ces dépendances, la figure 3.5 montre la nature de la LSP dans le plan (μ, M_2) pour $\tan\beta = 1$ et la figure 3.6 montre la voie de jauge dominante d'un squark $\tilde{u}_L$ de masse 150 GeV pour les mêmes paramètres du MSSM.

L'analyse de tous les canaux correspondants est en cours dans H1. Dans cette thèse seules les désintégrations des squarks par violation de la R-parité seront étudiées. Pour l'interprétation des résultats, nous aurons besoin du rapport d'embranchement dans la voie $\not{R}_p$, ce qui implique de connaître la largeur de désintégration en voie de jauge. Je ferai dans la suite les hypothèses suivantes: la LSP est le χ_1^0 et la voie de jauge $\tilde{q} \to q\chi_1^0$ est dominante. Il est à noter que ces hypothèses sont restrictives, en particulier pour les squarks gauches (cf. figure 3.6) qui sont les seuls à pouvoir se désintégrer en chargino.

Il faut donc étudier les modes de désintégration du neutralino χ_1^0. Celui-ci se désintègre en

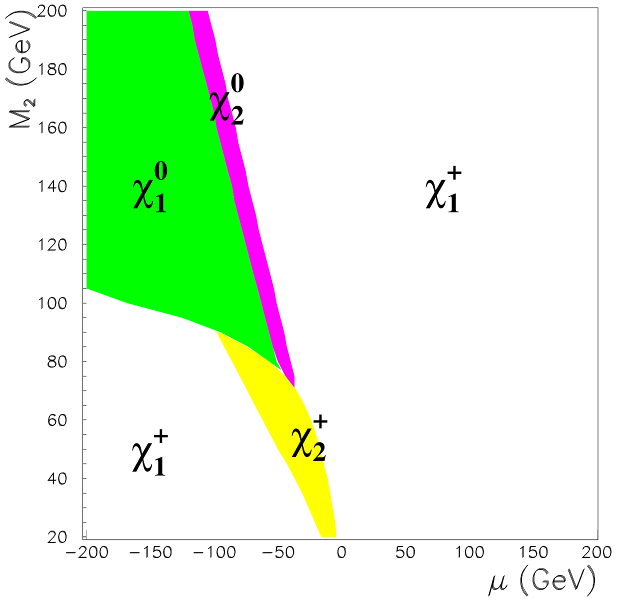

FIG. 3.6 – *Mode dominant de désintégration de jauge d'un squark* $\tilde{u}_L$ *de masse* 150 GeV *dans l'espace des paramètres* (μ, M_2) *pour* $\tan\beta = 1$.

une paire fermion-antisfermion (ou antifermion-sfermion), ce qui nous ramène au problème de la désintégration des superpartenaires des fermions. Dans ce cas, par conservation de l'énergie, le sfermion ne peut se désintégrer que par voie $R\!\!\!/_p$. Dans le cas où λ'_{111} est non nul, les diagrammes correspondants sont montrés dans la figure 3.7.

Ainsi le couplage λ'_{111} offre au χ_1^0 les trois modes de désintégration suivants:

- $\chi_1^0 \to \nu d\bar{d}$
- $\chi_1^0 \to e^+\bar{u}d$
- $\chi_1^0 \to e^-u\bar{d}$

Le rapport d'embranchement suivant lequel le χ_1^0 se désintègre en un lepton chargé dépend de la nature du χ_1^0. La nature du χ_1^0 dépend des paramètres M_2, μ et $\tan\beta$ comme le montre la figure 3.5. Si le χ_1^0 est un pur photino $\tilde{\gamma}$, comme le couplage au vertex $f\bar{f}\tilde{\gamma}$ est proportionnel à la charge du fermion, ce rapport d'embranchement est:

$$\begin{aligned}\mathcal{B}(\tilde{\gamma} \to e^{\pm}2\text{jets}) &= \frac{(1)^2+(2/3)^2+(1/3)^2}{(1)^2+0^2+(2/3)^2+(1/3)^2+(1/3)^2+(1/3)^2} \\ &= 87.5\%\end{aligned}$$

Si le χ_1^0 n'est plus un pur photino, mais reste dominé par sa composante photino, le rapport d'embranchement précédent varie légèrement avec les valeurs des paramètres du MSSM [15]. Il reste supérieur à $\approx 60\%$ pour $\tan\beta = 1, M_2 < 200$ GeV et $-200 < \mu <$ 200 GeV. Dans le cas où le neutralino le plus léger est de type photino, il n'y a dans ce cas plus qu'un paramètre libre qui est la masse du photino $M_{\tilde{\gamma}}$. La largeur de désintégration

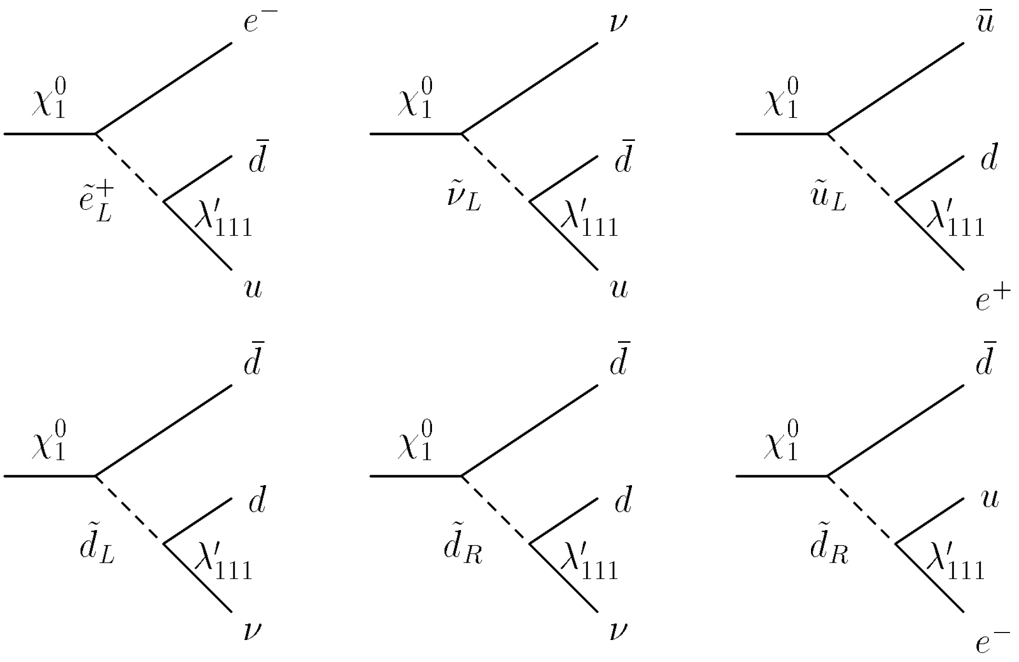

FIG. 3.7 – *Quelques diagrammes via lesquels le χ_1^0 peut se désintégrer lorsque le couplage λ'_{111} est non nuls.*

en voie de jauge, qui s'exprime alors simplement en fonction de $M_{\tilde{\gamma}}$, et celle en voie $\not{R}_p$ (qui est la même que pour un leptoquark scalaire) sont:

$$\begin{aligned}
\Gamma_{\tilde{q}\to q\tilde{\gamma}} &= \frac{1}{8\pi} e_q^2 M_{\tilde{q}} \left(1 - \frac{M_{\tilde{\gamma}}^2}{M_{\tilde{q}}^2}\right)^2 \\
\Gamma_{\tilde{q}\to \bar{l}q} &= \frac{\lambda'^2_{1jk}}{16\pi} M_{\tilde{q}}
\end{aligned}$$

Pour un couplage λ' égal au couplage électromagnétique, le rapport des rapports de branchement est donc:

$$\frac{\mathcal{B}(\tilde{q}\to q\tilde{\gamma})}{\mathcal{B}(\tilde{q}\to \bar{l}q)} = 2Q_q^2 \left(1 - \frac{M_{\tilde{\gamma}}^2}{M_{\tilde{q}}^2}\right)^2$$

où Q est le rapport de la charge du quark sur celle de l'électron.

Générateurs utilisés

Deux générateurs d'événements correspondant aux deux modes de désintégration présentés plus haut ont été utilisés. Dans le cas où le squark se désintègre par $\not{R}_p$, comme la problématique est identique à celle des leptoquarks, j'ai utilisé le générateur LEGO [16] comme décrit dans la section 3.2.2. Pour la désintégration de jauge avec un neutralino, on peut utiliser SUSSEX [16]. Celui-ci prend en compte les mêmes corrections radiatives que LEGO.

3.4 Premiers pas vers l'analyse

Puisque nous savons maintenant tout ce qui caractérise la production et la désintégration de leptoquarks et de squarks à HERA, je vais définir la stratégie de mon analyse dont le but est la recherche de tels objets par leur désintégration en une paire lepton-quark. Je rappelle que les événements de DIP constituent dans ce cas un bruit de fond irréductible, et qu'il faut par conséquent tirer partie de la forme des distributions qui permettent de distinguer la DIP de la production d'une nouvelle particule en voie s.

Nous avons vu que la principale caractéristique de la section efficace de production est qu'elle présente un pic à la valeur de la masse de la particule recherchée. Comme la masse $M = \sqrt{sx}$ calculée à partir de la variable cinématique x (introduite à la section 2.1.1 pour décrire les processus de DIP), est égale à la masse du système e^+q, la section efficace différentielle $d\sigma/dM$ présente elle aussi un pic de résonance à la masse de la particule, contrairement à la section efficace différentielle correspondante pour la DIP.

Nous avons vu également que le spin de l'objet produit détermine la section efficace différentielle $d\sigma/dy$: celle-ci est constante pour un leptoquark scalaire ou un squark, proportionnelle à $(1-y)^2$ dans le cas d'un leptoquark vecteur, alors que pour la DIP le spectre en y tombe en $1/y^2$.

Nous venons ainsi de définir la stratégie de recherche de leptoquarks et de squarks à HERA: il faut sélectionner les candidats de DIP et les analyser en termes de M et y. Puisque nous sommes intéressés à des masses de leptoquarks relativement grandes ($M_{LQ} \gtrsim 100$ GeV) et à des valeurs grandes de y, nous allons mener notre recherche dans le domaine cinématique correspondant à des valeurs importantes de $Q^2 = sxy = M^2y$ (voir figure 1.6).

Puisque deux variables cinématiques suffisent à caractériser le processus $e^+p \to l + X$ nous allons travailler dans le plan (M, y) qui est tout à fait adapté à notre analyse et détailler l'état final dans ce plan. La figure 3.8 montre les contours dans le plan (M, y) correspondant à des valeurs constantes de l'énergie du lepton sortant, de son énergie transverse, de son angle polaire par rapport au faisceau de protons et de l'angle du quark sortant (en négligeant les effets d'hadronisation et à l'ordre 0 en α_S) dans le référentiel de HERA. Les contours en angle polaire permettent de situer l'état final dans le détecteur H1 qui est décrit dans le chapitre 4.

Dans le cas des événements courant neutre il faut être capable d'identifier le positron diffusé. Ce sera l'objet de la première partie du chapitre 5. La mesure des variables cinématiques en courant neutre et chargé est un point crucial, qui implique la maîtrise de l'échelle en énergie du détecteur. Ces deux éléments importants seront présentés dans le chapitre 5. L'étape suivante est la sélection des événements. On peut voir sur la figure 3.8 que les états finals que l'on doit étudier comprennent un lepton de grande énergie transverse. C'est l'un des critères principaux de la sélection qui est décrite dans le chapitre 6. Il restera ensuite à comparer les événements des données à la prédiction du Modèle Standard des DIP en termes des variables Q^2, M et y. Les résultats obtenus et l'interprétation que l'on peut en faire sont présentés respectivement dans les chapitres 7 et 8.

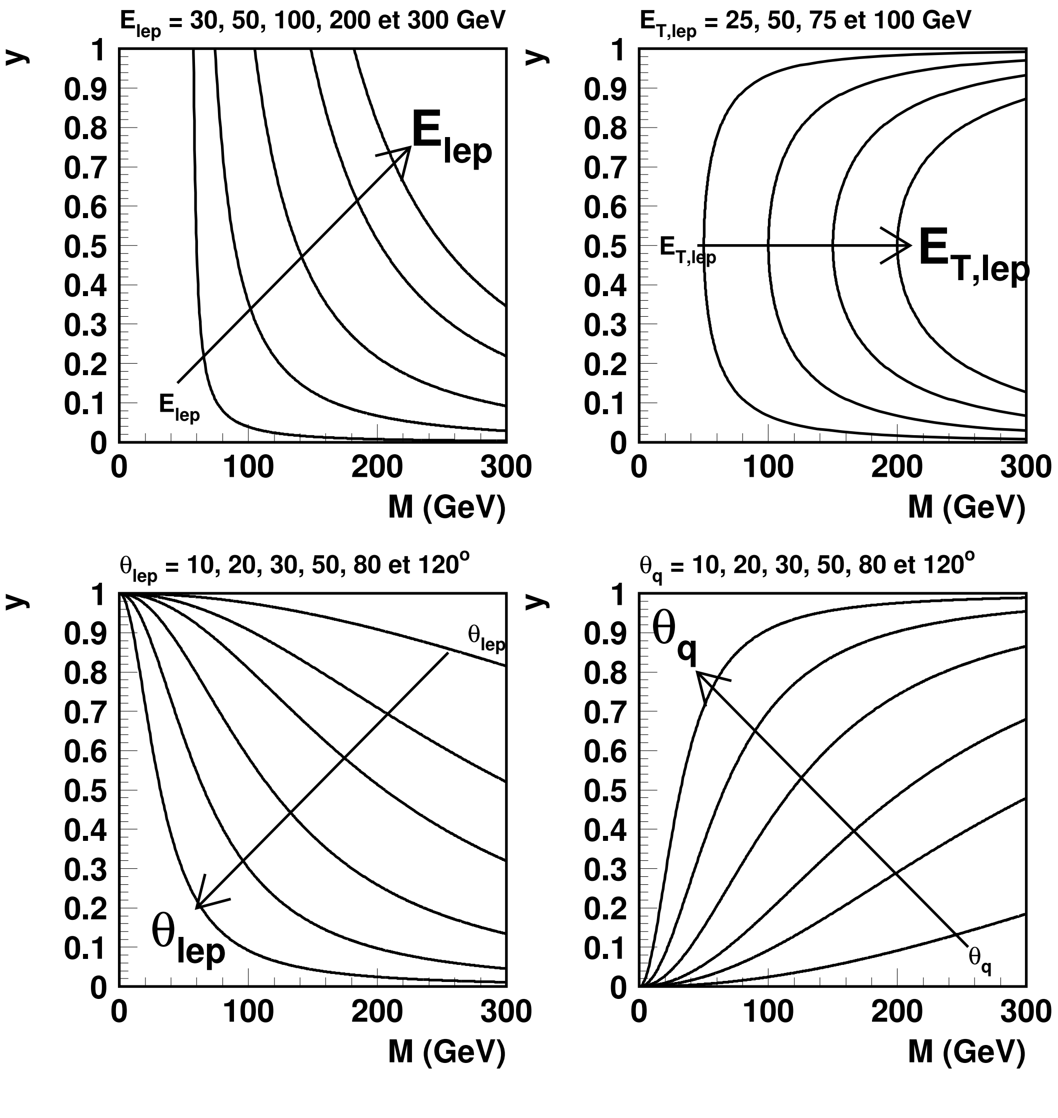

FIG. 3.8 – *Contours dans le plan (M, y) à des valeurs constantes des quantités suivantes (les flèches indiquent le sens croissant): l'énergie du lepton sortant E_{lepton} (en haut à gauche); l'énergie transverse du lepton sortant $E_{\perp,lepton}$ (en haut à droite); l'angle polaire du lepton sortant par rapport à la direction de faisceau de protons θ_{lepton} (en bas à gauche); l'angle polaire du quark sortant θ_{quark} (en bas à droite).*

Bibliographie

[1] A. Djouadi, Cours de la $36^{ième}$ école de physique théorique de Cracow (1996).

[2] S. de Jong, Compte rendu des $33^{ième}$ Rencontres de Moriond EW (1998) (à paraître).

[3] J. Erler et P. Langacker, Proceedings of the Workshop on Physics at the first Muon Collider, Batavia (1997) (hep-ph/9801422).

[4] H. Georgi et S.L. Glashow, Phys. Rev. Lett. 32 (1974) 438.

[5] H. Murayama et T. Yanagida, Mod. Phys. Lett. B102 (1981) 310.

[6] O. Shanker, Nucl. Phys. B204 (1982) 375; Nucl. Phys. B206 (1982) 253.

[7] M. Leurer, Phys. Rev. D49 (1994) 333.

[8] S. Davidson, D. Bailey et B.A. Campbell, Z. Phys. C61 (1994) 613.

[9] B. Schrempp et F. Schrempp, Phys. Lett. B153 (1985) 101.

[10] J.F. Gunion et E. Ma, Phys. Lett. B195 (1987) 257.

[11] W. Buchmüller, R. Rückl et D. Wyler, Phys. Lett. B191 (1987) 442.

[12] COMPOS 1.4;
T. Khöler, Proceedings of the Workshop "Physics at HERA", DESY-Hamburg (1991) Vol. 3 p. 1526.

[13] T. Plehn, H. Spiesberger, M. Spira et P.M. Zerwas, Z. Phys. C74 (1997) 611;
Z. Kunszt and J. Stirling , Z.Phys. C75 (1997) 453.

[14] P. Binétruy, S. Lavignac et P. Ramond, Nucl. Phys. B477 (1996) 353.

[15] E. Perez, Thèse de doctorat de l'Université PARIS VI, DAPNIA/SPP 96-1008 (1996) 290 pages.

[16] LEGO 0.02 et SUSSEX 1.5;
K. Rosenbauer, Doktor Dissertation, RWTH Aachen, PITHA 95/16 (1995).

[17] J. Ellis, J.S. Hagelin, D.V. Nanopoulos et T. Tamvakis, Phys. Lett. B215 (1983) 275;
L.R. Ibaez et C. Lopez, Phys. Lett. B216 (1983) 54.

[18] S. Heinemeyer, W. Hollik et G. Weiglein, (1998) (hep-ph/9803277).

Chapitre 4

L'expérience H1 et la prise de données

Ce chapitre est consacré à la chaîne complète du dispositif expérimental allant de la détection d'une collision *ep* jusqu'à la mise en forme des quantités physiques qui décrivent son état final. On peut diviser cette chaîne en trois étapes:

- **Le déclenchement**
  Le taux de collisions *ep* observables par le détecteur est d'environ 200 Hz et le taux de bruit de fond non-physique dû aux collisions des protons avec les molécules du gaz résiduel dans le tube à vide est supérieur au kHz. On voit qu'il n'est pas question de garder en mémoire chaque collision: on ne va déclencher l'acquisition que sur les collisions qui sont jugées intéressantes. Le système de déclenchement sera décrit à la section 4.5.1.

- **La détection et l'acquisition**
  Il s'agit ici, pour les collisions que l'on veut étudier, de détecter les particules de l'état final et de mesurer les informations nécessaires à l'analyse (trajectoire dans un détecteur de traces ou dépôt d'énergie déposé dans un calorimètre). On parle ici de données brutes, c'est-à-dire de charges collectées ou de tensions mesurées. Les sous-détecteurs que j'ai utilisés pour mener à bien mon analyse seront décrits par la suite.

- **La reconstruction**
  A partir de ces informations brutes, on obtient les quantités physiques directement utilisables pour l'analyse (angle de diffusion et énergie d'une particule) après un certain nombre de transformations (soustraction du bruit, calibration, algorithmes de reconstruction ...). La reconstruction fait l'objet de la section 4.5.2.

Une description complète de l'appareillage est disponible dans la référence [1]. Je me contenterai de décrire les sous-détecteurs essentiels à mon analyse et de présenter les principales étapes, en particulier le déclenchement de l'acquisition, la reconstruction et la mesure de la luminosité.

4.1 Présentation générale du détecteur

Une des particularités du collisionneur HERA est la grande différence d'énergie des faisceaux incidents. La cinématique est telle que le γ du système positron-quark interagissant est de 1.16 (resp. 2.82) pour $x = 0.1$ (resp. 1) dans la direction des protons. Ceci implique que les particules détectées à l'avant (défini comme étant la direction des protons) sont en moyenne plus énergétiques que celle détectées à l'arrière. Le détecteur présente par conséquent une asymétrie longitudinale tout en conservant une symétrie cylindrique.

A partir du point nominal d'interaction (point autour duquel ont lieu les collisions), le détecteur H1 comporte les sous-détecteurs suivants (figure 4.1):

Sous-détecteurs		acceptance angulaire
détecteurs de traces		
avant	(chambres à dérive)	$7 < \theta < 25°$
central	(chambres à dérive)	$25 < \theta < 155°$
arrière	(chambre proportionnelle)	$155 < \theta < 175°$
calorimètre		
bouchon	(Cuivre Silicium)	$0.7 < \theta < 3.3°$
central	**Argon liquide**	$4 < \theta < 153°$
arrière	(Plomb /fibres)	$151 < \theta < 177°$
fer de retour du champ entourant l'aimant supraconducteur		$6 < \theta < 172°$
spectromètre à muon		$3 < \theta < 17°$
système de temps de vol		
luminomètre		

A la fin du chapitre précédent, la figure 3.8 nous a montré les angles polaires du positron et du jet de courant. On en déduit que les détecteurs de traces et le calorimètre à argon liquide sont les deux éléments clés de la mesure. Ils vont être décrits plus en détail par la suite.

4.2 Les détecteurs de traces

La fonction des détecteurs de traces est de reconstruire la trajectoire des particules chargées. Puisque ces détecteurs sont placées dans un champ magnétique de 1.15 T (homogène au %) dirigé selon l'axe z, ces trajectoires sont des hélices, et il est donc possible de mesurer l'impulsion et la charge des particules. Pour des particules suffisamment énergétiques la trajectoire est un arc de cercle dans le plan $r - \phi$ et une droite dans le plan $r - z$. Par conséquent la précision de la mesure en énergie est déterminée par la résolution en $r - \phi$ alors que celle en θ dépend de la résolution en z. L'ensemble des traces reconstruites dans un événement permet de déterminer la position du vertex d'interaction.

L'ensemble de ces détecteurs constitués de chambres à dérive et de chambres proportionnelles est représenté sur la figure 4.2. On y distingue trois parties: avant, centrale et arrière.

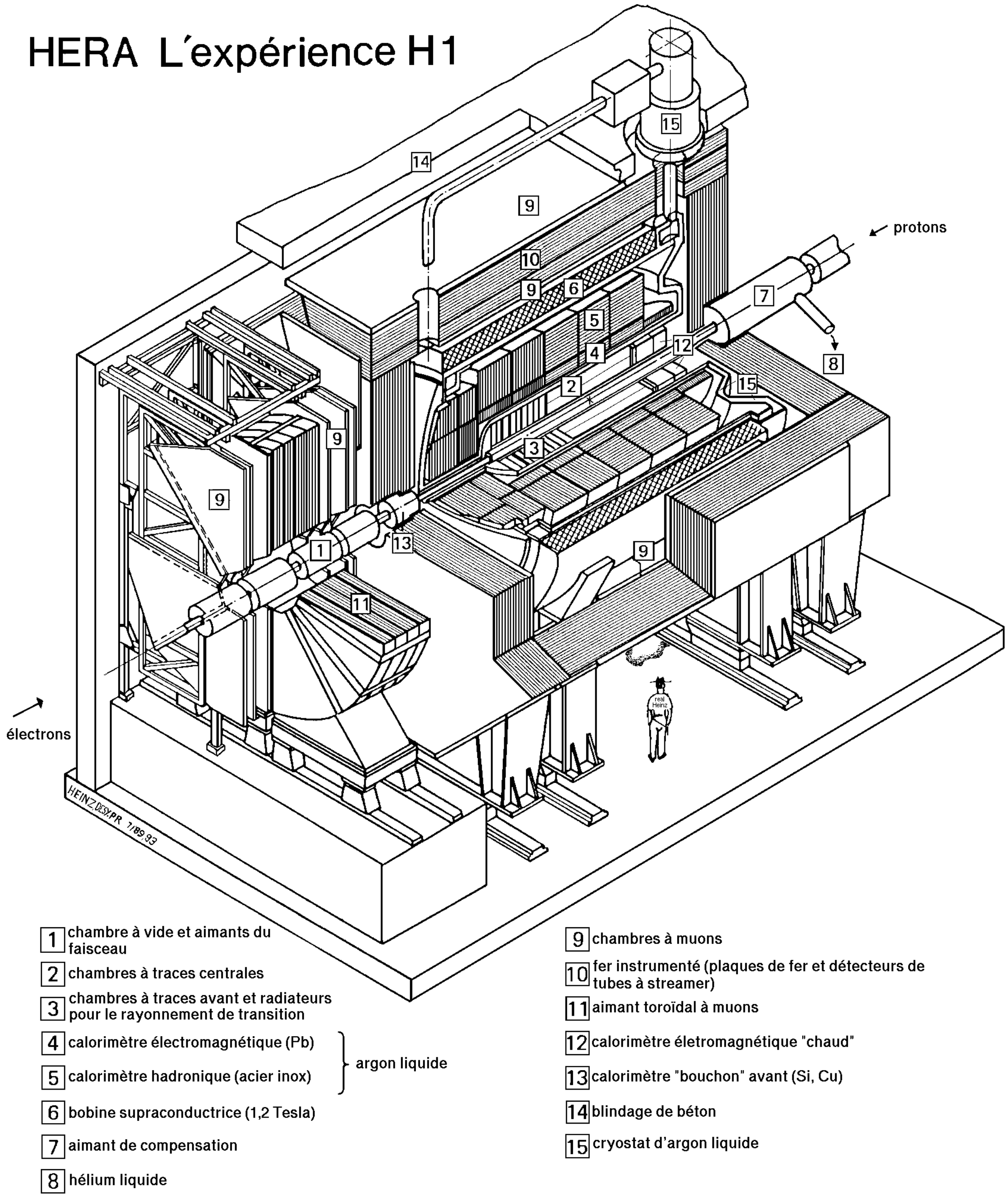

FIG. 4.1 – *Vue générale de l'expérience H1*

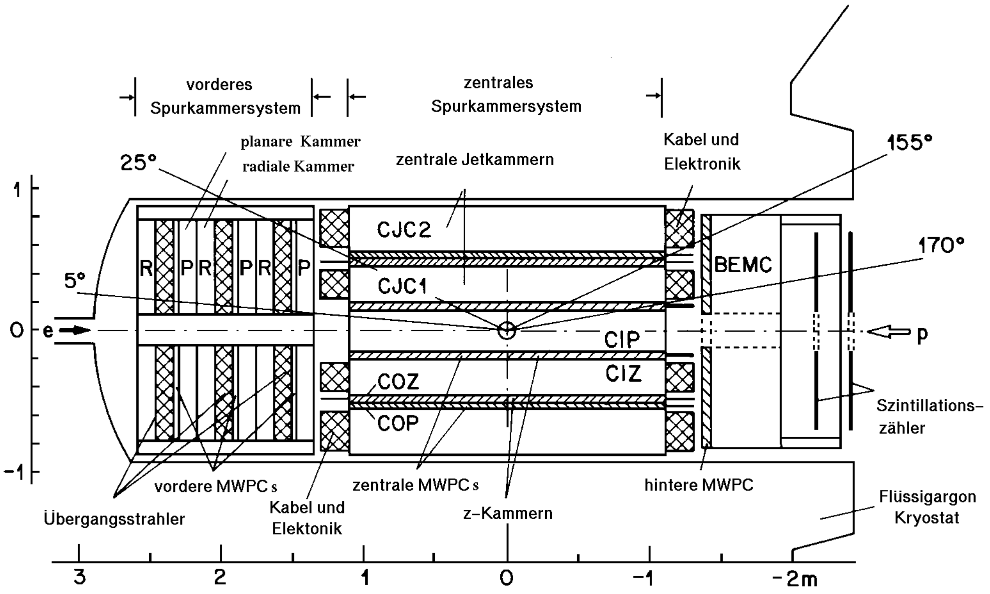

FIG. 4.2 – *Coupe longitudinale des détecteurs de traces*

Dans le cadre de l'analyse inclusive, ces détecteurs vont principalement être utilisés pour la mesure du vertex et celle du positron diffusé (identification et mesure de la charge). C'est par conséquent les parties centrale et avant qui sont essentielles à l'analyse.

4.2.1 Les détecteurs de traces centraux

La partie centrale est constituée de plusieurs chambres concentriques (figure 4.3):

- **Les chambres CJC1 et CJC2**
  La reconstruction des traces dans la région centrale repose principalement sur deux grandes chambres à dérive CJC1 et CJC2. Elles sont formées de plans de fils (anodes et cathodes) qui sont parallèles à l'axe des faisceaux. Ces plans font un angle de 30° avec l'axe radial de façon à ce que les électrons d'ionisation dérivent approximativement perpendiculairement à la direction d'une trace ayant une grande impulsion transverse (pour laquelle la trajectoire est presque droite), ce qui optimise la résolution. Cet angle de 30° a d'autres avantages. Il permet de résoudre plus facilement le problème usuel des chambres à dérive, qui consiste à savoir de quel côté les électrons ont dérivé. En effet, pour chaque segment il y a deux trajectoires possibles, symétriques par rapport au plan des anodes, les mauvaises possibilités étant éliminées en combinant les segments entre eux. Cette opération est facilitée par cet angle de 30°. Ce dernier implique aussi qu'une trace très énergétique (donc presque droite) coupe à la fois un plan d'anode de CJC1 et de CJC2. Ceci permet de mesurer le temps de passage d'une particule avec une précision de l'ordre de la nanoseconde. La résolution sur la position d'un point d'une trace est en $r-\phi$ de (170 μm) et il est possible d'avoir une mesure de la position suivant l'axe z par division de charge mais

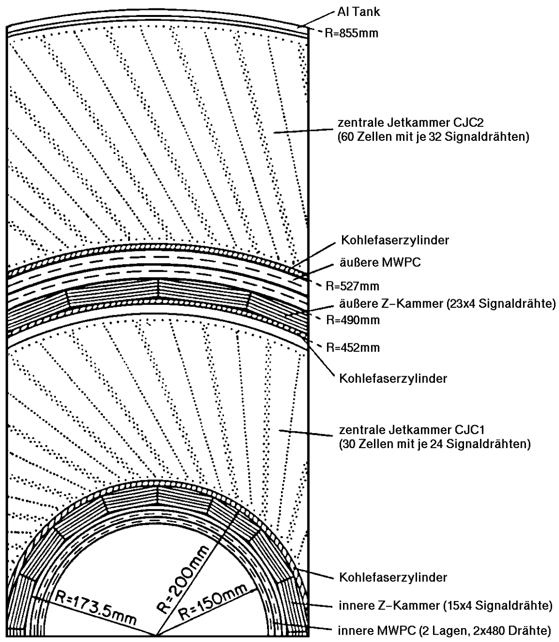

FIG. 4.3 – *Coupe transverse des détecteurs de traces centraux. L'axe des faisceaux est perpendiculaire à la figure et passe par le centre des cercles qui délimitent les différentes chambres.*

avec une précision de l'ordre de 2 cm (1 % de la longueur des fils). La résolution en impulsion est $\sigma_p/p^2 < 0.01$ GeV^{-1}.

- **Les chambres CIZ et COZ**
  Ces chambres à dérive entourent CJC1 et complètent la mesure de trace dans le détecteur de traces central. Leur structure en anneau est telle que les fils sont, contrairement à ceux des CJC, perpendiculaires à l'axe des faisceaux. Un point d'une trace est ainsi mesuré avec une résolution de 300 μm en z et de 1 à 2 % de π en ϕ. En se servant de l'information des CJC et de ces deux chambres, on améliore la reconstruction des traces en $r-\phi$ et en z ainsi que la mesure du vertex d'interaction.

- **Les chambres CIP et COP**
  Ces deux chambres sont des chambres proportionnelles multifils. Par conséquent elles ont un temps de réponse beaucoup plus court que celui des chambres à dérives décrites précédemment (leur résolution en temps est inférieure au temps de croisement des faisceaux). Elles vont donc pouvoir être utilisées pour déclencher l'acquisition sur le passage de particules provenant du vertex d'interaction.

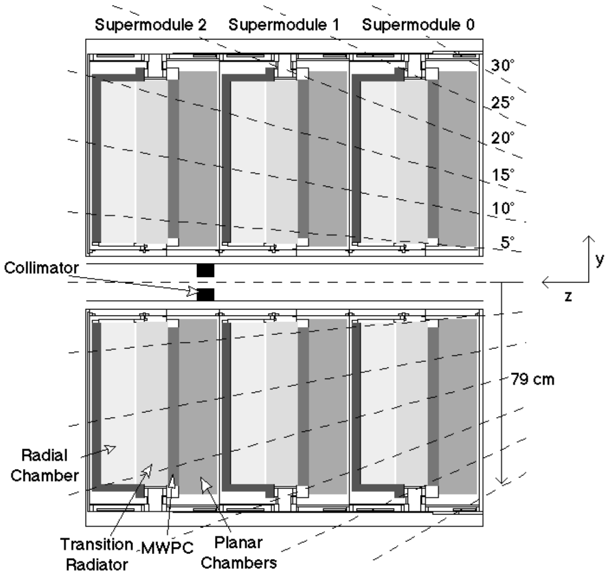

FIG. 4.4 – *Coupe longitudinale du détecteur de traces à l'avant*

4.2.2 Le détecteur de traces à l'avant

Ce détecteur est constitué de trois modules annulaires identiques (figure 4.4). Chacun des modules comprend:

- une chambre à dérive planaire constituée de trois plans de fils perpendiculaires à l'axe des faisceaux, chaque plan étant tournés de 60^o l'un par rapport à l'autre, ce qui permet une précision de 1 mrad sur θ;

- une chambre proportionnelle multifils qui participe au premier niveau de déclenchement (son temps de réponse est d'environ 20 ns);

- un radiateur de transition passif combiné à une chambre à dérive radiale qui donne une résolution dans le plan transverse (x, y) de l'ordre de 150 μm et permet une mesure de la coordonnée r par division de charge.

4.2.3 Le détecteur de traces à l'arrière

La partie arrière du détecteur H1 a été améliorée lors de l'arrêt de la machine durant l'hiver 1994-1995. Cette amélioration a porté sur le calorimètre arrière et sur le détecteur de trace arrière. Dans chaque configuration ce détecteur (chambre à dérive (BDC) jusqu'en 1994 et chambre proportionnelle (BPC) à partir de 1995) est placé contre le calorimètre arrière afin d'identifier le positron diffusé à l'arrière (ce qui correspond à des petits Q^2) et d'améliorer sa mesure en θ.

4.3 Le calorimètre à argon liquide

La fonction d'un calorimètre est de mesurer et de localiser le dépôt d'énergie associée à la gerbe engendrée par une particule qui le traverse. Le calorimètre à argon liquide (LAr) est composé d'une section électromagnétique (pour la détection des électrons, des positrons et des photons) suivie d'une section hadronique.

4.3.1 Principe de la mesure

Le calorimètre LAr est un calorimètre à échantillonage: il est composé de couches successives de milieu absorbeur et de milieu actif. Une particule qui pénètre dans le calorimètre interagit principalement avec le milieu absorbeur (un matériau à grand Z: du plomb dans la section électromagnétique et de l'acier dans la section hadronique) en développant une gerbe de particules qui déposent leur énergie en ionisant le milieu actif (de l'argon liquide placé dans un champ électrique). C'est la charge collectée dans le milieu actif qui permet de mesurer l'énergie de la particule incidente. Le développement de la gerbe et l'ionisation du milieu actif dépendent du type de la particule entrante: lorsque cette particule est un électron, un positron ou un photon on parle de gerbe électromagnétique, lorsque elle est un hadron, on parle de gerbe hadronique.

Les gerbes électromagnétiques

Pour les énergies qui nous intéressent, les électrons, les positrons et les photons incidents forment des gerbes très similaires puisque leurs gerbes sont formées d'électrons, de positrons et de photons. En effet un électron (ou un positron) va interagir avec le milieu du calorimètre en rayonnant un photon par rayonnement de freinage (Bremsstrahlung) et ce photon va créer une paire e^+e^-, et ainsi de suite, jusqu'à ce que les particules ainsi crées perdent leur énergie non pas en rayonnant d'autres particules, mais en ionisant le milieu qu'elles traversent. Pour un photon incident de haute énergie, la seule différence est que le pied de gerbe est décalé en moyenne d'environ $0.5X_0$, où X_0 est l'échelle longitudinale caractéristique d'une gerbe électromagnétique comme défini dans ce qui suit.

La relative simplicité des processus mis en jeu permet de paramétrer les gerbes électromagnétiques indépendamment du milieu traversé en introduisant les quantités suivantes [2]:

- **la longueur de radiation X_0**
  Elle correspond à la distance moyenne à partir de laquelle un électron a perdu $1-1/e = 63.2$ % de son énergie par rayonnement. On a pour le plomb $X_0 \simeq 0.56$ cm et pour l'argon liquide $X_0 \simeq 14$ cm.

- **l'énergie critique** E_C
  Elle est définie comme étant l'énergie à laquelle un électron perd autant d'énergie par rayonnement que par ionisation [3], ou alternativement [4] comme l'énergie à laquelle le taux de perte par ionisation sur une longueur de radiation est égal à l'énergie de l'électron. Elle permet de paramétrer la longueur dans laquelle est contenue 98 % de l'énergie incidente E: $L \simeq 3\ln(E/E_C + a)$ (où $a = 0.4$ pour un électron et 1.2 pour un photon [5]). A titre d'exemple cette longueur correspond environ à $25X_0$ pour un électron de 30 GeV dans la section électromagnétique ($\bar{E}_C \simeq 9.5$ MeV). On voit donc l'intérêt du milieu absorbeur qui réduit considérablement la longueur correspondante en cm.

- **le rayon de Molière** R_M
  Il permet de décrire le développement transverse de la gerbe qui est dû à des processus de diffusions multiples. Il est défini comme la diffusion transverse caractéristique d'un électron à l'énergie critique E_C sur une longueur de radiation. On a $R_M \simeq (21 \text{ MeV}/E_C)X_0$. Environ 99 % de l'énergie incidente est contenue dans un cylindre de rayon 3.5 R_M.

Cette connaissance des gerbes électromagnétique sera mise à profit lorsqu'il s'agira d'identifier le positron diffusé dans le calorimètre LAr.

Les gerbes hadroniques

Il est plus difficile de paramétrer l'évolution d'une gerbe hadronique car les processus impliqués sont plus nombreux. En effet les hadrons interagissent avec les noyaux des atomes du milieu absorbeur et cèdent ainsi une partie de leur énergie à quelques nucléons (réaction de spallation) qui peuvent à leur tour interagir avec d'autres noyaux. Ces réactions peuvent produire aussi des mésons. Les noyaux excités se désexcitent en émettant des neutrons et des photons. Ces neutrons peuvent alors interagir jusqu'à être absorbés par un noyau qui émettra un photon. On voit donc que la gerbe hadronique a trois composantes: une composante électromagnétique rapide qui est essentiellement due aux π^0 qui se désintègrent en 2 γ, une composante hadronique dominée par la production de $\pi^{\pm}$, et une composante nucléaire "molle".

Malgré la complexité de ces gerbes hadroniques, il est possible de les caractériser en partie de manière simple. Ainsi la fraction d'énergie déposée due à la composante électromagnétique est: $\bar{f}_{em} \simeq 0.12\ln[E_{inc}(GeV)]$. En outre on peut décrire le développement longitudinal et transversal de la gerbe par la longueur d'interaction λ_I, qui correspond au libre parcours moyen d'un hadron. Cette échelle caractéristique est beaucoup plus grande que la longueur de radiation définie pour les électrons. En moyenne, 95% de l'énergie déposée par un hadron est contenue dans une longueur $L \simeq 0.2\ln[E(\text{GeV})] + 2.5[E(\text{GeV})]^{0.13} + 0.7$ où L est exprimé en unité de λ_I, et dans un cylindre de rayon environ 1 λ_I. Dans la section hadronique du calorimètre LAr, $\bar{\lambda}_I$ est d'environ 21 cm. On voit ainsi que les gerbes hadroniques sont effectivement moins compactes en moyenne que les gerbes électromagnétiques.